

12 Sterrenkunde

havo

12.1 Het zonnestelsel

- 1***
- a** Welk jaargetijde begint er op het noordelijk halfrond als de zon boven de evenaar staat komen vanaf het zuidelijk halfrond.
- dan begint op het noordelijk halfrond de lente
- b** Welk jaargetijde begint er dan op het zuidelijk halfrond?
- dan begint op het zuidelijk halfrond de herfst
- 2***
- a** Leg uit waarom deze mensen geen gelijk hebben.
- een dag duurt altijd precies 24 uur (86400 seconde)
 - ze bedoelen dat het aantal uur daglicht in december korter is dan in de zomer
- 3****
- a** Leg uit waarom het in de zomer warmer is dan in de winter.
- het gaat om de hoek die de zon maakt met het oppervlak van de aarde
 - in de zomer valt het zonlicht met een grotere hoek ten opzichte van de horizontaal dan in de winter
 - vanwege de grotere invalshoek is de hoeveelheid licht per vierkante meter in de zomer groter
- b** Leg uit of dit temperatuurverschil te maken heeft met de afstand van de aarde tot de zon.
- op ongeveer 4 januari staat de zon het dichtst bij de aarde maar is het op het noordelijk halfrond winter
 - de afstand van de aarde tot de zon heeft geen grote invloed op de temperatuur
- c** Leg uit waarom dit het geval is.
- voor het zuidelijk halfrond is de afstand tussen de aarde en de zon in de zomer kleiner en in de winter groter
 - hierdoor is er op het zuidelijk halfrond een groter temperatuurverschil tussen zomer en winter

- 4***
- a** Hoe ziet de maan eruit bij nieuwe maan en hoe bij volle maan?
- bij nieuwe maan is de maan nauwelijks te zien omdat de zon de andere kant van de maan verlicht en je alleen de niet beschenen kant ziet
 - bij volle maan verlicht de zon de zichtbare kant van de maan, je ziet de maan volledig
- b** Wanneer is het springtij, bij nieuwe maan, bij volle maan of bij zowel nieuwe- als volle maan. Verklaar je antwoord.
- het is springtij bij zowel nieuwe maan als volle maan
- 5***
- a** Zoek op internet de datum van de eerste volle maan van de lente op en controleer op de zondag erop inderdaad Pasen is.
- 2017 eerste volle maan in de lente: 11 april → Pasen: 16 april
 - 2018 eerste volle maan in de lente: 31 maart → Pasen: 1 april
 - 2019 eerste volle maan in de lente: 19 april → Pasen: 21 april
 - 2020 eerste volle maan in de lente: 8 april → Pasen: 12 april
 - 2021 eerste volle maan in de lente: 28 maart → Pasen: 4 april
 - 2022 eerste volle maan in de lente: 16 april → Pasen: 17 april
 - 2023 eerste volle maan in de lente: 6 april → Pasen: 9 april
- 6****
- a** Leg uit waarom er niet iedere maand een maansverduistering en een zonsverduistering is.
- de maan en de aarde bewegen niet precies in hetzelfde vlak, de vlakken maken een hoek van 5,2 graden
 - hierdoor valt de schaduw van de aarde niet altijd op de maan (maansverduistering) en de schaduw van de maan niet altijd op aarde (zonsverduistering)
- b** Leg uit waarom een zonsverduistering zeldzamer is dan een maansverduistering. Maak bij je uitleg gebruik van een schets.
- omdat de maan kleiner is dan de aarde is de schaduw van de maan ook kleiner
 - de kans dat de aarde in de schaduw van de maan komt is hierdoor kleiner
- 7***
- a** Zoek op welke planeet het kortste jaar heeft en welke het langste jaar.
- kortste jaar: Mercurius (87,97 dagen)
 - langste jaar: Neptunus (164,8 jaar)
- b** Zoek op welke planeet de kortste dag heeft en welke de langste dag.
- kortste dag: Jupiter (0,413 dagen)
 - langste dag: Venus (243 dagen, met tegengestelde draairichting)

- 8***
- a** Zoek op welke planeet dit is.
- Venus: jaar duurt 224,7 dagen en dag duurt 243 dagen (met tegengestelde draairichting)
- b** Zoek op welke planeten dit zijn.
- Venus en Uranus
- c** Controleer of oom Henk gelijk heeft.
- Oom Henk heeft gelijk
- d** Controleer of tante Truus gelijk heeft.
- Tante Truus heeft geen gelijk

- 9*****
- a** Stel dat de aarde zou veranderen in een gasplaneet. Hoeveel keer groter zou het volume (de inhoud) van de aarde dan zijn?
- $\rho = \frac{m}{V} \rightarrow V = \frac{m}{\rho}$
 - de dichtheid ρ wordt 5 keer kleiner en de massa m blijft gelijk
 - volume V wordt 5 keer zo groot
- b** Hoe groot zou de straal van de aarde dan zijn?
- $V = \frac{4}{3}\pi \cdot r^3$
 - V wordt 5 keer zo groot $\rightarrow r^3$ wordt 5 keer zo groot
 - r wordt $\sqrt[3]{5} = 1,71$ keer zo groot
 - $1,71 \cdot 6,371 \cdot 10^6 = 1,089 \cdot 10^7$ m

- 10*****
- a** Leg met behulp van figuur 2 uit hoe het komt dat gezien vanaf de aarde de bewegingsrichting van Mars lijkt om te keren.
- Aarde heeft een jaar van 365 dagen, Mars heeft een jaar van 225 dagen
 - tijdens de beweging om de zon haalt de aarde Mars in
 - vóór het inhalen zie je Mars links aan de hemel en na het inhalen rechts aan de hemel
 - het lijkt alsof Mars van links naar rechts is bewogen
- b** Geef hiervoor een verklaring.
- het vlak waarin Mars om de zon beweegt heeft een hoek van 1,8 graden ten opzichte van het vlak waarin de aarde om de zon beweegt
 - terwijl de aarde Mars inhaalt verschuift de plaats van Mars een beetje

- 11***
- a** Bij welke van de planeten is de helling ten opzichte van de ecliptica het grootst en hoe groot is deze grootste hellingshoek?
- grootste helling ten opzichte van de ecliptica: Mercurius (7,0 graden)
 - kleinste helling ten opzichte van de ecliptica: Uranus (0,8 graden)
- b** Hebben de dwergplaneten Ceres en Pluto een grotere of een kleinere hellingshoek?
- Ceres: 10,6 graden
 - Pluto: 17,1 graden
 - dus een grotere hellingshoek

- 12*****
- a** Bereken de gemiddelde snelheid van New Horizons.
- tussen 19 januari 2006 en 14 juli 2015 zitten 9,5 jaar min 3 dagen
 - tussen 19 januari 2006 en 14 juli 2015 zitten in werkelijkheid 3463 dagen
 - 3463 dagen is $3463 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60 = 2,992 \cdot 10^8$ s
 - de afstand tussen Aarde en Pluto is het verschil in de baanstraal
 - afstand tussen Aarde en Pluto: $5,91 \cdot 10^{12} - 0,1496 \cdot 10^{12} = 5,7604 \cdot 10^{12}$ m
 - $v_{\text{gem}} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$
 - $v_{\text{gem}} = \frac{5,7604 \cdot 10^{12}}{2,992 \cdot 10^8} = 1,9253 \cdot 10^4 \text{ m/s} = 19,3 \text{ km/s}$
- b** Is dit in overeenstemming met je antwoord op a? Zo niet, verklaar het verschil.
- antwoord op vraag a is 19,3 km/s en dat is meer dan de opgegeven maximale snelheid
 - reden: Pluto heeft geen cirkelvormige baan en staat soms dichterbij de aarde
 - de kleinste afstand tussen Aarde en Pluto is NIET het verschil in de baanstraal
 - in werkelijkheid is de kleinste afstand tussen Aarde en Pluto $4,28 \cdot 10^{12}$ m
 - $v_{\text{gem}} = \frac{4,28 \cdot 10^{12}}{2,992 \cdot 10^8} = 1,43 \cdot 10^4 \text{ m/s} = 14,3 \text{ km/s}$ dus minder dan 19,3 km/s

- 13****
- a** Hoeveel jaar zit er gemiddeld tussen twee inslagen van zo'n grote meteoriet in bewoond gebied?
- 2% bewoond gebied is 1/50 van het aardoppervlak
 - van de 50 inslagen komt er één in bewoond gebied
 - $50 \cdot 50 = 2500 \rightarrow$ er zit 2500 jaar tussen twee inslagen in bewoond gebied
- b** Maak een schatting hoeveel jaar er gemiddeld zit tussen twee inslagen van zo'n grote meteoriet in Nederland.
- Nederland heeft een oppervlakte van ongeveer 140 bij 300 km = 42.000 km² (in werkelijkheid 41.543 km²)

- frontaal oppervlak Aarde: $A = \pi \cdot r^2$
- $A = \pi \cdot 6371^2 = 1,27516 \cdot 10^8 \text{ km}^2$
- verhouding $\frac{A_{\text{Aarde}}}{A_{\text{Nederland}}} = \frac{1,275 \cdot 10^8}{4,1543 \cdot 10^4} = 3069,497$
- van de 3069,497 inslagen komt er één in Nederland
- $3069,497 \cdot 50 = 1,5347 \cdot 10^5 = 1,5 \cdot 10^5 \text{ jaar}$

14**

- a** Waar bevindt zich de Kuiper gordel?
- de Kuiper gordel bevindt zich op de afstand van Pluto van de zon
- b** Bereken de dichtheid van de komeet van Halley.
- volume : $V = 15 \cdot 8 \cdot 8 = 960 \text{ km}^3 = 960 \cdot 10^9 \text{ m}^3$
 - $\rho = \frac{m}{V}$
 - $\rho = \frac{2,2 \cdot 10^{14}}{960 \cdot 10^9} = 229,167 = 2,3 \cdot 10^2 \text{ kg/m}^3$
- c** Kan de komeet van Halley volledig uit steen of uit ijzer bestaan?
- nee want daarvoor is de dichtheid veel te klein

15**

- a** Op hoeveel AE van de zon bevindt zich dwergplaneet Pluto zich gemiddeld?
- baanstraal Pluto = $5,91 \cdot 10^{12} \text{ m}$ | baanstraal Aarde = $0,1496 \cdot 10^{12} \text{ m}$
 - afstand Pluto in AE is $\frac{5,91 \cdot 10^{12}}{0,1496 \cdot 10^{12}} = 39,5 \text{ AE}$
- b** Op hoeveel AE van de zon bevindt zich de dichtstbijzijnde ster Proxima Centauri?
- Proxima Centauri staat op een afstand van $4,0 \cdot 10^{16} \text{ m}$
 - afstand Proxima Centauri in AE is $\frac{4,0 \cdot 10^{16}}{0,1496 \cdot 10^{12}} = 2,67 \cdot 10^5 \text{ AE}$
- c** Bevindt de Proxima Centauri zich in de Oortwolk?
- nee want de Oortwolk strekt zich uit tot maximaal 100.000 AE
 - Proxima Centauri bevindt zich op meer dan de dubbele afstand

12.2 Sterren en sterrenstelsels

- 1****
- a** Hoeveel seconden heeft licht nodig om van de maan naar de aarde te reizen?
- $s = 384,4 \cdot 10^6 \text{ m}$ | $v = c = 2,99792458 \cdot 10^8 \text{ m/s}$ | $t = \dots \text{ s}$
 - $s = v_{\text{gem}} \cdot t$
 - $384,4 \cdot 10^6 = 2,99792458 \cdot 10^8 \cdot t \rightarrow t = 1,28222 = 1,282 \text{ s}$
- b** Hoeveel uur heeft licht nodig om van de zon naar dwergplaneet Pluto te reizen?
- $s = 5,91 \cdot 10^{12} \text{ m}$ | $v = c = 2,99792458 \cdot 10^8 \text{ m/s}$ | $t = \dots \text{ s}$
 - $s = v_{\text{gem}} \cdot t$
 - $5,91 \cdot 10^{12} = 2,99792458 \cdot 10^8 \cdot t \rightarrow t = 1,97136 \cdot 10^4 \text{ s}$
 - $1,97136 \cdot 10^4 \text{ s} = 5,47601 = 5,48 \text{ uur}$ (5 uur en 29 minuten)
- c** Hoeveel jaar heeft licht nodig om naar het middelpunt van de Melkweg te reizen?
- $s = 2,5 \cdot 10^{20} \text{ m}$ | $v = c = 2,99792458 \cdot 10^8 \text{ m/s}$ | $t = \dots \text{ s}$
 - $s = v_{\text{gem}} \cdot t$
 - $2,5 \cdot 10^{20} = 2,99792458 \cdot 10^8 \cdot t \rightarrow t = 8,3391 \cdot 10^{11} \text{ s}$
 - $8,3391 \cdot 10^{11} \text{ s} = \frac{8,3391 \cdot 10^{11}}{365,25 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60} = 2,6425 \cdot 10^4 = 2,6 \cdot 10^4 \text{ jaar}$
- 2****
- a** Hoeveel kubieke meter zand bevat evenveel zandkorrels als dat er sterren in de Melkweg zijn?
- er zijn ongeveer 200 miljard sterren in de Melkweg
 - $200 \cdot 10^9 \cdot 0,015 = 3,0 \cdot 10^9 \text{ mm}^3$
 - $1 \text{ mm}^3 = 1 \cdot 10^{-9} \text{ m}^3$
 - $3,0 \cdot 10^9 \text{ mm}^3 = 3,0 \text{ m}^3$
- b** Hoeveel zandzakken kun je vullen met het zand van vraag a?
- $r = 0,15 \text{ m}$ | $\ell = 0,40 \text{ m}$ | $V = \dots \text{ m}^3$
 - volume cilinder: $V = \pi r^2 \cdot \ell$
 - $V = \pi \cdot 0,15^2 \cdot 0,4 = 2,8274 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3$
 - $\frac{3,0}{2,8274 \cdot 10^{-2}} = 106,1 = 1,1 \cdot 10^2 \text{ zandzakken}$
- 3****
- a** Hoeveel sterren zijn er in totaal?
- $100 \cdot 10^9 \cdot 100 \cdot 10^9 = 1,0 \cdot 10^{22} \text{ sterren}$

b Hoeveel waterstofatomen zijn er dan ongeveer in het heelal?

- massa waterstofatoom $1,007825 \text{ u}$
- $1,007825 \text{ u} = 1,007825 \cdot 1,660539 \cdot 10^{-27} = 1,673533 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$
- waterstofatomen in één ster: $\frac{1,9884 \cdot 10^{30}}{1,673533 \cdot 10^{-27}} = 1,1881 \cdot 10^{57}$
- waterstofatomen in het heelal: $1,1881 \cdot 10^{57} \cdot 1,0 \cdot 10^{22} = 1,1881 \cdot 10^{79} = 1,2 \cdot 10^{79}$

4** **a** Over hoeveel jaar zien we de sterren die op dit moment in de Arendnevel worden geboren?

- $s = 6,62 \cdot 10^{19} \text{ m}$ | $v = c = 2,99792458 \cdot 10^8 \text{ m/s}$ | $t = \dots \text{ s}$
- $s = v_{\text{gem}} \cdot t$
- $6,62 \cdot 10^{19} = 2,99792458 \cdot 10^8 \cdot t \rightarrow t = 2,2082 \cdot 10^{11} \text{ s}$
- $2,2082 \cdot 10^{11} \text{ s} = \frac{2,2082 \cdot 10^{11}}{365,25 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60} = 6,9973 \cdot 10^3 = 7,00 \cdot 10^3 \text{ jaar}$

5** **a** Stel dat we geen intelligent leven waarnemen, betekent dat dan dat er ook geen intelligent leven is?

- het licht van het Andromedastelsel is 2,54 miljoen jaar geleden vertrokken
- in deze 2,54 miljoen jaar kan intelligent leven zich hebben ontwikkeld
- we mogen niet concluderen dat er nu geen intelligent leven is

6** **a** Stel dat je op dit moment op een planeet ergens in het Messier 87 stelsel met een supermicroscop naar de aarde zou kijken, zou je dan dinosaurussen zien rondlopen?

- het licht heeft 53,3 miljoen jaar nodig om van de zon naar Messier 87 te reizen
- je ziet de aarde 53,3 miljoen jaar in het verleden
- dinosaurussen zijn 66 miljoen jaar geleden uitgestorven
- je kunt geen dinosaurussen waarnemen

7** **a** Bereken de gemiddelde snelheid van de Voyager 1 ruimtesonde.

- $s = 17,42 \cdot 9,460886 \cdot 10^{15} = 1,648086 \cdot 10^{17} \text{ m}$
- 40.000 jaar is $40.000 \cdot 365,256 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60 = 1,26232 \cdot 10^{12} \text{ s}$
- $v_{\text{gem}} = \frac{s}{t}$

- $v_{\text{gem}} = \frac{1,648086 \cdot 10^{17}}{1,26232 \cdot 10^{12}} = 1,3056 \cdot 10^5 = 1,306 \cdot 10^5 \text{ m / s}$

OOK GOED

- 17,42 lichtjaar in 40.000 jaar
- $v_{\text{gem}} = \frac{17,42}{40.000} \cdot c$
- $v_{\text{gem}} = \frac{17,42}{40.000} \cdot 2,99792458 \cdot 10^8 = 1,305596 \cdot 10^5 = 1,306 \cdot 10^5 \text{ m / s}$

8***

a Hoe groot is de gemiddelde afstand tussen twee sterren in de buurt van de zon?

- $\sqrt[3]{250} = 6,2996 = 6,3$
- 250 kubieke lichtjaar is een kubus met een ribbe van 6,3 lichtjaar
- de gemiddelde afstand tussen twee sterren is 6,3 lichtjaar

b Bereken de gemiddelde afstand in lichtjaar tussen de aarde en de meest nabije aardachtige planeet.

- in een kubus met ribbe 63 lichtjaar zitten 100 sterren
- de gemiddelde afstand tot de meest nabije aardachtige planeet is 63 lichtjaar

c Bereken de gemiddelde afstand in lichtjaar tussen de aarde en de meest nabije planeet met buitenaards leven.

- in een kubus met ribbe 630 lichtjaar zitten 10000 sterren
- de gemiddelde afstand tot de meest nabije planeet met buitenaards leven is 630 lichtjaar

12.3 Cirkelbeweging

Cirkelbeweging op aarde

- 1***
- a** Wat is een eenparige cirkelbeweging?
- een beweging met een cirkelbaan en een constante baansnelheid (*eenparig betekent dat iets niet verandert*)
- b** Waarom is er voor een eenparige cirkelbeweging een kracht nodig?
- als er geen resulterende kracht werkt blijft een voorwerp met een constante snelheid in een rechte lijn bewegen
 - bij een cirkelbeweging is er wel een constante snelheid maar geen rechte lijn
 - er is dus een resulterende kracht nodig
- c** Hoe heet deze kracht?
- de middelpuntzoekende kracht F_{mpz}
 - bij een eenparige cirkelbeweging is F_{mpz} altijd gelijk aan ΣF
- 2****
- a** Een steen aan een touw die horizontaal wordt rondgeslingerd.
- het touw oefent een constante kracht uit gericht naar het middelpunt
 - $F_{mpz} = F_{span}$ (F_{span} is de spankracht in het touw)
- b** Een steen aan een touw die verticaal wordt rondgeslingerd.
- de som van de kracht in het touw én de zwaartekracht
 - $F_{mpz} = F_{span} + F_z$ (krachtpijlen optellen, rekening houden met de richting)
- c** Een zitje van een draaiende zweefmolen.
- de som van de kracht in het touw én de zwaartekracht
 - $F_{mpz} = F_{span} + F_z$ (krachtpijlen optellen, rekening houden met de richting)
- d** De was in een horizontaal draaiende centrifuge.
- de normaalkracht van de wand tegen de naar buiten geslingerde was
 - $F_{mpz} = F_n$ (F_n is de normaalkracht van de wand tegen de was)
- e** De was in een verticaal draaiende centrifuge.
- de som van de normaalkracht van de wand tegen de was én de zwaarte- kracht
 - $F_{mpz} = F_n + F_z$ (krachtpijlen optellen, rekening houden met de richting)
- f** Een satelliet die om de aarde draait.
- de aantrekkingskracht (gravitatiekracht) die de aarde op de satelliet uitoefent
 - $F_{mpz} = F_{grav}$

- 3****
- a** Hoe groot is de baansnelheid van je fietsband?
- het wiel slijpt niet
 - de baansnelheid van je fietsband is gelijk aan de snelheid van de fiets
 - $v_{\text{gem}} = \frac{s}{t} \rightarrow v_{\text{gem}} = \frac{100}{13} = 7,6923 = 7,7 \text{ m/s}$
 - $v_{\text{baan}} = v_{\text{gem}} = 7,7 \text{ m/s}$
- b** Bereken de straal van je fietswiel.
- omtrek = $2\pi \cdot r$
 - $2,2 = 2\pi \cdot r \rightarrow r = 0,35014 = 0,35 \text{ m}$
- c** Bereken de omlooptijd van je fietswiel.
- $v_{\text{baan}} = 7,6923 \text{ m/s} \mid r = 0,35014 \text{ m} \mid T = \dots \text{ s}$
 - $v_{\text{baan}} = \frac{2\pi \cdot r}{T}$
 - $7,6923 = \frac{2\pi \cdot 0,35014}{T} \rightarrow T = 0,286 = 0,29 \text{ s}$
- d** Bereken de (draai) frequentie van het wiel.
- $f = \frac{1}{T}$ (met T in seconde)
 - $f = \frac{1}{0,286} = 3,4965 = 3,5 \text{ Hz}$

- 4****
- a** Bereken de middelpuntzoekende kracht op de vrachtauto.
- $v_{\text{baan}} = \frac{80}{3,6} = 22,222 \text{ m/s} \mid m = 10 \cdot 10^3 \text{ kg} \mid r = 300 \text{ m} \mid F_{\text{mpz}} = \dots \text{ N}$
 - $F_{\text{mpz}} = \frac{m \cdot v_{\text{baan}}^2}{r}$
 - $F_{\text{mpz}} = \frac{10 \cdot 10^3 \cdot 22,222^2}{300} = 1,6461 \cdot 10^4 = 1,6 \cdot 10^4 \text{ N}$
- b** Waar komt de middelpuntzoekende kracht vandaan?
- de banden oefenen een zijwaartse kracht uit op het wegdek
 - de terugduwende kracht (reactiekracht) van het wegdek veroorzaakt F_{mpz}

- 5*****
- a** Bereken de (omloop) frequentie van de trommel tijdens het centrifugeren.
- 1200 omlopen per minuut = $\frac{1200}{60} = 20$ omlopen per seconde
 - de (omloop) frequentie is 20 Hz

b Waarom "plakt" tijdens het centrifugeren de natte handdoek tegen de trommelwand?

- de handdoek zal zonder kracht in een rechte lijn bewegen
- om de richting van de snelheid te veranderen is een kracht nodig
- de kracht van de wand op de was is gelijk aan de kracht van de was op de wand (3^e wet Newton)

c Bereken de baansnelheid van de natte handdoek tijdens het centrifugeren in m/s en in km/h..

- $r = \frac{0,45}{2} = 0,225 \text{ m} \quad | \quad T = \frac{1}{f} = 0,05 \text{ s} \quad | \quad v_{\text{baan}} = \dots \text{ m/s}$

- $v_{\text{baan}} = \frac{2\pi \cdot r}{T}$

- $v_{\text{baan}} = \frac{2\pi \cdot 0,225}{0,05} = 28,27433 = 28 \text{ m/s}$

d Bereken de middelpuntzoekende kracht op de natte handdoek tijdens het centrifugeren.

- $m = 0,600 \text{ kg} \quad | \quad v_{\text{baan}} = 28,274 \text{ m/s} \quad | \quad r = 0,225 \text{ m} \quad | \quad F_{\text{mpz}} = \dots \text{ N}$

- $F_{\text{mpz}} = \frac{m \cdot v_{\text{baan}}^2}{r}$

- $F_{\text{mpz}} = \frac{0,6 \cdot 28,27433^2}{0,225} = 2,13183 \cdot 10^3 = 2,1 \cdot 10^3 \text{ N}$

e Leg uit hoe de centrifuge er voor zorgt dat de handdoek droger wordt.

- het water wordt ook tegen de wand geslingerd maar gaat door de gaatjes uit de trommel

f Leg uit of F_{mpz} tijdens het centrifugeren groter wordt, kleiner wordt of gelijk blijft.

- $F_{\text{mpz}} = \frac{m \cdot v_{\text{baan}}^2}{r}$

- tijdens het centrifugeren wordt water weggeslingerd waardoor de massa afneemt

- v_{baan} en r blijven gelijk

- F_{mpz} wordt kleiner

6***

a Voelt Sanne dat ze een bocht neemt?

- bij het nemen van een bocht wordt er een F_{mpz} op Sanne uitgeoefend
- Sanne voelt deze kracht op haar lichaam

b Bereken F_{mpz} op Sanne.

- $m = 63 \text{ kg} \quad | \quad v_{\text{baan}} = \frac{45}{3,6} = 12,5 \text{ m/s} \quad | \quad r = 20 \text{ m} \quad | \quad F_{\text{mpz}} = \dots \text{ N}$

- $F_{mpz} = \frac{m \cdot v_{baan}^2}{r}$
- $F_{mpz} = \frac{63 \cdot 12,5^2}{20} = 4,921875 \cdot 10^2 = 4,9 \cdot 10^2 \text{ N}$

c Waar komt de middelpuntzoekende kracht vandaan?

- F_{mpz} is de zijwaartse kracht van de weg op de wielen van de scooter
- de scooter oefent vervolgens een kracht uit op Sanne

d Met welke snelheid moet Sanne de scherpe bocht nemen?

- $F_{mpz} = 4,921875 \cdot 10^2 \text{ N} \quad | \quad m = 63 \text{ kg} \quad | \quad r = 5,0 \text{ m} \quad | \quad v_{baan} = \dots \text{ m/s}$

- $F_{mpz} = \frac{m \cdot v_{baan}^2}{r}$

- $4,921875 \cdot 10^2 = \frac{63 \cdot v_{baan}^2}{5} \rightarrow v_{baan} = 6,25 = 6,3 \text{ m/s}$

e Bereken de maximale snelheid waarmee Sanne de bocht mag nemen.

- $a_{mpz} = 9,81 \text{ m/s}^2 \quad | \quad m = 63 \text{ kg} \quad | \quad r = 5,0 \text{ m} \quad | \quad v_{baan} = \dots \text{ m/s}$

- $a_{mpz} = \frac{F_{mpz}}{m} \rightarrow a_{mpz} = \frac{v_{baan}^2}{r}$

- $9,81 = \frac{v_{baan}^2}{5} \rightarrow v_{baan} = 7,00357 = 7,0 \text{ m/s}$

f Moet Sanne dan ook met de helft van de snelheid de bocht nemen?

- $F_{mpz} = \frac{m \cdot v_{baan}^2}{r}$ m en r blijven gelijk

- als F_{mpz} de helft wordt en m en r blijven gelijk moet v_{baan}^2 de helft worden

- de helft van v_{baan}^2 is niet hetzelfde als de helft van v_{baan}

- $v_{baan \text{ nieuw}}^2 = \frac{1}{2} v_{baan \text{ oud}}^2 \rightarrow v_{baan \text{ nieuw}} = \sqrt{\frac{1}{2}} \cdot v_{baan \text{ oud}}$

- $v_{baan \text{ nieuw}} = 0,7071 \cdot v_{baan \text{ oud}}$

- $v_{baan \text{ nieuw}} = 0,7071 \cdot 7,00357 = 4,97745 = 5,0 \text{ m/s}$

- Sanne kan met meer dan de helft van de normale snelheid de bocht nemen

7**** a Bereken de spankracht in één touw als Vera nog niet aan het schommelen is.

- $F_z = m \cdot g \rightarrow F_z = 47 \cdot 9,81 = 461,07 \text{ N}$

- twee touwen $\rightarrow F_{span} = \frac{1}{2} F_z \rightarrow F_{span} = 230,535 = 2,3 \cdot 10^2 \text{ N}$

b Is de spankracht in een touw groter, kleiner of gelijk aan de spankracht als Vera stil hangt.

- in het onderste punt geldt: $\Sigma F = F_{span} - F_z$

- eenparige cirkelbeweging: $\Sigma F = F_{mpz}$

(in de evenwichtsstand (onderste punt) verandert de baansnelheid niet)

- $\Sigma F = F_{\text{mpz}} = F_{\text{span}} - F_Z \rightarrow F_{\text{span}} = F_{\text{mpz}} + F_Z$
- door de cirkelbeweging wordt de spankracht groter

c Bereken de middelpuntzoekende kracht als Vera het onderste punt passeert.

- $m = 47 \text{ kg} \mid v_{\text{baan}} = 2,0 \text{ m/s} \mid r = 2,4 \text{ m} \mid F_{\text{mpz}} = \dots \text{ N}$

- $F_{\text{mpz}} = \frac{m \cdot v_{\text{baan}}^2}{r}$

- $F_{\text{mpz}} = \frac{47 \cdot 3^2}{2,4} = 176,25 = 1,8 \cdot 10^2 \text{ N}$

d Bereken de spankracht in één touw als Vera het onderste punt passeert.

- $F_{\text{mpz}} = 176,25 \text{ N} \mid F_Z = 461,07 \text{ N} \mid F_{\text{span}(2x)} = \dots \text{ N}$

- $F_{\text{span}} = F_{\text{mpz}} + F_Z$

- $F_{\text{span}(2x)} = 176,25 + 461,07 = 637,32 \text{ N}$

- F_{span} in één touw: $F_{\text{span}} = 318,66 = 3,2 \cdot 10^3 \text{ N}$

8**** a Hoe groot is de baansnelheid op de Noordpool?

- $v_{\text{baan}} = \frac{2\pi \cdot r}{T}$

- op de Noordpool: $r = 0$

- $v_{\text{baan}} = 0 \text{ m/s}$

b Hoe groot is de baansnelheid op de evenaar?

- opzoeken: $r_{\text{aarde}} = 6,378 \cdot 10^6 \text{ m}$

- $T = 24 \cdot 60 \cdot 60 = 86400 \text{ s}$

- $r = 6,378 \cdot 10^6 \text{ m} \mid T = 86400 \text{ s} \mid v_{\text{baan}} = \dots \text{ m/s}$

- $v_{\text{baan}} = \frac{2\pi \cdot r}{T}$

- $v_{\text{baan}} = \frac{2\pi \cdot 6,378 \cdot 10^6}{86400} = 4,63821 \cdot 10^2 = 4,638 \cdot 10^2 \text{ m/s}$ (4 significante cijfers)

c Hoe groot is de middelpuntzoekende kracht op een persoon van 70 kg op de evenaar?

- $m = 70 \text{ kg} \mid v_{\text{baan}} = 4,633122 \text{ m/s} \mid r = 6,371 \cdot 10^6 \text{ m} \mid F_{\text{mpz}} = \dots \text{ N}$

- $F_{\text{mpz}} = \frac{m \cdot v_{\text{baan}}^2}{r}$

- $F_{\text{mpz}} = \frac{70 \cdot (4,633122 \cdot 10^2)^2}{6,371 \cdot 10^6} = 2,35851 = 2,4 \text{ N}$

d Waar komt de middelpuntzoekende kracht vandaan?

- van de zwaartekracht

e Is de baansnelheid in Amsterdam groter, kleiner of even groot als v_{baan} op de evenaar?

- de straal van de cirkelbeweging van Amsterdam is kleiner dan die van de cirkelbeweging op de evenaar
- de omlooptijd is in Amsterdam gelijk aan die op de evenaar

$$v_{\text{baan}} = \frac{2\pi \cdot r}{T}$$

- r is kleiner en T is gelijk $\rightarrow v_{\text{baan}}$ is kleiner

f Toon dit aan.

$$v_{\text{baan}} = \frac{2\pi \cdot r}{T} \rightarrow v_{\text{baan}}^2 = \left(\frac{2\pi \cdot r}{T}\right)^2 = \frac{4\pi^2 \cdot r^2}{T^2}$$

$$\frac{v_{\text{baan}}^2}{r} = \frac{4\pi^2 \cdot r}{T^2}$$

$$F_{\text{mpz}} = \frac{m \cdot v_{\text{baan}}^2}{r} = \frac{4\pi^2 \cdot m \cdot r}{T^2}$$

g Is de middelpuntzoekende kracht op een persoon van 70 kg in Amsterdam groter, kleiner of even groot als F_{mpz} op de evenaar?

- de straal van de cirkelbeweging van Amsterdam is kleiner dan die van de cirkelbeweging op de evenaar
- de omlooptijd is in Amsterdam gelijk aan die op de evenaar

$$F_{\text{mpz}} = \frac{4\pi^2 \cdot m \cdot r}{T^2}$$

- r is kleiner en T is gelijk $\rightarrow F_{\text{mpz}}$ is kleiner

h Bereken F_{mpz} op een persoon van 70 kg in Amsterdam.

$$r_{\text{baan Ams}} = r_{\text{aarde}} \cdot \cos 52 \rightarrow r_{\text{baan Ams}} = 6,371 \cdot 10^6 \cdot 0,61566 = 3,92238 \cdot 10^6 \text{ m}$$

$$F_{\text{mpz}} = \frac{4\pi^2 \cdot 70 \cdot 3,92238 \cdot 10^6}{86400^2} = 1,452044 = 1,5 \text{ N}$$

Cirkelbeweging in de ruimte

9** a Bereken de baansnelheid van de aarde om de zon.

$$\bullet \text{ opzoeken: } r_{\text{baan Aarde}} = 0,1496 \cdot 10^{12} \text{ m}$$

$$\bullet \text{ opzoeken: } T_{\text{Aarde}} = 365,256 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60 = 3,15581184 \cdot 10^7 \text{ s}$$

$$\bullet v_{\text{baan}} = \frac{2\pi \cdot r}{T}$$

$$\bullet v_{\text{baan}} = \frac{2\pi \cdot 0,1496 \cdot 10^{12}}{3,15581184 \cdot 10^7} = 2,9785189 \cdot 10^4 = 2,979 \cdot 10^4 \text{ m/s}$$

(4 significante cijfers)

b Bereken de middelpuntzoekende kracht die de zon op de aarde uitoefent.

- $m_{\text{Aarde}} = 5,972 \cdot 10^{24} \text{ kg}$ | $v_{\text{baan}} = 2,97852 \cdot 10^4 \text{ m/s}$ | $r_{\text{baan}} = 0,1496 \cdot 10^{12} \text{ m}$

- $F_{\text{mpz}} = \frac{m \cdot v_{\text{baan}}^2}{r}$

- $F_{\text{mpz}} = \frac{5,972 \cdot 10^{24} \cdot (2,9785189 \cdot 10^4)^2}{0,1496 \cdot 10^{12}} = 3,5415137 \cdot 10^{22} = 3,542 \cdot 10^{22} \text{ N}$

(4 significante cijfers)

c Bereken de middelpuntzoekende kracht die de zon op Saturnus uitoefent.

- opzoeken: $m_{\text{Saturnus}} = 568 \cdot 10^{24} \text{ kg}$

- opzoeken: $r_{\text{baan Saturnus}} = 1,427 \cdot 10^{12} \text{ m}$

- opzoeken: $T_{\text{Saturnus}} = 29,45 \cdot 365,256 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60 = 9,29386587 \cdot 10^8 \text{ s}$

- $F_{\text{mpz}} = \frac{4\pi^2 \cdot m \cdot r}{T^2}$

- $F_{\text{mpz}} = \frac{4\pi^2 \cdot 568 \cdot 10^{24} \cdot 1,427 \cdot 10^{12}}{(9,29386587 \cdot 10^8)^2} = 3,70458228 \cdot 10^{22} = 3,70 \cdot 10^{22} \text{ N}$

(3 significante cijfers)

d Is F_{mpz} die op Saturnus wordt uitgeoefend groter of kleiner dan F_{mpz} die op de aarde wordt uitgeoefend?

- vergelijk je antwoorden op b en c

- F_{mpz} op Saturnus is een klein beetje groter dan F_{mpz} op de aarde

e Is de baansnelheid van Saturnus groter of kleiner dan de baansnelheid van de aarde?

- opzoeken: $r_{\text{baan Saturnus}} = 1,427 \cdot 10^{12} \text{ m}$

- opzoeken: $T_{\text{Saturnus}} = 29,45 \cdot 365,256 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60 = 9,29386587 \cdot 10^8 \text{ s}$

- $r_{\text{baan Saturnus}} \approx 10 \cdot r_{\text{baan Aarde}}$

- $T_{\text{Saturnus}} = 29,45 \cdot T_{\text{Aarde}}$

- $v_{\text{baan}} = \frac{2\pi \cdot r}{T}$

- Saturnus: r is 10 keer zo groot en T is 29 keer zo groot

- $v_{\text{baan Aarde}}$ is groter dan $v_{\text{baan Saturnus}}$

OOK GOED

- $v_{\text{baan}} = \frac{2\pi \cdot r}{T}$

- $v_{\text{baan}} = \frac{2\pi \cdot 1,427 \cdot 10^{12}}{9,29386587 \cdot 10^8} = 9,647337 \cdot 10^3 = 9,647 \cdot 10^3 \text{ m/s}$

- $v_{\text{baan Aarde}}$ is groter dan $v_{\text{baan Saturnus}}$

10***

a Bereken de baansnelheid van de zon.

- één lichtjaar is $9,460886 \cdot 10^{15}$ m
- $r_{\text{baan Zon}} = 26 \cdot 10^3 \cdot 9,460886 \cdot 10^{15} = 2,45983 \cdot 10^{20}$ m
- één jaar is $3,15581184 \cdot 10^7$ s
- $T_{\text{Zon}} = 245 \cdot 10^6 \cdot 3,15581184 \cdot 10^7 = 7,731739 \cdot 10^{15}$ s
- $v_{\text{baan}} = \frac{2\pi \cdot r}{T}$
- $v_{\text{baan}} = \frac{2\pi \cdot 2,45983 \cdot 10^{20}}{7,731739 \cdot 10^{15}} = 1,998977 \cdot 10^5 = 2,00 \cdot 10^5$ m/s

b Bereken F_{mpz} die op de zon wordt uitgeoefend.

- $m_{\text{Zon}} = 1,9884 \cdot 10^{30}$ kg | $v_{\text{baan}} = 2,97852 \cdot 10^4$ m/s | $r_{\text{baan}} = 0,1496 \cdot 10^{12}$ m
- $F_{\text{mpz}} = \frac{m \cdot v_{\text{baan}}^2}{r}$
- $F_{\text{mpz}} = \frac{1,9884 \cdot 10^{30} \cdot (1,998977 \cdot 10^5)^2}{2,45983 \cdot 10^{20}} = 3,230087 \cdot 10^{20} = 3,23 \cdot 10^{20}$ N

c Hoeveel galactische jaren heeft de zon ongeveer gehad?

- leeftijd zon is $4,5 \cdot 10^9$ jaar miljard jaar oud
- één omwenteling in $245 \cdot 10^6$ jaar
- aantal galactische jaren: $\frac{4,5 \cdot 10^9}{245 \cdot 10^6} = 18,367 = 18$ galactische jaren

d Hoeveel galactische jaren wordt de zon oud?

- de zon wordt ongeveer $2 \cdot 18 = 36$ galactische jaren oud

12.4 Gravitatie

1** a Bereken de aantrekkende gravitatiekracht die deze stenen op elkaar uitoefenen.

- $F_G = G \cdot \frac{m_1 \cdot m_2}{r^2}$ met $G = 6,674 \cdot 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$

- $F_G = 6,674 \cdot 10^{-11} \cdot \frac{1 \cdot 1}{1^2} = 6,674 \cdot 10^{-11} \text{ N}$

b Bereken de afstand tussen twee puntmassa's van 1,0 kg die een gravitatiekracht van 1,0 N op elkaar uitoefenen.

- $F_G = G \cdot \frac{m_1 \cdot m_2}{r^2}$

- $1 = 6,674 \cdot 10^{-11} \cdot \frac{1 \cdot 1}{r^2} \rightarrow r^2 = 6,674 \cdot 10^{-11} \rightarrow r = 8,169 \cdot 10^{-6} = 8,2 \cdot 10^{-6} \text{ m}$

2** a Leid de formule af voor g die volgt uit de gravitatiewet van Newton.

- vlak bij het oppervlak van de aarde geldt: $m_1 = M_{\text{aarde}}$ en $r = r_{\text{aarde}}$

- $F_G = G \cdot \frac{M_{\text{aarde}}}{r_{\text{aarde}}^2} \cdot m \rightarrow F_G = \left(G \cdot \frac{M_{\text{aarde}}}{r_{\text{aarde}}^2} \right) \cdot m = g \cdot m$

- $g = G \cdot \frac{M_{\text{aarde}}}{r_{\text{aarde}}^2}$

b Geef de eenheid af van de gravitatieconstante G in basiseenheden.

- $[G] = \text{N m}^2 \text{ kg}^{-2}$

- $\text{N} = \text{kg} \cdot \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$

- $[G] = \text{kg} \cdot \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot \frac{\text{m}^2}{\text{kg}^2} = \frac{\text{m}^3}{\text{kg} \cdot \text{s}^2}$

c Leid de eenheid van g af uit de gravitatiewet van Newton.

- $g = G \cdot \frac{M_{\text{aarde}}}{r_{\text{aarde}}^2} \rightarrow [g] = \frac{\text{m}^3}{\text{kg} \cdot \text{s}^2} \cdot \frac{\text{kg}}{\text{m}^2} = \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$

3*** a Bereken de massa's van de twee loden bollen.

- dichtheid van lood: $\rho = 11300 \text{ kg / m}^3$

- volume grote bol: $V = \frac{4}{3} \pi \cdot r^3 \rightarrow V = \frac{4}{3} \pi \cdot 0,15^3 = 1,4137 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3$

- volume kleine bol: $V = \frac{4}{3} \pi \cdot r^3 \rightarrow V = \frac{4}{3} \pi \cdot 0,0255^3 = 6,9456 \cdot 10^{-5} \text{ m}^3$

- $\rho = \frac{m}{V} \rightarrow m = \rho \cdot V$

- lood: $\rho = 11300 \text{ kg/m}^3$
- grote bol: $m_{\text{groot}} = 11300 \cdot 1,4137 \cdot 10^{-2} = 159,748 = 160 \text{ kg}$
- kleine bol: $m_{\text{klein}} = 11300 \cdot 6,9456 \cdot 10^{-5} = 0,78485 = 0,785 \text{ kg}$

b Bereken de gravitatiekracht tussen de twee bollen als de afstand tussen de bollen gemeten vanaf de buitenkant 1,0 cm is.

- r is de afstand tussen de zwaartepunten van de bollen in meter
- $r = 0,15 + 0,0255 + 0,010 = 0,1855 \text{ m}$

$$F_G = G \cdot \frac{m_1 \cdot m_2}{r^2}$$

$$F_G = 6,674 \cdot 10^{-11} \cdot \frac{159,75 \cdot 0,78485}{0,1855^2} = 2,431789 \cdot 10^{-7} = 2,43 \cdot 10^{-7} \text{ N}$$

4**

a Bereken de massa van de aarde.

- omtrek = $2\pi \cdot r$
- $4,003 \cdot 10^7 = 2\pi \cdot r \rightarrow r = 6,371 \cdot 10^6 \text{ m}$

$$g = G \cdot \frac{M_{\text{aarde}}}{r_{\text{aarde}}^2}$$

$$9,817 = 6,6726 \cdot 10^{-11} \cdot \frac{M_{\text{aarde}}}{(6,371 \cdot 10^6)^2}$$

$$M_{\text{aarde}} = 5,972 \cdot 10^{24} \text{ kg}$$

b Bereken het volume van de aarde.

- $V = \frac{4}{3} \pi \cdot r^3$
- $V = \frac{4}{3} \pi \cdot (6,371 \cdot 10^6)^3 \rightarrow V = 1,0832 \cdot 10^{21} \text{ m}^3$

c Bereken de gemiddelde dichtheid van de aarde.

$$\rho = \frac{m}{V}$$

$$\rho = \frac{5,972 \cdot 10^{24}}{1,0832 \cdot 10^{21}} \rightarrow \rho = 5,51 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3$$

$$\rho = 5,51 \text{ g/cm}^3$$

d Welke conclusie kun je trekken uit bovenstaande gegevens in combinatie met het antwoord op vraag c?

- de dichtheid van steen is een stuk kleiner dan de gemiddelde dichtheid van de aarde
- de dichtheid van metalen is een wat groter dan de gemiddelde dichtheid van de aarde
- de aarde kan niet voornamelijk uit steen bestaan maar moet ook veel metaal bevatten

5*** a Welke kracht werkt in dit gedachtenexperiment als middelpuntzoekende kracht?

- zonder luchtweerstand werkt alleen de zwaartekracht op de kogel
- $\Sigma F = F_Z = F_{mpz}$

b Toon dit aan.

- $\Sigma F = F_Z = F_{mpz}$

- $m \cdot \frac{v^2}{r_{aarde}} = m \cdot g$

- massa wegstrepen

- $v^2 = g \cdot r_{aarde} \rightarrow v = \sqrt{g \cdot r_{aarde}}$

c Bereken de beginsnelheid waarbij dit het geval is. Luchtwrijving wordt verwaarloosd.

- opzoeken: $r_{aarde} = 6,378 \cdot 10^6 \text{ m}$

- $v = \sqrt{9,81 \cdot 6,378 \cdot 10^6} = 7,91 \cdot 10^3 \text{ m/s}$

d Bereken de omlooptijd van de kogel.

- $v_{baan} = 7,9100 \cdot 10^3 \text{ m/s}$

- omtrek aarde: $\text{omtrek} = 2\pi \cdot r_{aarde} = 4,0074 \cdot 10^7 \text{ m}$

- $s = v_{gem} \cdot t \rightarrow 4,0074 \cdot 10^7 = 7,91 \cdot 10^3 \cdot t \rightarrow t = 5,066242 \cdot 10^3 \text{ s}$

- $t = 1,40729 = 1,41 \text{ uur}$

6** a Bereken de gravitatiekracht die de Aarde op de Maan uitoefent.

- $F_G = G \cdot \frac{m_1 \cdot m_2}{r^2}$ met $G = 6,67384 \cdot 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ kg}^{-2}$

- $m_{aarde} = 5,972 \cdot 10^{24} \text{ kg}$ | $m_{maan} = 0,0735 \cdot 10^{24} \text{ kg}$

- $F_G = 6,67384 \cdot 10^{-11} \cdot \frac{5,972 \cdot 10^{24} \cdot 0,0735 \cdot 10^{24}}{(384,4 \cdot 10^6)^2} = 1,9825 \cdot 10^{20} = 1,983 \cdot 10^{20} \text{ N}$

b Bereken de gravitatiekracht die de Maan op de Aarde uitoefent.

- gebruik dezelfde formule met dezelfde getallen

- zelfde antwoord: $F_G = 1,983 \cdot 10^{20} \text{ N}$

c Bereken de omlooptijd van de aarde om de maan in dagen.

- $F_{mpz} = 1,9825 \cdot 10^{20} \text{ N}$ | $m_{aarde} = 5,972 \cdot 10^{24} \text{ kg}$ | $r = 384,4 \cdot 10^6 \text{ m}$

- $F_{mpz} = \frac{m \cdot v^2}{r}$

- $1,9825 \cdot 10^{20} = \frac{5,972 \cdot 10^{24} \cdot v^2}{384,4 \cdot 10^6} \rightarrow v = 112,9636 = 113,0 \text{ m/s}$

7** a Gebruik de derde wet van Kepler om de afstand tussen de aarde en de maan te berekenen.

- derde wet van Kepler: $\frac{r^3}{T^2} = \frac{G \cdot M}{4\pi^2}$; $G = 6,6726 \cdot 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$

- $T = 27,321 \text{ dagen} = 2,36053 \cdot 10^6 \text{ s}$

- $\frac{r^3}{(2,36053 \cdot 10^6)^2} = \frac{6,6726 \cdot 10^{-11} \cdot 5,972 \cdot 10^{24}}{4\pi^2}$

- $r^3 = 5,624374 \cdot 10^{25} \rightarrow r = 3,83 \cdot 10^8 \text{ m}$

OPMERKING: de werkelijke afstand is $r = 3,844 \cdot 10^8 \text{ m}$. Het verschil wordt veroorzaakt doordat de massa van de maan niet verwaarloosbaar is ten opzichte van de massa van de aarde.

8** a Gebruik de derde wet van Kepler om de afstand tussen Mars en de zon te berekenen.

- derde wet van Kepler: $\frac{r^3}{T^2} = \frac{G \cdot M}{4\pi^2}$

- $T = 687,0 \text{ dagen} = 5,93568 \cdot 10^7 \text{ s}$

- massa Zon is $1,9884 \cdot 10^{30} \text{ kg}$

- $\frac{r^3}{(5,93568 \cdot 10^7)^2} = \frac{6,67384 \cdot 10^{-11} \cdot 1,9884 \cdot 10^{30}}{4\pi^2}$

- $r^3 = 1,184297 \cdot 10^{34} \rightarrow r = 2,279398 \cdot 10^{11} = 2,279 \cdot 10^{11} \text{ m}$

b Gebruik de derde wet van Kepler om de kortste afstand tussen Aarde en Mars te berekenen.

- bereken op dezelfde manier de afstand tussen de Aarde en de zon

- Aarde – Zon: $r = 1,496 \cdot 10^{11} \text{ m}$

- kleinste afstand: $r_{\min} = 2,279 \cdot 10^{11} - 1,496 \cdot 10^{11} = 7,83 \cdot 10^{10} \text{ m}$

c Bereken de gemiddelde snelheid van de raket.

- $T = 245 \text{ dagen} = 2,1168 \cdot 10^7 \text{ s}$

- $r_{\min} = 7,83 \cdot 10^{10} \text{ m}$

- $s = v_{\text{gem}} \cdot t$

- $7,38 \cdot 10^{10} = v_{\text{gem}} \cdot 2,1168 \cdot 10^7$

- $v_{\text{gem}} = 3,486 \cdot 10^3 \text{ m/s} (= 12,551 \text{ km/h})$

- 9** a Bereken de massa van het centrum van de Melkweg uitgedrukt in aantal keer de zonmassa.

- derde wet van Kepler: $\frac{r^3}{T^2} = \frac{G \cdot M}{4\pi^2}$
- $T = 2,45 \cdot 10^8 \text{ jaar} = 7,731612 \cdot 10^{15} \text{ s}$ (een jaar heeft 365,25 dagen)
- $\frac{(2,5 \cdot 10^{20})^3}{(7,731612 \cdot 10^{15})^2} = \frac{6,6726 \cdot 10^{-11} \cdot M}{4\pi^2}$
- $M_{\text{melkweg}} = 1,54648 \cdot 10^{41} \text{ kg}$
- $m_{\text{zon}} = 1,9884 \cdot 10^{30} \text{ kg}$
- $\frac{M_{\text{melkweg}}}{m_{\text{zon}}} = \frac{1,54648 \cdot 10^{41}}{1,9884 \cdot 10^{30}} = 7,78 \cdot 10^{10}$ (78 miljard keer de zonmassa)

- b Verwacht je dat de werkelijke massa groter of kleiner is dan de berekende massa? Leg je antwoord uit.
- de werkelijke massa is groter want alle sterren op grotere afstand van het centrum dan de zon worden niet meegeteld

- 10*** a Bereken de massa van de maan.

- derde wet van Kepler: $\frac{r^3}{T^2} = \frac{G \cdot M}{4\pi^2}$ | $G = 6,6726 \cdot 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$
- $T = 119 \text{ minuten} = 7140 \text{ s}$
- $r = 1,738 \cdot 10^6 + 112000 = 1,49 \cdot 10^6 \text{ m}$
- $\frac{(1,85 \cdot 10^6)^3}{(7140)^2} = \frac{6,6726 \cdot 10^{-11} \cdot M}{4\pi^2}$
- $M_{\text{maan}} = 7,35 \cdot 10^{22} \text{ kg}$

- 11*** a Leg uit wat met een polaire baan wordt bedoeld.

- een polaire baan is een baan om de Noordpool en de Zuidpool

- b Gebruik de derde wet van Kepler om de afstand van de MetOP satelliet tot het middelpunt van de aarde te berekenen.

- derde wet van Kepler: $\frac{r^3}{T^2} = \frac{G \cdot M}{4\pi^2}$
- $T = 101 \text{ minuten} = 6060 \text{ s}$ | $m_{\text{aarde}} = 5,972 \cdot 10^{24} \text{ kg}$ | $r = \dots \text{ m}$
- $\frac{r^3}{(6060)^2} = \frac{6,6726 \cdot 10^{-11} \cdot 5,972 \cdot 10^{24}}{4\pi^2}$
- $r^3 = 3,70681 \cdot 10^{20} \rightarrow r = 7,18345 \cdot 10^6 = 7,18 \cdot 10^6 \text{ m}$

c Hoeveel kilometer staat de MetOp satelliet boven het aardoppervlak?

- hoogte = $r - r_{\text{aarde}}$
- hoogte = $7,18345 \cdot 10^6 - 6,371 \cdot 10^6 = 8,12 \cdot 10^5 \text{ m} = 812 \text{ km}$

12*** a Bereken de omtrek van de baan van de ISS.

- omtrek = $2\pi \cdot r$
- $r = 6,371 \cdot 10^6 + 370000 = 6,741 \cdot 10^6 \text{ m}$
- omtrek = $2\pi \cdot 6,741 \cdot 10^6 \rightarrow$ omtrek = $4,2355 \cdot 10^7 \text{ m}$

b Gebruik de derde wet van Kepler om de omlooptijd van de ISS in zijn baan om de aarde te berekenen.

- derde wet van Kepler: $\frac{r^3}{T^2} = \frac{G \cdot M}{4\pi^2}$
- $r = 6,741 \cdot 10^6 \text{ m} \mid m = 5,972 \cdot 10^{24} \text{ kg} \mid T = \dots \text{ s}$
- $\frac{(6,741 \cdot 10^6)^3}{T^2} = \frac{6,67384 \cdot 10^{-11} \cdot 5,972 \cdot 10^{24}}{4\pi^2}$
- kruislings vermenigvuldigen:
$$T^2 = \frac{4\pi^2 \cdot (6,741 \cdot 10^6)^3}{6,67384 \cdot 10^{-11} \cdot 5,972 \cdot 10^{24}} \rightarrow T = 5,50831 \cdot 10^3 = 5,51 \cdot 10^3 \text{ s}$$

c Bereken de snelheid van de ISS in zijn baan om de aarde.

- $s = 4,2355 \cdot 10^7 \text{ m} \mid t = 5508,3 \text{ s} \mid v_{\text{gem}} = \dots \text{ m/s}$
- $s = v_{\text{gem}} \cdot t$
- $4,2355 \cdot 10^7 = v_{\text{gem}} \cdot 5508,3$
- $v_{\text{gem}} = 7,6886 \cdot 10^3 = 7,69 \cdot 10^3 \text{ m/s}$

13*** a Bereken de omlooptijd van de GPS satelliet.

- $\frac{r^3}{T^2} = \frac{G \cdot M}{4\pi^2}$ met $G = 6,67384 \cdot 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ kg}^{-2}$
- $r = 2,66 \cdot 10^7 \text{ m}$
- $\frac{(2,66 \cdot 10^7)^3}{T^2} = \frac{6,6726 \cdot 10^{-11} \cdot 5,972 \cdot 10^{24}}{4\pi^2}$
- kruislings vermenigvuldigen: $T^2 = \frac{4\pi^2 \cdot (2,66 \cdot 10^7)^3}{6,6726 \cdot 10^{-11} \cdot 5,972 \cdot 10^{24}}$
- $T^2 = 1,86462 \cdot 10^9 \rightarrow T = 4,31812 \cdot 10^4 = 4,32 \cdot 10^4 \text{ s}$

- b** Bereken hoeveel graden de aarde om haar as is gedraaid in de omwentelingstijd van een GPS satelliet.
- $24 \text{ h} = 8,64 \cdot 10^4 \text{ s}$
 - de aarde draait 360 graden in $8,64 \cdot 10^4 \text{ s}$
 - in $4,31812 \cdot 10^4 \text{ s}$ draait de aarde $\frac{4,31812 \cdot 10^4}{8,64 \cdot 10^4} \cdot 360 = 179,92 = 180$ graden
- c** Bereken hoeveel omwentelingen een GPS satelliet per dag om de aarde maakt.
- in 1 omwenteling draait de aarde 180 graden
 - in 2 omwenteling draait de aarde 360 graden
 - een GPS satelliet heeft precies 2 omwentelingen per dag

14***

- a** Leg uit wat met een geostationaire baan wordt bedoeld.
- een satelliet met een geostationaire baan staat stil boven een vast punt op het aardoppervlak
 - een geostationaire baan heeft een omwentelingstijd van exact 24 uur
 - een satelliet met een geostationaire baan bevindt zich op een evenaar van de aarde
- b** Leg uit waarom dit noodzakelijk is.
- als de baan van de satelliet een helling maakt ten opzichte van het vlak van de evenaar staat de satelliet niet meer stil boven een vast punt op het aardoppervlak
- c** Bereken de afstand van een geostationaire satelliet tot het middelpunt van de aarde.
- $\frac{r^3}{T^2} = \frac{G \cdot M}{4 \pi^2}$ met $G = 6,67384 \cdot 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$
 - $T = 24 \text{ h} = 8,64 \cdot 10^4 \text{ s}$ | $m_{\text{aarde}} = 5,972 \cdot 10^{24} \text{ kg}$
 - $\frac{r^3}{86400^2} = \frac{6,67384 \cdot 10^{-11} \cdot 5,972 \cdot 10^{24}}{4 \pi^2}$
 - $r^3 = 7,5363895 \cdot 10^{22} \rightarrow r = 4,22397 \cdot 10^7 = 4,224 \cdot 10^7 \text{ m}$
- d** Bereken hoe hoog een geostationaire satelliet zich boven het aardoppervlak bevindt.
- $h_{\text{geostationair}} = 4,22397 \cdot 10^7 - 6,378 \cdot 10^6 = 3,58617 \cdot 10^7 \text{ m} = 3,586 \cdot 10^7 \text{ km}$
- e** Bereken de baansnelheid van een geostationaire satelliet.
- $r = 4,22397 \cdot 10^7 \text{ m}$ | $T = 86400 \text{ s}$ | $v_{\text{baan}} = \dots \text{ m/s}$
 - $v_{\text{baan}} = \frac{2\pi \cdot r}{T}$
 - $v_{\text{baan}} = \frac{2\pi \cdot 4,22397 \cdot 10^7}{86400} = 3,071758 \cdot 10^3 = 3,072 \cdot 10^3 \text{ m/s}$

- 15*****
- a** Denk je dat de ster die de supernova heeft veroorzaakt daadwerkelijk is ontploft op 4 juli 1054? Zo nee, wanneer dan wel?
- het licht heeft 6500 jaar nodig om van de plaats van de supernova naar de aarde te bewegen
 - in werkelijkheid vond de supernova 6500 eerder plaats
 - dus $1054 - 6500 = 5446$ jaar voor christus
- b** Hoe vaak past het zonnestelsel tot aan Pluto in de Krabnevel?
Hint: gebruik de formule voor het volume van een bol.
- 5,5 lichtjaar is $5,5 \cdot 9,460886 \cdot 10^{15} = 5,2034873 \cdot 10^{16}$ m
 - $V = \frac{4}{3} \pi \cdot r^3$
 - krabnevel: $V = \frac{4}{3} \pi \cdot (5,2034873 \cdot 10^{16})^3 \rightarrow V = 5,9016317 \cdot 10^{50}$ m³
 - afstand Zon – Pluto is $5,91 \cdot 10^{12}$ m
 - zonnestelsel: $V = \frac{4}{3} \pi \cdot (5,91 \cdot 10^{12})^3 \rightarrow V = 8,6467 \cdot 10^{38}$ m³
 - $\frac{V_{\text{krabnevel}}}{V_{\text{zonnestelsel}}} = \frac{5,9106317 \cdot 10^{50}}{8,6467 \cdot 10^{38}} = 6,8357 \cdot 10^{11} = 6,8 \cdot 10^{11}$
 - het zonnestelsel past $6,8 \cdot 10^{11}$ keer in de krabnevel
- c** Bereken de omloofrequentie van de Krab-pulsar.
- $T = 33,4 \cdot 10^{-3}$ s | $f = \dots$ Hz
 - $f = \frac{1}{T} \rightarrow f = \frac{1}{33,4 \cdot 10^{-3}} = 29,94 = 29,9$ Hz
- d** Hoe groot is dan de gravitatiekracht op deze persoon?
- $m_{\text{pulsar}} = 1,4 \cdot 1,9884 \cdot 10^{30} = 2,78376 \cdot 10^{30}$ kg
 - $r_{\text{pulsar}} = 1,4378 \cdot 10^{-5} \cdot 6,963 \cdot 10^9 = 1,00114 \cdot 10^4$ m
 - $F_G = G \cdot \frac{m_1 \cdot m_2}{r^2}$ met $G = 6,67384 \cdot 10^{-11}$ N m² kg⁻²
 - $F_G = 6,67384 \cdot 10^{-11} \cdot \frac{2,78376 \cdot 10^{30} \cdot 60}{(1,00114 \cdot 10^4)^2} = 1,11216 \cdot 10^{14} = 1,1 \cdot 10^{14}$ N
- e** Bereken deze middelpuntzoekende kracht.
- $r_{\text{pulsar}} = 1,00114 \cdot 10^4$ m | $T_{\text{pulsar}} = 33,4 \cdot 10^{-3}$ s | $v_{\text{baan}} = \dots$ m/s
 - $v_{\text{baan}} = \frac{2\pi \cdot r}{T}$
 - $v_{\text{baan}} = \frac{2\pi \cdot 1,00114 \cdot 10^4}{33,4 \cdot 10^{-3}} = 1,85010 \cdot 10^7$ m/s
 - $F_{\text{mpz}} = \frac{m \cdot v_{\text{baan}}^2}{r}$
 - $F_{\text{mpz}} = \frac{60 \cdot (1,85010 \cdot 10^7)^2}{1,00114 \cdot 10^4} = 2,05139 \cdot 10^{12} = 2,1 \cdot 10^{12}$ N

f Wordt vanwege de snelle rotatie de persoon van de Krabpulsar afgeslingerd?

- de gravitatiekracht is $F_G = 1,1 \cdot 10^{14}$ N
- de middelpuntzoekende kracht is $F_{mpz} = 2,1 \cdot 10^{12}$ N
- F_{grav} is groter dan F_{mpz} → de persoon wordt er niet afgeslingerd

16**

a Bereken de kracht die de zon op Pioneer-10 uitoefent op een afstand van $6,2 \cdot 10^{12}$ m.

- $m_{zon} = 1,9884 \cdot 10^{30}$ kg | $m_{pioneer} = 240$ kg | $r = 6,2 \cdot 10^{12}$ m
- $F_G = G \cdot \frac{m_1 \cdot m_2}{r^2}$ met $G = 6,67384 \cdot 10^{-11}$ N m² kg⁻²
- $F_G = 6,67384 \cdot 10^{-11} \cdot \frac{1,9884 \cdot 10^{30} \cdot 240}{(6,2 \cdot 10^{12})^2} = 8,28528 \cdot 10^{-4} = 8,29 \cdot 10^{-4}$ N

b Op welke afstand van de aarde is de Pioneer-10 nu ongeveer? Ga er van uit dat de Pioneer-10 vanaf de lancering in 1971 een constante snelheid heeft?

- $s = 6,2 \cdot 10^{12}$ m | $t = 11$ jaar = $3,47 \cdot 10^8$ s | $v_{gem} = \dots$ m/s
- $v_{gem} = \frac{s}{t} \rightarrow v_{gem} = \frac{6,2 \cdot 10^{12}}{3,47 \cdot 10^8} = 1,787 \cdot 10^4$ m/s
- $2017 - 1972 = 45$ jaar = $1,419 \cdot 10^9$ s
- $s = v_{gem} \cdot t \rightarrow s = 1,787 \cdot 10^4 \cdot 1,419 \cdot 10^9 = 2,536 \cdot 10^{13} = 2,5 \cdot 10^{13}$ m

OOK GOED

- verhoudingstabel

jaar	11	45
meter	$6,2 \cdot 10^{12}$	s

- kruislings vermenigvuldigen: $s = \frac{45 \cdot 6,2 \cdot 10^{12}}{11} = 2,536 \cdot 10^{13} \rightarrow s = 2,5 \cdot 10^{13}$ m

c Hoeveel jaar doet de Pioneer-10 om bij Aldebaran aan te komen?

- afstand Aldebaran is $63,1 \cdot 10^{16}$ m
- $s = v_{gem} \cdot t$
- $63,1 \cdot 10^{16} = 1,787 \cdot 10^4 \cdot t \rightarrow t = 3,531 \cdot 10^{13}$ s
- $t = \frac{3,531 \cdot 10^{13}}{365,25 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60} = 1,1189 \cdot 10^6 = 1,1 \cdot 10^6$ jaar

OOK GOED

- verhoudingstabel

jaar	11	x
meter	$6,2 \cdot 10^{12}$	$63,1 \cdot 10^{16}$

- kruislings vermenigvuldigen: $x = \frac{11 \cdot 63,1 \cdot 10^{16}}{6,2 \cdot 10^{12}} = 1,1195 \cdot 10^6$
- $t = 1,1 \cdot 10^6$ jaar

- c Hoe kun je aan de afbeelding zien hoe groot mensen zijn?
- op de achtergrond staat een afbeelding van de Pioneer-10 sonde
 - daarmee kan de afmeting van een mens worden vergeleken

17*** a Bereken de massa van de ster Giese.

- $r = 0,21 \text{ AE} = 0,21 \cdot 0,1496 \cdot 10^{12} = 3,1416 \cdot 10^{10} \text{ m}$

- $T = 61,0 \text{ d} = 61,0 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60 = 5,2704 \cdot 10^6 \text{ s}$

- $\frac{r^3}{T^2} = \frac{G \cdot M}{4\pi^2}$ met $G = 6,67384 \cdot 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ kg}^{-2}$

- $\frac{(3,1416 \cdot 10^{10})^3}{(5,2704 \cdot 10^6)^2} = \frac{6,67384 \cdot 10^{-11} \cdot M}{4\pi^2}$

- $M = 6,603124 \cdot 10^{29} = 6,6 \cdot 10^{29} \text{ kg}$

b Bereken de straal van Giese b.

- $\rho = 1,0 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3$ | $m = 600 \cdot 5,972 \cdot 10^{24} = 3,5832 \cdot 10^{27} \text{ kg}$ | $V = \dots \text{m}^3$

- $\rho = \frac{m}{V} \rightarrow V = \frac{m}{\rho}$

- $V = \frac{3,5832 \cdot 10^{27}}{1,0 \cdot 10^3} = 3,5832 \cdot 10^{24} \text{ m}^3$

- volume bol: $V = \frac{4}{3}\pi \cdot r^3$

- $3,5832 \cdot 10^{24} = \frac{4}{3}\pi \cdot r^3 \rightarrow r = 9,4928 \cdot 10^7 = 9,49 \cdot 10^7 \text{ m}$

c Is Giese b groter of kleiner dan Jupiter?

- de straal van Jupiter is $69,91 \cdot 10^6 \text{ m}$
- Giese b is dus groter dan Jupiter

d Stel dat de New Horizon doorvliegt naar de planeet Giese b. In welk jaar zou hij dan aankomen?

- $s = 15,2 \text{ lichtjaar} = 15,2 \cdot 9,460886 \cdot 10^{15} = 1,438055 \cdot 10^{15} \text{ m}$

- $v_{\text{gem}} = 16,3 \cdot 10^3 \text{ m/s}$

- $s = v_{\text{gem}} \cdot t$

- $1,438055 \cdot 10^{15} = 16,3 \cdot 10^3 \cdot t \rightarrow t = 8,82242 \cdot 10^{12} \text{ s}$

- $t = \frac{8,82242 \cdot 10^{12}}{365,256 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60} = 2,79561 \cdot 10^5 = 2,80 \cdot 10^5 \text{ jaar}$

12.5 Informatie uit de ruimte

- 1****
- a** Hoeveel meer licht kan de spiegel van één VLT telescoop per seconde opvangen vergeleken met onze twee ogen?
- oppervlakte cirkel: $A = \pi \cdot r^2$
 - één oog: $A_{\text{oog}} = \pi \cdot (9,0 \cdot 10^{-3})^2 = 2,54469 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2$
 - twee ogen: $A_{\text{oog}2x} = 5,08938 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2$
 - $A_{\text{VLT}} = \pi \cdot (8,2)^2 = 211,24 \text{ m}^2$
 - verhouding: $\frac{211,24}{5,08938 \cdot 10^{-4}} = 4,1506 \cdot 10^5 = 4,2 \cdot 10^5$ keer meer
- b** Hoeveel meer licht kan de spiegel van de ELT telescope per seconde opvangen vergeleken met de spiegel van één VLT telescoop?
- $A_{\text{VLT}} = \pi \cdot (8,2)^2 = 211,24 \text{ m}^2$
 - $A_{\text{ELT}} = \pi \cdot (39,3)^2 = 4852,16 \text{ m}^2$
 - verhouding: $\frac{4852,16}{211,24} = 22,97 = 23$ keer meer
- 2****
- a** Bereken de maximale en minimale golflengte die de WSRT telescoop kan waarnemen.
- $f = 350 \cdot 10^6 - 8,30 \cdot 10^9 \text{ Hz} \quad | \quad \lambda = \dots \text{ m}$
 - $c = f \cdot \lambda$ met $c = 2,99792458 \cdot 10^8 \text{ m/s}$
 - $2,99792458 \cdot 10^8 = 350 \cdot 10^6 \cdot \lambda \rightarrow \lambda = 8,5655 \cdot 10^{-1} \text{ m} = 85,7 \text{ cm}$
 - $2,99792458 \cdot 10^8 = 8,30 \cdot 10^9 \cdot \lambda \rightarrow \lambda = 3,61196 \cdot 10^{-2} \text{ m} = 3,61 \text{ cm}$
- b** Kan deze EM-straling door de WSRT telescoop worden waargenomen?
- 21,106114 cm ligt tussen 3,61 en 85,7 cm
 - deze straling kan dus worden waargenomen
- c** Breken de frequentie van deze straling. Let op het aantal significante cijfers!
- $\lambda = 21,106114 \text{ cm} = 0,21106114 \text{ m}$
 - $c = f \cdot \lambda$ met $c = 2,99792458 \cdot 10^8 \text{ m/s}$
 - $2,99792458 \cdot 10^8 = f \cdot 0,21106114$
 - $f = 1,42040576 \cdot 10^9 = 1,4204058 \cdot 10^9 \text{ Hz}$ (8 significante cijfers)

- 3*****
- a** Wat is het voordeel van de LOFAR radiotelescoop ten opzichte van een radiotelescoop met één grote schotel?
- voor de resolutie geldt: $\alpha = 70 \cdot \frac{\lambda}{D}$
 - omdat D heel groot is wordt de resolutie ook heel groot
- b** Noem twee nadelen van de LOFAR radiotelescoop ten opzichte van een radiotelescoop met één grote schotel.
- omdat de telescoop is samengesteld is uit losse radioantennes is de sterkte van het signaal kleiner dan bij één grote schotel
 - de signalen uit de losse radioantennes moeten met elkaar worden gecombineerd wat veel rekenwerk kost
- c** Bereken de maximale theoretische resolutie van het centrale deel van de LOFAR radiotelescoop.
- voor de resolutie geldt: $\alpha = 70 \cdot \frac{\lambda}{D}$
 - de maximale resolutie wordt bereikt bij de grootste golflengte en dus de kleinste frequentie: 10 MHz
 - $f = 10 \cdot 10^6 \text{ Hz} \quad | \quad \lambda = \dots \text{ m}$
 - $c = f \cdot \lambda$ met $c = 2,99792458 \cdot 10^8 \text{ m/s}$
 - $2,99792458 \cdot 10^8 = 10 \cdot 10^6 \cdot \lambda \rightarrow \lambda = 29,9792458 \text{ m}$
 - $\alpha = 70 \cdot \frac{\lambda}{D}$ met $D = 2,0 \cdot 10^3 \text{ m}$
 - $\alpha = 70 \cdot \frac{29,9792458}{2,0 \cdot 10^3} = 1,04927 = 1,0 \text{ graad}$
- 4****
- a** Hoeveel astronomische eenheden (AE) is dit?
- één AE is gelijk aan de afstand tussen de aarde en de zon: $1,496 \cdot 10^{11} \text{ m}$
 - afstand aarde – maan is $\frac{384,4 \cdot 10^3}{1,496 \cdot 10^{11}} = 2,569519 \cdot 10^{-6} = 2,570 \cdot 10^{-6} \text{ AE}$
- b** Hoeveel parsec is dit?
- één parsec is $3,085678 \cdot 10^{16} \text{ m}$
 - afstand Zon – Poolster is $\frac{410 \cdot 10^{16}}{3,085678 \cdot 10^{16}} = 132,872 = 133 \text{ par sec}$
- c** Hoeveel astronomische eenheden (AE) is dit?
- één lichtjaar is $9,460886 \cdot 10^{15} \text{ m}$
 - één AE is $1,496 \cdot 10^{11} \text{ m}$
 - 4,22 lichtjaar is $\frac{4,22 \cdot 9,460886 \cdot 10^{15}}{1,496 \cdot 10^{11}} = 2,668779 \cdot 10^5 = 2,67 \cdot 10^5 \text{ AE}$

d Hoeveel parsec is dit?

- één lichtjaar is $9,460886 \cdot 10^{15}$ m
- één parsec is $3,085678 \cdot 10^{16}$ m
- 4,22 lichtjaar is $\frac{4,22 \cdot 9,460886 \cdot 10^{15}}{3,085678 \cdot 10^{16}} = 1,293879 = 1,29$ par sec

De wet van Wien

5**

a Bereken de temperatuur van het oppervlak van de zon.

- $\lambda_{\max} = 501 \text{ nm} = 501 \cdot 10^{-9} \text{ m} \quad | \quad T = \dots \text{ K}$
- $\lambda_{\max} = \frac{k_W}{T}$ met $k_W = 2,897756 \cdot 10^{-3} \text{ K} \cdot \text{m}$
- $501 \cdot 10^{-9} = \frac{2,897756 \cdot 10^{-3}}{T} \rightarrow T = 5783,94 = 5,78 \cdot 10^3 \text{ K}$

b Bereken welke golflengte door Proxima Centauri het meeste wordt uitgestraald.

- $T = 2,6 \cdot 10^3 \text{ K} \quad | \quad \lambda_{\max} = \dots \text{ m}$
- $\lambda_{\max} = \frac{k_W}{T}$ met $k_W = 2,897756 \cdot 10^{-3} \text{ K} \cdot \text{m}$
- $\lambda_{\max} = \frac{2,897756 \cdot 10^{-3}}{2,6 \cdot 10^3} = 1,11452 \cdot 10^{-6} = 1,1 \cdot 10^{-6} \text{ m}$

c Leg uit of je het meest uitgestraalde licht van Proxima Centauri met het blote oog kunt zien.

- blote oog ziet licht tussen 350 en 700 nm
- $1,1 \cdot 10^{-6} \text{ m} = 1,1 \cdot 10^3 \text{ nm}$ en is dus niet met het blote oog te zien

6**

a Bereken hoe vaak de zon in Betelgeuze past.

- $V_{\text{bol}} = \frac{4}{3} \pi \cdot r^3$
- $r_{\text{betel}} = 700 \cdot r_{\text{zon}}$
- de zon past $700^3 = 3,43 \cdot 10^8$ keer in Betelgeuze

b Hoe kun je aan de figuur zien dat Bertelgeuze een lage temperatuur heeft?

- Betelgeuze straalt rood licht uit $\rightarrow \lambda_{\max}$ is groot
- $\lambda_{\max} = \frac{k_W}{T}$
- λ_{\max} is groot, k_W is constant $\rightarrow T$ is klein

c Bereken de golflengte λ_{\max} van het licht dat Betelgeuze uitzendt.

- $T = 3,6 \cdot 10^3 \text{ K} \quad | \quad \lambda_{\max} = \dots \text{ m}$

- $\lambda_{\max} = \frac{k_W}{T}$
- $\lambda_{\max} = \frac{2,89777 \cdot 10^{-3}}{3,6 \cdot 10^3} = 8,04936 \cdot 10^{-7} \text{ m} = 805 \text{ nm}$

d Is de temperatuur bij deze vlekken hoger of lager buiten deze vlekken?

- de kleur van de vlekken is geel dan erbuiten
- de vlekken hebben een hogere temperatuur

e Toon dit aan.

- $A = 4\pi \cdot r^2$
- $r_{\text{betel}} = 700 \cdot r_{\text{zon}} \rightarrow A_{\text{betel}} = 700^2 \cdot A_{\text{zon}} = 4,9 \cdot 10^5 \cdot A_{\text{zon}}$

Absorptie en emissiespectrum

GEEN OPGAVEN

Dopplerverschuiving

7***

a Is de golflengte van de waargenomen EM-straling van waterstofgas groter, kleiner of gelijk aan 21,106114 cm?

- het Andromedastelsel komt dichterbij \rightarrow blauwverschuiving
- de golflengte is kleiner dan 21,106114 cm

b Bereken de golflengte van de waargenomen EM-straling van waterstofgas in het Andromedastelsel.

- $\lambda_0 = 21,106114 \text{ cm} \quad | \quad v = 200 \cdot 10^3 \text{ m/s} \quad | \quad \Delta\lambda = \dots \text{ cm}$
- $\frac{\Delta\lambda}{\lambda_0} = \frac{v}{c}$
- $\frac{\Delta\lambda}{21,106114} = \frac{200 \cdot 10^3}{2,99792458 \cdot 10^8} \rightarrow \Delta\lambda = 1,40804836 \cdot 10^{-2} \text{ cm}$
- $\lambda = 21,106114 - 1,40804836 \cdot 10^{-2} = 21,0920335 = 21,092034 \text{ cm}$
(significantie is 6 cijfers achter de komma)

8***

a Beweegt dit stelsel naar ons toe of van ons vandaan?

- de golflengte neemt toe \rightarrow roodverschuiving
- het stelsel beweegt van ons vandaan

b Bereken de snelheid van dit sterrenstelsel.

- $\Delta\lambda = 612,358 - 587,562 = 24,796 \text{ nm}$
- $\lambda_0 = 587,562 \text{ nm} \quad | \quad \Delta\lambda = 24,796 \text{ nm} \quad | \quad v = \dots \text{ m/s}$

- $\frac{\Delta\lambda}{\lambda_0} = \frac{v}{c}$
- $\frac{24,796}{587,562} = \frac{v}{2,99792458 \cdot 10^8} \rightarrow v = 1,26516926 \cdot 10^7 = 1,26517 \cdot 10^7 \text{ m/s}$ (6 significante cijfers)

c Hoeveel procent van de lichtsnelheid is deze snelheid?

- $\frac{v}{c} \cdot 100\% = \frac{1,26516926 \cdot 10^7}{2,99792458 \cdot 10^8} = 4,22015 \cdot 10^{-2} \cdot 100\% = 4,22 \%$

9***

a Waaraan zie je dat dit een absorptiespectrum is en geen emissiespectrum?

- je ziet donkere lijnen waar het licht is geabsorbeerd

b Bij welke van deze drie spectra staat de stralingsbron stil ten opzichte van de waarnemer?

- opzoeken: waterstof heeft absorptielijnen bij 410, 434, 486, en 656 nm
- dit is in overeenstemming met het bovenste spectrum

c Leg uit of de bron bij de twee andere spectra naar de waarnemer toe of van de waarnemer af bewegen.

- de golflengte neemt af \rightarrow blauwverschuiving
- de bron beweegt naar de waarnemer toe

d Bereken voor de twee andere spectra de snelheid van de bron.

- bij het middelste spectrum is de lijn van 656 nm verschoven naar 649 nm

- $\Delta\lambda = 656 - 649 = 7,0 \text{ nm}$

- $\lambda_0 = 656 \text{ nm} \mid \Delta\lambda = 7,0 \text{ nm} \mid v = \dots \text{ m/s}$

- $\frac{\Delta\lambda}{\lambda_0} = \frac{v}{c}$

- $\frac{7}{656} = \frac{v}{2,99792458 \cdot 10^8} \rightarrow v = 3,199 \cdot 10^6 = 3,2 \cdot 10^6 \text{ m/s}$

- bij het onderste spectrum is de lijn van 656 nm verschoven naar 624 nm

- $\Delta\lambda = 656 - 624 = 32 \text{ nm}$

- $\lambda_0 = 656 \text{ nm} \mid \Delta\lambda = 32 \text{ nm} \mid v = \dots \text{ m/s}$

- $\frac{\Delta\lambda}{\lambda_0} = \frac{v}{c}$

- $\frac{32}{656} = \frac{v}{2,99792458 \cdot 10^8} \rightarrow v = 1,4624 \cdot 10^7 = 1,5 \cdot 10^7 \text{ m/s}$

12.6 De levensloop van sterren

- 1*****
- a** Hoeveel massa verdwijnt er in één reactie cyclus?
- $E = 3,954 \cdot 10^{-12} \text{ J}$ | $\Delta m = \dots \text{ kg}$
 - $E = m \cdot c^2$
 - $3,954 \cdot 10^{-12} = \Delta m \cdot (2,99792458 \cdot 10^8)^2$
 - $\Delta m = 4,399418 \cdot 10^{-29} = 4,399 \cdot 10^{-29} \text{ kg}$
- b** Hoeveel netto reacties vinden er per seconde in de zon plaats?
- $P = 3,85 \cdot 10^{26} \text{ W}$ | $E = 3,954 \cdot 10^{-12} \text{ J}$
 - $E = P \cdot t \rightarrow E = 3,85 \cdot 10^{26} \cdot 1 = 3,85 \cdot 10^{26} \text{ J}$
 - energie per reactie $E = 3,954 \cdot 10^{-12} \text{ J}$
 - aantal reacties per seconde $\frac{3,85 \cdot 10^{26}}{3,954 \cdot 10^{-12}} = 9,736875 \cdot 10^{37} = 9,74 \cdot 10^{37}$
- c** Hoeveel massa verdwijnt er per seconde?
- in één reactie verdwijnt $\Delta m = 4,399418 \cdot 10^{-29} \text{ kg}$
 - in één seconde verdwijnt $\Delta m = 4,399418 \cdot 10^{-29} \cdot 9,736875 \cdot 10^{37} \text{ kg}$
 - $\Delta m = 4,2837024 \cdot 10^9 = 4,28 \cdot 10^9 \text{ kg}$
- 2*****
- a** Voer deze berekening uit.
- per seconde wordt $4,27 \cdot 10^9 \text{ kg}$ omgezet in energie
 - $E = m \cdot c^2$ met $c = 2,99792458 \cdot 10^8 \text{ m/s}$
 - $E = 4,27 \cdot 10^9 \cdot (2,99792458 \cdot 10^8)^2 = 3,83768 \cdot 10^{26} = 3,84 \cdot 10^{26} \text{ J}$
- b** Bereken hoeveel jaar het duurt tot al het waterstof in het centrum van de zon is verbruikt.
- massa waterstof in de kern is $1,99 \cdot 10^{30} \cdot 0,14 \cdot 0,70 = 1,9502 \cdot 10^{29} \text{ kg}$
 - per seconde wordt $6,0 \cdot 10^{11} \text{ kg}$ waterstof verbruikt
 - na $\frac{1,9502 \cdot 10^{29}}{6,0 \cdot 10^{11}} = 3,25033 \cdot 10^{17}$ seconde is het waterstof in de kern verbruikt
 - $3,25033 \cdot 10^{17} \text{ s} = \frac{3,25033 \cdot 10^{17}}{365,256 \cdot 24 \cdot 60 \cdot 60} = 1,02995 \cdot 10^{10} = 1,0 \cdot 10^{10} \text{ jaar}$
- 3*****
- a** Bereken de dichtheid van de zon zoals zij nu is.
- $m_{\text{zon}} = 1,9884 \cdot 10^{30} \text{ kg}$ | $r_{\text{zon}} = 6,963 \cdot 10^8 \text{ m}$ | $\rho_{\text{zon}} = \dots \text{ kg/m}^3$

- volume bol: $V = \frac{4}{3} \pi \cdot r^3$
 - $V_{\text{zon}} = \frac{4}{3} \pi \cdot (6,963 \cdot 10^8)^3 = 1,414092 \cdot 10^{27} \text{ m}^3$
 - $\rho = \frac{m}{V}$
 - $\rho = \frac{1,9884 \cdot 10^{30}}{1,414092 \cdot 10^{27}} = 1,4061316 \cdot 10^3 = 1,406 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3$
- b** Bereken de dichtheid van de witte dwerg die de zon gaat worden.
- $m_{\text{dweg z on}} = \frac{1}{2} \cdot 1,9884 \cdot 10^{30} = 9,942 \cdot 10^{29} \text{ kg}$
 - $r_{\text{dweg z on}} = \frac{1}{2} \cdot 14 \cdot 10^6 = 7,0 \cdot 10^6 \text{ m}$
 - $V_{\text{dweg z on}} = \frac{4}{3} \pi \cdot (7,0 \cdot 10^6)^3 = 1,436755 \cdot 10^{21} \text{ m}^3$
 - $\rho = \frac{m}{V}$
 - $\rho = \frac{9,942 \cdot 10^{29}}{1,436755 \cdot 10^{21}} = 6,91976 \cdot 10^8 = 6,920 \cdot 10^8 \text{ kg/m}^3$
- c** Hoeveel massa bevat 1 cm³ van deze witte dwerg?
- $1 \text{ cm}^3 = 10^{-6} \text{ m}^3$
 - $6,920 \cdot 10^8 \text{ kg/m}^3 = 6,920 \cdot 10^2 \text{ kg/cm}^3$

- 4*** a** Bereken de dichtheid van deze neutronenster.
- opzoeken: $m_{\text{zon}} = 1,9884 \cdot 10^{30} \text{ kg}$
 - $m = 1,4 \cdot m_{\text{zon}} \rightarrow m = 1,4 \cdot 1,9884 \cdot 10^{30} = 2,78376 \cdot 10^{30} \text{ kg}$
 - volume bol: $V = \frac{4}{3} \pi \cdot r^3$
 - $V = \frac{4}{3} \pi \cdot (1,0 \cdot 10^4)^3 = 4,18879 \cdot 10^{12} \text{ m}^3$
 - $\rho = \frac{m}{V}$
 - $\rho = \frac{2,78376 \cdot 10^{30}}{4,18879 \cdot 10^{12}} = 6,645737 \cdot 10^{17} = 6,6 \cdot 10^{17} \text{ kg/m}^3$
- b** Bereken de ontsnappingsnelheid van deze neutronenster.
- $m = 2,78376 \cdot 10^{30} \text{ kg} \mid r = 1,0 \cdot 10^4 \text{ m} \mid v_{\text{ontsnap}} = \dots \text{ m/s}$
 - $v_{\text{ontsnap}}^2 = \frac{2 \cdot G \cdot m}{r}$
 - $v_{\text{ontsnap}}^2 = \frac{2 \cdot 6,67408 \cdot 10^{-11} \cdot 2,78376 \cdot 10^{30}}{1,0 \cdot 10^4} = 3,7158074 \cdot 10^{16}$
 - $v_{\text{ontsnap}} = 1,927643 \cdot 10^8 = 1,9 \cdot 10^8 \text{ m/s}$

5*** a Toon aan dat $2r \cdot \sqrt{\frac{2}{3}\pi \cdot \rho \cdot G}$ de eenheid m/s heeft.

- $[2r \cdot \sqrt{\frac{2}{3}\pi \cdot \rho \cdot G}] = m \cdot \left(\frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot \text{N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{kg}^{-2}\right)^{1/2}$

- $m \cdot \left(\frac{\text{N}}{\text{kg} \cdot \text{m}}\right)^{1/2} = m \cdot \left(\frac{\text{kg} \cdot \frac{\text{m}}{\text{s}^2}}{\text{kg} \cdot \text{m}}\right)^{1/2} = \frac{\text{m}}{\text{s}}$

b Toon aan dat $v_{\text{ontsnap}} = 2r \cdot \sqrt{\frac{2}{3}\pi \cdot \rho \cdot G}$.

- $v_{\text{ontsnap}}^2 = \frac{2 \cdot G \cdot m}{r}$

- $m = \rho \cdot V$ en $V = \frac{4}{3}\pi \cdot r^3 \rightarrow m = \rho \cdot \frac{4}{3}\pi \cdot r^3$

- $v_{\text{ontsnap}}^2 = \frac{2 \cdot G \cdot \rho \cdot \frac{4}{3}\pi \cdot r^3}{r} = \frac{8}{3}\pi \cdot G \cdot \rho \cdot r^2$

- $v_{\text{ontsnap}} = \sqrt{\frac{8}{3}\pi \cdot G \cdot \rho \cdot r^2} = 2r \cdot \sqrt{\frac{2}{3}\pi \cdot G \cdot \rho}$

6*** a Bereken de schwarzschildstraal van dit zwarte gat.

- opzoeken: $m_{\text{zon}} = 1,9884 \cdot 10^{30} \text{ kg}$

- $m = 3,7 \cdot 10^6 \cdot m_{\text{zon}} \rightarrow m = 3,7 \cdot 10^6 \cdot 1,9884 \cdot 10^{30} = 7,35708 \cdot 10^{36} \text{ kg}$

- $r_s = \frac{2 \cdot G \cdot m}{c^2}$

- $r_s = \frac{2 \cdot 6,67408 \cdot 10^{-11} \cdot 7,35708 \cdot 10^{36}}{(2,99792458 \cdot 10^8)^2} = 1,092661 \cdot 10^{10} = 1,1 \cdot 10^{10} \text{ m}$

12.7 Kosmologie

1*** a Bereken de golflengte van deze waterstoflijn uitgezonden door een sterrenstelsel dat met een snelheid van 18.000 km/s van ons vandaan beweegt.

- $18.000 \text{ km/s} = 1,8 \cdot 10^7 \text{ m/s}$

- $\frac{\Delta\lambda}{\lambda_0} = \frac{v}{c}$

- $\frac{\Delta\lambda}{656,3} = \frac{1,8 \cdot 10^7}{2,99792458 \cdot 10^8} \rightarrow \Delta\lambda = 39,40526 \text{ nm}$

- beweging van ons vandaan \rightarrow golflengte wordt groter

- $656,3 + 39,40526 = 695,7053 = 695,7 \text{ nm}$

b Bereken de golflengte van de 656,3 nm waterstoflijn afkomstig van een sterrenstelsel op 1,8 miljard lichtjaar afstand.

- aflezen: 1,8 miljard lichtjaar: $v = 40.000 \text{ km/s} = 4,0 \cdot 10^7 \text{ m/s}$

- $\frac{\Delta\lambda}{\lambda_0} = \frac{v}{c}$

- $\frac{\Delta\lambda}{656,3} = \frac{4,0 \cdot 10^7}{2,99792458 \cdot 10^8} \rightarrow \Delta\lambda = 87,5672 \text{ nm}$

- beweging van ons vandaan \rightarrow golflengte wordt groter

- $656,3 + 87,5672 = 743,867 = 7,4 \cdot 10^2 \text{ nm}$

c Is er een recht-evenredig verband tussen de verandering van de golflengte $\Delta\lambda$ en de afstand van een sterrenstelsel?

- het Hubble diagram geeft een recht-evenredig verband tussen de afstand van een sterrenstelsel en de snelheid

- $\frac{\Delta\lambda}{\lambda_0} = \frac{v}{c} \rightarrow \Delta\lambda = \frac{v}{\lambda_0 \cdot c}$ geeft recht-evenredig verband tussen $\Delta\lambda$ en v

- er is een recht-evenredig verband tussen $\Delta\lambda$ en de afstand

d Bepaal de Hubble constante.

- aflezen: 40.000 km/s bij 1,8 miljard lichtjaar

- $\frac{40.000}{1800} = 22,2 \text{ km/s per miljoen lichtjaar}$

e Toon dit aan.

- $v_{\max} = c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m/s} = 3,00 \cdot 10^5 \text{ km/s}$

- $v = H_0 \cdot r$

- $3,00 \cdot 10^5 = 22 \cdot r \rightarrow r = 1,36 \cdot 10^4 \text{ miljoen lichtjaar}$

- $r = 13,6 \text{ miljard lichtjaar}$

(de Hubble constante en de grootte van het heelal zijn niet precies bekend)

f Welke conclusie kun je hieraan verbinden?

- de maximaal meetbare afstand van de verste sterrenstelsel is 13,8 miljard lichtjaar
- het waarneembare heelal is 13,8 miljard lichtjaar groot

2***

a Beweegt dit stelsel naar ons toe of van ons vandaan?

- de golflengte neemt toe → roodverschuiving
- het stelsel beweegt van ons vandaan

b Bereken de snelheid van dit sterrenstelsel.

- $\Delta\lambda = 612,358 - 587,562 = 24,796 \text{ nm}$
- $\lambda_0 = 587,562 \text{ nm} \quad | \quad \Delta\lambda = 24,796 \text{ nm} \quad | \quad v = \dots \text{ m/s}$
- $\frac{\Delta\lambda}{\lambda_0} = \frac{v}{c}$
- $\frac{24,796}{587,562} = \frac{v}{2,99792458 \cdot 10^8} \rightarrow v = 1,26516926 \cdot 10^7 = 1,26517 \cdot 10^7 \text{ m/s}$ (6 significante cijfers)

c Hoeveel procent van de lichtsnelheid is deze snelheid?

- $\frac{v}{c} \cdot 100\% = \frac{1,26516926 \cdot 10^7}{2,99792458 \cdot 10^8} = 4,22015 \cdot 10^{-2} \cdot 100\% = 4,22\%$

d Bepaal de afstand van dit sterrenstelsel.

- $v = 1,26517 \cdot 10^7 \text{ m/s} = 1,26517 \cdot 10^4 \text{ km/s}$
- $v = H_0 \cdot r$ met $H_0 = 22 \text{ km/s per miljoen lichtjaar}$
- $1,26517 \cdot 10^4 = 22 \cdot r \rightarrow r = 575 \text{ miljoen lichtjaar}$

3***

a Voldoet dit stelsel aan de Hubble-relatie?

- $v = H_0 \cdot r$ met $H_0 = 22 \text{ km/s per miljoen lichtjaar}$
- met r is 21 miljoen lichtjaar vind je $v = 22 \cdot 21 = 462 \text{ km/s}$
- dit is niet gelijk aan 241 km/s → het stelsel voldoet niet aan de Hubble-relatie

b Bij welke golflengte verwacht je de waterstoflijn met $\lambda = 486,1 \text{ nm}$ als je een waarneming doet aan dit stelsel?

- $\lambda_0 = 486,1 \text{ nm} \quad | \quad v = 241 \cdot 10^3 \text{ m/s} \quad | \quad \Delta\lambda = \dots \text{ nm}$
- $\frac{\Delta\lambda}{\lambda_0} = \frac{v}{c}$
- $\frac{\Delta\lambda}{486,1} = \frac{241 \cdot 10^3}{2,99792458 \cdot 10^8} \rightarrow \Delta\lambda = 0,39077 \text{ nm}$
- het stelsel beweegt van ons vandaan → λ wordt groter
- $\lambda = 486,1 + 0,3907707 = 486,49077 = 486,5 \text{ nm}$