Bestimmung der Ionendichte aus der Stark-Verbreiterung der H_β-Linie bei elektrischen Entladungen in H₈-cluster-Strahlen

R. KLINGELHÖFER, H. MOSER und H. RÖHL

Institut für Kernverfahrenstechnik der Universität und des Kernforschungszentrums Karlsruhe

(Z. Naturforsch. 25 a, 1360-1362 [1970]; eingegangen am 4. Juli 1970)

A transient plasma column is produced by discharging a 0.1 μ F-capacitor at 20 kV along a beam of hydrogen clusters. The time dependance of the ion density is obtained from Stark broadening measurements of H_β (4861 Å). A maximum density of 6.6×10^{16} ions/cm³ is achieved, the initial density of the neutrals in the beam being 8.5×10^{17} H₂ molecules/cm³. The background number density in the surrounding vacuum amounts to about 7×10^{10} molecules/cm³.

Einleitung und Zusammenfassung

Strahlen aus kondensiertem Wasserstoff (H₂-cluster-Strahlen) lassen sich durch eine Kondensatorentladung in Plasmafäden umwandeln¹, die durch eine Hochvakuumzone von der Kammerwand getrennt sind. Um den zeitlichen Aufbau der Plasmadichte zu verfolgen, wird die Verbreiterung der Linie H_{β} mit einem 10-Kanalspektrometer während der Entladung in Abhängigkeit von der Zeit gemessen. Aus den gemessenen Linienprofilen wird unter Anwendung der Stark-Verbreiterungstheorie die Ionendichte errechnet.

Ausgehend von einer Neutralteilchendichte $n_0 = 8.5 \cdot 10^{17}$ H₂-Molekeln/cm³ im cluster-Strahl erreicht die Ionendichte während der ersten Halbwelle des oszillierenden Entladungsstromes ein Maximum von $6.6 \cdot 10^{16}$

H-Ionen/cm³ bei einer Umgebungsdichte von $\approx 7 \cdot 10^{10}$ Molekeln/cm³. Der Zeitpunkt, in dem das Maximum der Ionendichte während der Entladung erreicht wird, hängt von der Anfangsdichte ab, was dafür spricht, daß der Unterschied zwischen Anfangsmateriedichte und maximaler Ionendichte zumindest teilweise auf der Expansion des Plasmas beruht.

Apparatur und Auswertung

Die Herstellung des cluster-Strahls wurde in einer anderen Arbeit² beschrieben, ebenso die Zündung¹ der Entladung eines Kondensators (0,1 μ F, 20 kV) durch Injektion von Elektronen in den cluster-Strahl. Die leicht divergente Plasmasäule ist 26 cm lang und hat einen mittleren Durchmesser von etwa 3 mm.

Das von einem etwa 1 mm hohen (Abb. 1) Plasmaquerschnitt in 94 mm Abstand von der Masse-Elektrode emittierte Licht wird mit einer Linse außerhalb der Vakuumkammer auf das Ende eines Glasfaser-Lichtleiters abgebildet. Rechtwinklig zur Ausbreitungsrichtung des cluster-Strahls wird dabei ein Bereich von 10 mm Ausdehnung erfaßt, so daß bei der Expansion des Plasmas über die Abmessungen des cluster-Strahls hinweg noch Licht zur Abbildung beiträgt. Die polierte Stirnfläche am anderen Ende des Lichtleiters ist Eingangsspalt eines 10-Kanal-Gitterspektrometers in Littrow-Anordnung (f = 1000 mm, Daten des Gitters: 1200 Strich/mm, Blaze-Wellenlänge 3000 Å). Zehn zusammen mit dem Eingangsspalt in einem "Glasfaserspaltpaket" 3 angeordnete Lichtleiter mit rechteckigem Querschnitt $(0,6 \times 6 \text{ mm}^2)$ bilden die zehn Ausgangskanäle. Jedem der 10 Ausgangsspalte entspricht ein definiertes Wellenlängenintervall, dessen Breite bei einer rezipro-



Abb. 1. Versuchsanordnung zur Messsung der Linienverbreiterung von H_{β} bei Kondensatorentladungen längs H_2 -cluster-Strahlen.

Sonderdruckanforderungen an Dr. R. KLINGELHÖFER, Institut für Kernverfahrenstechnik der Universität Karlsruhe, D-7500 Karlsruhe, Postfach 3640.

- ¹ E. W. BECKER u. R. KLINGELHÖFER, Z. Naturforsch. **19 a**, 813 [1964]. – E. W. BECKER u. R. KLINGELHÖFER, Plasma Physics (J. Nucl. Energy, Part C) **8**, 413 [1966].
- ² R. KLINGELHÖFER u. H. RÖHL, Z. Naturforsch. 25 a, 402 [1970].
- ³ Das Glasfaserpaket wurde freundlicherweise vom IPP Garching angefertigt.

ken linearen Dispersion des Spektrometers von 7,8 Å pro mm 4,7 Å entspricht. Das Spektrometer wird mit Hilfe einer H₂-Geißler-Röhre so justiert, daß die unverbreiterte Linie H_β auf einen Seitenkanal des Spaltpakets fällt, so daß eine Hälfte des symmetrischen Linienprofils vermessen werden kann. Durch einfache Umjustierung kann die Symmetrie der Linie geprüft werden.

Jeder der zehn Ausgangslichtleiter führt zu einem Photomultiplier. Die Spannungssignale der Multiplier werden auf entsprechend vielen Oszillographenspuren gleichzeitig aufgezeichnet und photographiert. Zu mehreren Zeitpunkten während einer Versuchsserie wird durch gleichmäßige Beleuchtung der Ausgangsspalte eine Eichung und Prüfung der Reproduzierbarkeit der Nachweisseite vorgenommen.

Der Auswertung ist die GRIEMsche Theorie⁴ der Linienverbreiterung zugrunde gelegt, wobei speziell die von KEPPLE⁵ berechneten Werte des H_β-Profils verwendet werden. Zur Bestimmung des Verlaufs der Linienbreite während einer Entladung werden die vorliegenden Multipliersignale zu verschiedenen Zeitpunkten ausgewertet und den entsprechenden Phasen des Entladungsstroms zugeordnet. Man erhält so zu jedem Zeitpunkt jeder Entladung ein Spektrallinienprofil, das den theoretischen Stark-Profilen angepaßt wird. Die Anpassung der gemessenen Profile erfolgt mit Hilfe eines Computer-Programms nach dem Minimum der Fehlerquadratsumme. Die Breite der Kanäle wurde durch Mittelung der theoretischen Profile über die entsprechenden Wellenlängenintervalle berücksichtigt.



Abb. 2. Linienprofil von H_β zu 5 Zeitpunkten während einer Kondensatorentladung. a) Zeitpunkt (234 ± 25) ns vor Strommaximum, Ionendichte $n_i=2\cdot10^{16}$ cm⁻³; b) (162 ± 25) ns vor Strommaximum, $n_i=5\cdot10^{16}$ cm⁻³; c) (90 ± 25) ns vor Strommaximum, $n_i=7\cdot10^{16}$ cm⁻³; d) (18 ± 25) ns vor Strommaximum, $n_i=5\cdot10^{16}$ cm⁻³; e) (54 ± 25) ns nach Strommaximum, $n_i=3\cdot10^{16}$ cm⁻³.

⁴ H. R. GRIEM, Plasma Spectroscopy, McGraw-Hill Book Co., New York 1964.

Experimente und Ergebnisse

Die Photomultipliersignale wurden bei zwei verschiedenen Anfangsdichten $(n_0 = 2, 4 \cdot 10^{17} \text{ und } n_0 = 8, 5 \cdot 10^{17}$ H2-Molekeln/cm3) ausgewertet. Als Beispiel sind in Abb. 2 für ein spezielles Experiment die Meßpunkte mit den angepaßten Stark-Profilen für fünf ausgewertete Zeitpunkte aufgetragen. Auf Grund der gewählten optischen Abildung, die den gesamten Plasmaquerschnitt erfaßt, ist die berechnete Ionendichte ein Mittelwert der im cluster-Strahl vorhandenen Ionendichte. Faßt man die zu verschiedenen Zeitpunkten eines Experiments ermittelten Ionendichten zusammen, so erhält man den zeitlichen Verlauf der Ionendichte während einer Entladung. Durch Mittelung der Zeitabhängigkeit bei 17 $(n_0=2.4\cdot10^{17} \text{ H}_2\text{-Molekeln/cm}^3)$ bzw. 24 $(n_0=8.5\cdot10^{17} \text{ H}_2\text{-Molekeln/cm}^3)$ Experimenten erhält man die in Abb. 3 aufgezeichnete zeitliche Abhängigkeit der Ionendichten mit der Zuordnung zum Entladungsstrom.



Abb. 3. Ionendichteverlauf (unteres Bild) mit Zuordnung zum Entladungsstrom (oberes Bild) nach Mittelung über 24 (△) bzw. 17 (○) Experimente.

Diskussion der Meßergebnisse

Ein Vergleich der Zeitabhängigkeit der Ionendichten zeigt, daß der Anstieg bei $n_0 = 8.5 \cdot 10^{17}$ H₂-Molekeln pro cm³ steiler ist als bei $n_0 = 2.4 \cdot 10^{17}$ H₂-Molekeln

⁵ P. C. KEPPLE, Report 831, Univ. Maryland, College Park, Maryland (USA). - P. C. KEPPLE u. H. R. GRIEM, Phys. Rev. 173, 1 [1968]. pro cm³. Der steilere Anstieg wird verständlich, wenn man annimmt, daß bei den Entladungen in cluster-Strahlen die Gleichung für den Aufbau eines Plasmas in einem Gas gilt,

$$\mathrm{d}n_{\mathrm{i}}/\mathrm{d}t = n_0 n_{\mathrm{e}} \sigma v - \alpha (n_{\mathrm{e}}, T_{\mathrm{e}}) n_{\mathrm{i}} n_{\mathrm{e}}$$

 $(\sigma v = Mittelwert des Produkts Ionisierungsquerschnitt$ $<math>\sigma \times Elektronengeschwindigkeit v bezüglich aller vorhan$ $denen Geschwindigkeiten; <math>\alpha = Rekombinationskoeffi$ zient; $n_e = Elektronendichte = Ionendichte n_i$).

Danach ist der erste, die Ionenerzeugung beschreibende Term der Neutronteilchendichte n₀ proportional.

Das Verhältnis der gemessenen Anstiegsraten und der Maxima ist jedoch kleiner als das der Neutralteilchendichten, was durch den stärker von n_i abhängenden zweiten, die Ionenvernichtung beschreibenden Term erklärlich ist.

Cation Mobilities in Molten Binary and Ternary Nitrate Mixtures

A. LUNDÉN

Department of Physics, Chalmers University of Technology Göteborg, Sweden

(Z. Naturforsch. 25 a, 1362-1364 [1970]; received 10 July 1970)

Some relative cation mobilities determined by the column method are reported. The results are compared with external ion mobilities reported by a number of authors who used the zone electrophoresis technique. In some cases the agreement is sufficient, in others the discrepancy is evident, but this can also occur when different measurements of external mobilities are compared with each other. Some sources of error are discussed.

The techniques used to determine electromigration mobilities in molten salt mixtures can be divided into two classes. In a review by ALBERTI and ALLULLI¹ the first one was called "open-block method of zone electrophoresis". Here a zone of a tracer migrates along a strip of some porous medium, which is soaked with molten salt. Since the displacement along a strip is measured, the ion mobilities are measured relative to the support, and are thus "external mobilities". Techniques of this class have been used by a number of research groups, mainly in France, Italy and the Netherlands, and the results obtained prior to October 1967 have been summarized in ¹, where also a discussion of some experimental difficulties is found. The other class was originally developed by KLEMM for studying

Reprints request to Dr. A. LUNDÉN, Department of Physics Chalmers University of Technology, S-40220 Göteborg 5, Schweden

- ¹ G. ALBERTI and S. ALLULLI, Chromatog. Rev. 10, 99 [1968].
- ² V. LJUBIMOV and A. LUNDÉN, Z. Naturforsch. **21** a, 1592 [1966].
- ³ A. LUNDÉN and V. LJUBIMOV, Z. Naturforsch. 23a, 1558 [1968].
- ⁴ J. PÉRIÉ, M. CHEMLA, and M. GIGNOUX, Bull. Soc. Chim. France 1961, 1249.

Auffällig ist, daß die Ionendichte bei der größeren Neutralteilchendichte bereits vor Durchlaufen des Strommaximums wieder absinkt. Aus früheren Bildwandleraufnahmen⁶ ist aber bekannt, daß der aufgeheizte Plasmafaden mit einer radialen Geschwindigkeit von ca. $1,5 \cdot 10^6$ cm/sec expandiert, was einer Vervierfachung des Volumens in 100 nsec entspricht. Es ist daher wahrscheinlich, daß sich der Dichteabbau durch thermische Expansion dem schnelleren Plasmaaufbau entsprechend früher bemerkbar macht.

Wir danken Herrn Prof. E. W. BECKER für die Förderung der Arbeit und wertvolle Diskussionen und Frau J. VOGELS-GESANG für ihre Hilfe bei den Experimenten und bei der Auswertung der Meßergebnisse.

⁶ R. KLINGELHÖFER, H. RÖHL u. J. WÜST, Z. Naturforsch. 21 a, 1967 [1966].

isotope effects in pure salts. It has been called the column method¹ since a packed column separates the electrode compartments. After quenching, the whole cell is divided into samples for each of which the amounts present of the different components are determined. In this way it is possible to determine the displacements of one cation species relative to another, and "internal mobilities" can thus be obtained. Since this method is much more tedious than the various open-block ones, it has found little use for salt mixtures except when combined with studies of isotope effects. We have recently reported its use for studying the system Li₂SO₄-K₂SO₄ (loc. cit. ^{2,3}). Applications of columns by Chemla and coworkers to isotope enrichment in halide and nitrate mixtures have not been evaluated for cation mobilities^{4,5}. They have, however, reported mobility ratios for an arrangement where a disc separates the two compartments of the cell^{6,7}. Our interest for relative mobilities in nitrate melts dates back to our attempts to measure isotope effects for cells containing LiNO3 and RbNO3 (loc. cit. 8). We shall now report on some test measurements of relative mobilities in different binary and ternary mixtures9, for which it is possible to make comparisons with mobilities measured by the strip method.

The mixtures studied are listed in Table 1. The length of the separation column was about 20 cm in all experiments¹⁰, The concentrations of the alkali metal ions were determined by flame spectrophotometry, of Ca by EDTA titration and of Ag by thiocyanate titration.

- ⁵ F. LANTELME and M. CHEMLA, J. Chim. Phys. **60**, 250 [1963].
- ⁶ F. LANTELME and M. CHEMLA, Bull. Soc. Chim. France 1963, 2200.
- ⁷ F. LANTELME and M. CHEMLA, Electrochim. Acta 10, 663 [1965].
- ⁸ A. LUNDÉN, Ann. N. Y. Acad. Sci. 79, 988 [1960].
- ⁹ More extensive investigations are in progress for KNO₃-RbNO₃ and LiNO₃-KNO₃.
- ¹⁰ For experimental details see e.g. A. LUNDÉN and A. EK-HED, Z. Naturforsch. 23a, 1779 [1968].

Transport numbers and relative mobilities are calculated by means of the formulas²

$$t_i - x_i = (N_i - N_i^{\circ})/Q \tag{1}$$

and $b_{ik}/b = (t_i x_k - t_k x_i)/x_i x_k = (N_i/x_i - N_k/x_k)/Q$ (2)

where

- $b = \Lambda/F =$ (average) mobility of cations relative to anions
- $\Lambda =$ equivalent conductivity
- F =Faraday constant
- t_i = transport number at initial equivalent fraction x_i
- $b_{ik} =$ mobility of species *i* relative to species *k*
- N_i = number of equivalents of species *i* present in a volume for which the original amount was N_i^0
- = transported charge, Faradays 0

For all experiments the indices 1, 2, 3 are used in sequence of increasing mass of the cation.

The results are summarized in Table 1.

Comparison with mobility measurements on strips

The relation between external mobilities (u_i, u_k) and the internal mobility b_{ik} is

$$b_{ik} = u_i - u_k \,. \tag{3}$$

For calculating relative mobilities from strip experiments we have for pure salts used the conductivity data compiled by JANZ et al.¹¹. For mixtures Nooijer's data are used¹². The mobility b is always calculated for the temperature at which u is reported to be measured. Since there is reason to assume that this temperature is too low for some early investigations¹³, including Arnikar's, this means that the calculated relative mobilities are too high in these cases.

Li, Ca-nitrate: KWAK¹⁴ has measured the mobilities of Li and Ca on a strip containing a LiNO₃-Ca(NO₃)₂ mixture. From his results for 80 equv.-% LiNO3 at 304°C it follows that $u_{\rm Li} - u_{\rm Ca} = 2.08 \times 10^{-4} \, {\rm cm}^2 \, V^{-1} \, {\rm s}^{-1}$, which corresponds to $b_{12}/b = 0.67$ (l. c.¹⁵) which is in good agreement with our results, and also with measurements of u_{Li} and uca in other metls, e.g. pure NaNO3 at 350 °C (ARNI-KAR¹⁶): $u_{Li} - u_{Ca} = 2.87 \times 10^{-4} \text{ cm}^2 V^{-1} \text{ s}^{-1}$, and equimolar NaK (NO₃)₂ at 270 °C (BERLIN et al.¹⁷) $u_{Li} - u_{Ca}$ $= 1.58 \times 10^{-4} \,\mathrm{cm^2 \, V^{-1} \, s^{-1}}.$

Na, K-nitrate: HONIG¹⁸ has measured mobilities of Na and K in mixtures of NaNO3 and KNO3. For 90% NaNO3 his data gives $u_{
m Na} - u_{
m K} = 0.43 imes 10^{-4} \, {
m cm}^2 {
m V}^{-1} {
m s}^{-1}$ at 350°C. For pure NaNO₃ at 350°C $u_{Na} - u_{K}$ is obtained as $0.64 imes 10^{-4}
m \, cm^2 \, V^{-1} \, s^{-1}$ (Arnikar 16) or $0.30 imes 10^{-4} \, cm^2 \, V^{-1}$ pro s (HONIG¹⁸). Mobility differences of the same order of magnitude are reported for the equimolar NaNO3-KNO3 mixture. It was found that the mobility difference decreases with increasing temperature. The strip measurements are thus in disagreement with our result.

Na, K, Rb-nitrate: The studied ternary mixtures can be considered as dilute solutions of NaNO3 and RbNO3 in KNO_3 . For this reason only b_{12}/b and b_{23}/b will be considered in our comparison. Regarding b_{12}/b we are in a concentration and temperature region where there is disagreement in the literature whether b_{Na} is larger or smaller than b_{K} . Thus at 350 °C HONIG's^{18,19} values of u_{Na} and u_{K} for a mixture of 10% NaNO3 and 90% KNO3 coincide within experimental error, while he finds that $u_{
m Na} - u_{
m K} = 0.12 imes 10^{-4}$ cm²V⁻¹s⁻¹ for pure KNO₃. On the other hand, ARNIKAR¹⁶ reports this difference to be $1.88 \times 10^{-4} \text{ cm}^2 \text{V}^{-1} \text{s}^{-1}$. The relative mobilities of Na⁺ and K⁺ have also been studied with the disc method by LANTAMELE and CHEMLA⁶, who find i.a. that $u_{Na} > u_K$ for all concentrations at 360 °C, but that $u_{\rm Na} < u_{\rm K}$ at 400 °C for mixtures containing more than 60% KNO3.

Exp. no	Cations ^a	$100 \cdot x_1 \\ eq. \%$	$\begin{array}{c} 100 \cdot x_3 \\ \mathrm{eq. \%} \end{array}$	$\mathop{\mathrm{Temp}}_{^{\circ}\mathrm{C}}$	Dura- tion	Trans. port	Tran nun	sport bers	Mobi Our 1	lities; results	Mobilities; strip experiments	
					nours	mFara- day	t_1	t_3	b_{12}/b	b_{23}/b	b_{12}/b	b_{23}/b
$\frac{1}{2}$	Li, Ca Na, K	80.4 91.8	_	$\frac{300}{376}$	$21.5 \\ 12$	$211.7 \\ 136.0$	0.814 0.963	_	$0.62 \\ 0.59$	_	$0.67^{14}; (0.52^{16}; 0.39^{17}) \\ 0.08^{18}; (0.12^{16}; 0.06^{18})$	_
$\frac{1}{3}$ 4 5	Na, K, Rb Na, K, Rb Li, K, Ag	$5.3 \\ 6.5 \\ 90.5$	$4.4 \\ 5.4 \\ 5.2$	381 380 291	$37.2 \\ 30.6 \\ 7.0$	$249.4 \\ 229.3 \\ 60.6$	$0.054 \\ 0.067 \\ 0.907$	0.041 0.051 b	$0.021 \\ 0.029 \\ 0.15$	0.069) 0.056j b	0.006^{18} ; $(-0.032^{18}; 0.49^{16})$	0.03118

Table 1. Data of electromigration experiments.

^a The sequence of the ions corresponds to that of the indexes.

^b Interpretation difficult due to partial decomposition of AgNO₃.

- ¹¹ G. J. JANZ et al.: Molten Salts: Vol. 1, Electrical Conductance, Density, and Viscosity Data, NSRDS-NBS 15, Nat. Bur. Stand., Washington 1968.
- ¹² B. DE NOOIJER, Thesis Amsterdam 1965.
- ¹³ E. P. HONIG and J. A. A. KETELAAR, Trans. Faraday Soc. 62, 190 [1966].
- 14 J. C. T. KWAK, Thesis Amsterdam 1967.
- ¹⁵ For the rest of this comparison the relative mobilities will be given only in Table 1, where they are given in the same order as the underlying external mobility measurements are mentioned in the text.
- 16
- H. J. ARNIKAR, Ann. Phys. Paris (13) 4, 1291 [1959]. A. BERLIN, F. MÉNÈS, S. FORCHERI, and C. MONFRINI, J. Phys. Chem. 67, 2505 [1963].
- E. P. HONIG, Thesis Amsterdam 1964. 18
- 19 HONIG'S results regarding u_{Na} in KNO₃ have been confirmed by KWAK^{13, 14}.

Turning our attention to the heavy impurity RbNO₃, mobility data exist for a strip with KNO₃ at 450 °C from which it follows that $u_{\rm K} - u_{\rm Rb} = 0.14 \times 10^{-4} \,{\rm cm}^2 {\rm V}^{-1} {\rm s}^{-1}$, which is in reasonable agreement with our results.

Li, K, Ag-nitrate: Due to thermal decomposition our samples from the separation column were found to contain both AgNO₃ and silver as metal or oxide. Of course this complicates calculations of b_{13}/b but is not so important for b_{12}/b .

Regarding b_{13}/b , our experiments only allow the qualitative conclusion that it is likely that $b_{AK} > b_{Li}$ in our LiNO₃rich mixture. As for b_{12}/b , it is difficult to make any meaningful comparisons, since data on external mobilities in pure LiNO₃ or LiNO₃-rich mixtures are very scarce, and the values of u_{Li} and u_K determined in other melts spread considerably.

Discussion

Some possible sources of experimental error should be remembered. As pointed out previously¹, there are differences in the way the different authors have evaluated their measurements of external mobilities. Also, $u_1 - u_2$ is not measured directly but calculated from more or less independent measurements of u_1 and u_2 . Regarding our experiments with columns, in principle, two types of disturbances can occur at solidification. Thus, a certain remixing might result from flow caused by volume changes. In this case the measured value of b_{12}/b would tend to become too small, while, on the other hand, partial fractionation during solidification would give rise to b_{12}/b values which are too high. The importance of these two sources of error depends on the construction of the cell as well as on the quenching technique.

Consequently, either method of determining b_{ij} (or b_{ij}/b) has its weaknesses, and the results obtained so far should be viewed with some suspicion. Bearing this in mind, it is comforting that the different measurements agree reasonably well for Li-Ca and K-Rb, while the serious discrepancies for Na-K are a challenge for further work.

Acknowledgements

This investigation is supported by "Statens Naturvetenskapliga Forskningsråd". I am indebted to Mrs. A. EKLUND, Mrs. L. JANSEN and Mr. B. VIDHÖG for performing the chemical analyses.