

Knicken nach DIN 18800 Neu.

—

Das κ -Verfahren.

Dipl.-Ing. Björnstjerne Zindler, M.Sc.

<https://www.Zenithpoint.de>

Erstellt: 11. Mai 2012 – Letzte Revision: 15. Januar 2023

Inhaltsverzeichnis

1	Das Kappa-Verfahren nach DIN 18800 Neu	2
2	Bemessung	3
2.1	Ermittlung von $N_{pl,d}$ - Normalkraft im vollplastischen Zustand	3
2.2	Ermittlung von κ - Voraussetzungen	4
2.2.1	Der bezogene Schlankheitsgrad $\bar{\lambda}_K$	4
2.2.2	Der Parameter α	5
2.2.3	Die Hilfskonstante k	6
2.3	Ermittlung von κ - Berechnung	7
3	Nachweis	8
4	Anhang	9
4.1	Anhang a: Die Knickspannungslinien nach DIN 18800 Neu	9
4.2	Anhang b: Die Regressionspolynome der Knickspannungslinien DIN 18800 Neu . . .	10

Literatur

[001] DIN18800-Ausgabe November 1990.

[Dipa] Dipl.-Ing. Björnstjerne Zindler, M.Sc. Das Omega-Verfahren nach DIN4114.

[Dipb] Dipl.-Ing. Björnstjerne Zindler, M.Sc. Nachweisverfahren nach DIN18800.

1 Das Kappa-Verfahren nach DIN 18800 Neu

Aufbauend auf [Dipb] soll ein Profil, beschrieben in [Dipa] auf Biegeknicke mittels des Kappa-Verfahrens nach [001] nachgewiesen werden.

Kappa-Verfahren

Das Kappa-Verfahren ist ein Ersatzstabverfahren nach der Methode Elastisch-Plastisch [Dipb].¹

Grundlage des Nachweises ist die Erfüllung der Bedingung von DIN18800, Teil 2, (§304).

$$\frac{N}{\kappa \cdot N_{pl,d}} \leq 1$$

¹siehe auch „Nachweisverfahren nach DIN18800“

2 Bemessung

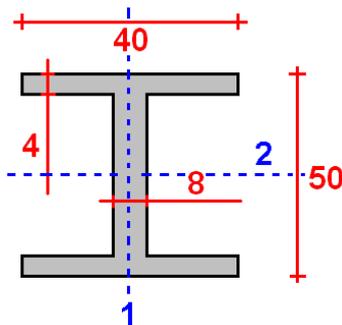
2.1 Ermittlung von $N_{pl,d}$ - Normalkraft im vollplastischen Zustand

Bemessung

Für die Ermittlung von $N_{pl,d}$ steht folgende Berechnungsgrundlage zur Verfügung:

$$N_{pl,d} = \sigma_{R,d} \cdot A = f_{y,d} \cdot A = \frac{f_{y,k}}{\gamma_m} \cdot A$$

Wobei A die Querschnittsfläche des Trägers darstellt, $\sigma_{R,d}$ die Grenznormalspannung², $f_{y,k}$ die Streckgrenze des verwendeten Baustahls³ und γ_m der Sicherheitsbeiwert für Widerstände⁴.



$$A = 2 \cdot 40 \cdot 4 + (50 - 2 \cdot 4) \cdot 8 = 656 \text{ mm}^2$$

⇒

$$N_{pl,d} = \frac{240}{1,1} \cdot 656 = 143,13 \text{ kN}$$

Bemessung

Die Trägheitsmomente sind berechenbar über:

$$I_1 = (I_{z-z} =) 2 \cdot \frac{40^3 \cdot 4}{12} + \frac{8^3 \cdot (50 - 2 \cdot 4)}{12} = 44.459 \text{ mm}^4 = I_{\min}$$

Und:

$$I_2 = (I_{y-y} =) 2 \cdot \frac{40 \cdot 4^3 + 40 \cdot 4 \cdot \left(\frac{50}{2} - \frac{4}{2}\right)}{12} + \frac{8 \cdot (50 - 2 \cdot 4)^3}{12} = 50.432 \text{ mm}^4 = I_{\max}$$

Der dazugehörige Trägheitsradius beträgt:

$$i_{\min} = \sqrt{\frac{44.459}{2 \cdot 40 \cdot 4 + (50 - 2 \cdot 4) \cdot 8}} = 8,23 \text{ mm}$$

Für den angenommenen Knickfall 2 nach Euler (gelenkig, gelenkig) ergibt sich eine Knicklänge s_k aus der gewählten Stablänge $l = 500 \text{ mm}$ von:

$$s_k = \frac{l}{1} = \frac{500}{1} = 500 \text{ mm}$$

Die Schlankheit λ kann berechnet werden:

$$\lambda = (\lambda_K =) \frac{s_k}{i_{\min}} = \frac{500}{8,23} = 60,75$$

²nach DIN18800, Teil 1, (§746)

³nach DIN18800, Teil 1, Tabelle 1

⁴nach DIN18800, Teil 1, (§720)

2.2 Ermittlung von κ - Voraussetzungen

Zur Ermittlung von κ sind mehrere Schritte notwendig mit der Ermittlung weiterer Beiwerte.

2.2.1 Der bezogene Schlankheitsgrad $\bar{\lambda}_K$

Nach DIN18800, Teil 2, (§110) gilt für $\bar{\lambda}_K$:

$$\bar{\lambda}_K = \frac{\lambda_K}{\lambda_a}$$

Der Wert von λ_K ist bekannt:

$$\lambda_K = 60,75$$

Für den Wert von λ_a , dem Bezugsschlankheitsgrad steht⁵ eine Berechnungsgrundlage zur Verfügung:

$$\lambda_a = \pi \cdot \sqrt{\frac{E}{f_{y,k}}} = \pi \cdot \sqrt{\frac{210.000}{240}} = 92,93$$

Mit E dem Elastizitätsmodul⁶. Damit ist $\bar{\lambda}_K$ ermittelt.

$$\bar{\lambda}_K = \frac{60,75}{92,93} = 0,654 > 0,2$$

Da $\bar{\lambda}_K > 0,2$ gilt, ist der Parameter α notwendig⁷, sowie die Hilfskonstante k ⁸.

⁵nach DIN18800, Teil 2, (§110)

⁶nach DIN18800, Teil 1, Tabelle 1

⁷nach DIN18800, Teil 2, Tabelle 4

⁸nach DIN18800, Teil 2, (Gl. 4b)

2.2.2 Der Parameter α

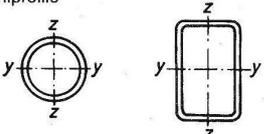
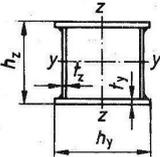
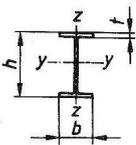
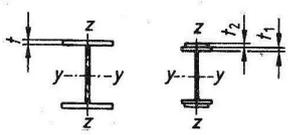
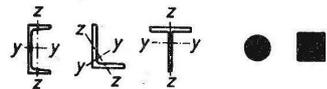
Für den Parameter α werden einige Querschnittsdaten benötigt⁹:

$$\frac{h}{b} = \frac{50}{40} = 1,25 > 1,2$$

Und:

$$t = 4 \leq 40$$

Mit einer weichen Achse um $z - z$ entspricht das¹⁰ der Knickspannungskennlinie b .

Querschnitt	Ausweichen rechtwinklig zur Achse	Knickspannungslinie
Hohlprofile  warm gefertigt kalt gefertigt	y - y z - z y - y z - z	a ¹¹ b ¹¹
geschweißte Kastenquerschnitte  dicke Schweißnaht und $h_y/t_y < 30$ $h_z/t_z < 30$	y - y z - z y - y z - z	b c
gewalzte I-Profile  $h/b > 1,2; t \leq 40 \text{ mm}$ $h/b > 1,2; 40 < t \leq 80 \text{ mm}$ $h/b \leq 1,2; t \leq 80 \text{ mm}$ $t > 80 \text{ mm}$	y - y z - z y - y z - z y - y z - z	a ¹¹ b ¹¹ b ¹¹ c ¹¹ d ¹¹
geschweißte I-Querschnitte  $t_i \leq 40 \text{ mm}$ $t_i > 40 \text{ mm}$	y - y z - z y - y z - z	b c c d
U-, L-, T- und Vollquerschnitte  und mehrteilige Stäbe nach Abschnitt 4.4	y - y z - z	c

Zuordnung der Querschnitte zu den Knickspannungslinien

Nach DIN18800, Teil 2, Tabelle 4 ist der Parameter α festgelegt.

Knickspannungslinie	a_0	a	b	c	d
α	0,13	0,21	0,34	0,49	0,76

Parameter α zur Berechnung des Abminderungsfaktors κ .

⇒

$$\alpha = 0,34$$

⁹ entnommen [Dipa]

¹⁰ nach DIN18800, Teil 2, Tabelle 5

2.2.3 Die Hilfskonstante k

Jetzt ist¹¹ die Hilfskonstante k ermittelbar.¹²

$$k = \frac{1}{2} \cdot [1 + \alpha \cdot (\bar{\lambda}_K - 0,2) + \bar{\lambda}_K^2] = \frac{1}{2} \cdot [1 + 0,34 \cdot (0,654 - 0,2) + 0,654^2] = 0,791$$

¹¹aus DIN18800, Teil 2, (Gl. 4b)

¹²Die Hilfskonstante k ist eine nach unten geöffnete Parabel mit dem Scheitelpunkt:

$$P_S \left(\frac{\alpha}{2}, \frac{1}{2} \cdot \left(1 - \frac{\alpha}{5} + \frac{\alpha^2}{4} \right) \right)$$

Zwei markante Punkte sind bekannt.

$$k(\bar{\lambda}_K, \alpha) = \frac{5 - \alpha}{10} + \frac{\alpha}{2} \cdot \bar{\lambda}_K + \frac{1}{2} \cdot \bar{\lambda}_K^2$$

⇒

$$k(0, \alpha) = \frac{5 - \alpha}{10}$$

Sowie:

$$0 = \frac{5 - \alpha}{10} + \frac{\alpha}{2} \cdot \bar{\lambda}_K + \frac{1}{2} \cdot \bar{\lambda}_K^2$$

⇒

$$\alpha = 5 \cdot \frac{\bar{\lambda}_K^2 - 1}{5 \cdot \bar{\lambda}_K - 1} \quad \bar{\lambda}_K = \frac{\alpha}{2} \pm \frac{1}{10} \cdot \sqrt{25 \cdot \alpha^2 - 20 \cdot \alpha + 100}$$

Für $\alpha = 0$:

$$\bar{\lambda}_K = 1$$

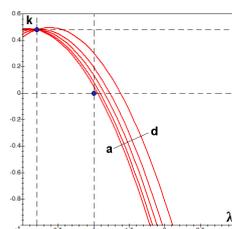
Für $\bar{\lambda}_K = 0$:

$$\alpha = 5$$

Eine Singularität existiert bei $\bar{\lambda}_K = \frac{1}{5}$.

$$k\left(\frac{1}{5}, \alpha\right) = \frac{12}{25}$$

Grafisch dargestellt:

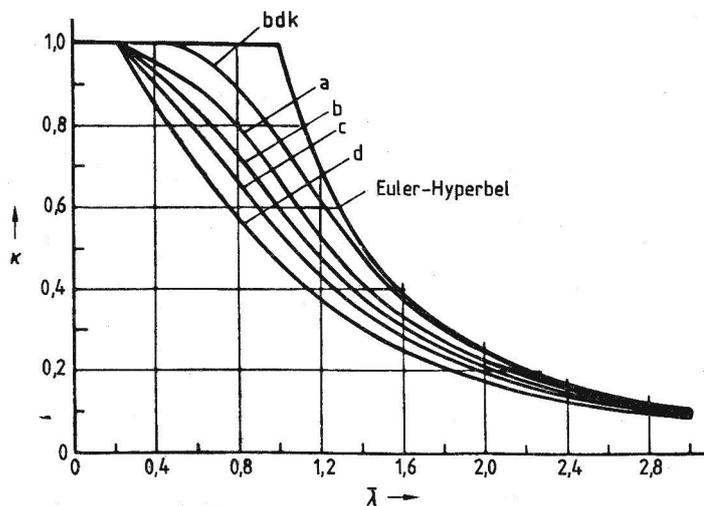


2.3 Ermittlung von κ - Berechnung

Nun steht der Berechnung des Wertes κ nichts mehr im Wege.

$$\kappa = \frac{1}{k + \sqrt{k^2 - \bar{\lambda}_K^2}} = \frac{1}{0,791 + \sqrt{0,791^2 - 0,654^2}} = 0,81$$

Eine grafische Kontrolle ist möglich^{13, 14}.



Abminderungsfaktoren κ für Biegeknicken
(Knickspannungslinien a, b, c, d)
und κ_M für Biegedrillknicken (bdk) mit $n = 2, 5$.

¹³über DIN18800, Teil 2, Bild 10

¹⁴Die Berechnungsgrundlagen von κ lassen sich zusammenfassen.

$$\kappa(\bar{\lambda}_K, \alpha) = \frac{2}{\bar{\lambda}_K^2 + \alpha \cdot \lambda_K + \frac{5-\alpha}{5} + \sqrt{(\bar{\lambda}_K^2 + \alpha \cdot \lambda_K + \frac{5-\alpha}{5})^2 - 4 \cdot \bar{\lambda}_K^2}}$$

Diese Funktion besitzt folgende Eigenschaften.

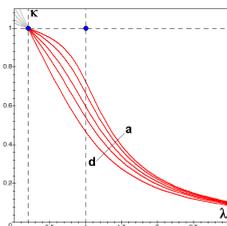
$$\kappa(0, \alpha) = \frac{10}{10 - 2 \cdot \alpha} \quad \kappa(+\infty, \alpha) = 0$$

$$\kappa(\bar{\lambda}_K, 0) = \bar{\lambda}_K^{-2} \propto \lambda_K^{-2} \propto \lambda_a^2 \quad \kappa(\bar{\lambda}_K, +\infty) = 0$$

Eine Singularität existiert bei $\bar{\lambda}_K = \frac{1}{5}$.

$$\kappa\left(\frac{1}{5}, \alpha\right) = 1$$

Grafisch dargestellt.



3 Nachweis

Aus [Dipa] ist die einwirkende Kraft gegeben mit $N = 120\text{KN}$.

Nachweis

$$\frac{120}{0,81 \cdot 143,13} = 1,04 \approx 1$$

Damit ist der Nachweis erfüllt. Der Knickstab ist voll ausgelastet.

4 Anhang

4.1 Anhang a: Die Knickspannungslinien nach DIN 18800 Neu

$\bar{\lambda}_k$	χ für Knickspannungslinie			
	a	b	c	d
0,2	1,000	1,000	1,000	1,000
0,4	0,953	0,926	0,897	0,850
0,6	0,890	0,837	0,785	0,710
0,8	0,796	0,724	0,662	0,580
1,0	0,666	0,597	0,540	0,467
1,2	0,530	0,478	0,434	0,376
1,4	0,418	0,382	0,349	0,306
1,6	0,333	0,308	0,284	0,251
1,8	0,270	0,252	0,235	0,209
2,0	0,223	0,209	0,196	0,177
2,2	0,187	0,176	0,166	0,151
2,4	0,159	0,151	0,142	0,130
2,6	0,136	0,130	0,123	0,113
2,8	0,118	0,113	0,108	0,100
3,0	0,104	0,099	0,095	0,088

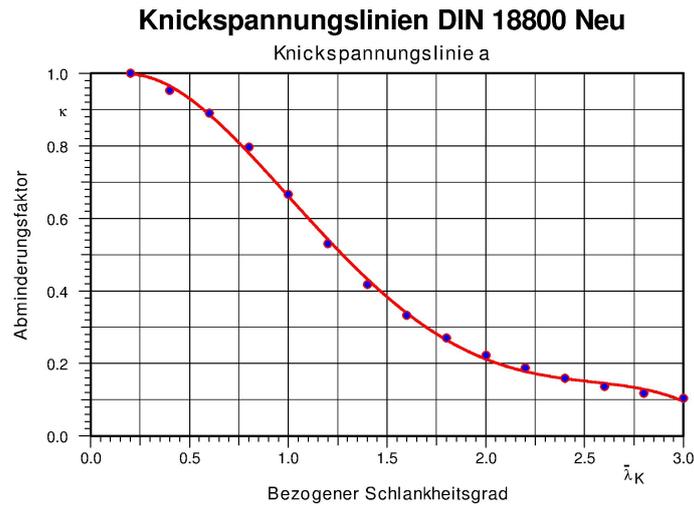
Abminderungsfaktoren χ der Europäischen Knickspannungslinien

4.2 Anhang b: Die Regressionspolynome der Knickspannungslinien DIN 18800 Neu

- Knickspannungslinie a

$$\kappa_a \approx 0,9635 + \frac{\bar{\lambda}_K}{2,6685} - \frac{\bar{\lambda}_K^2}{0,9418^2} + \frac{\bar{\lambda}_K^3}{1,2402^3} - \frac{\bar{\lambda}_K^4}{1,9170^4}$$

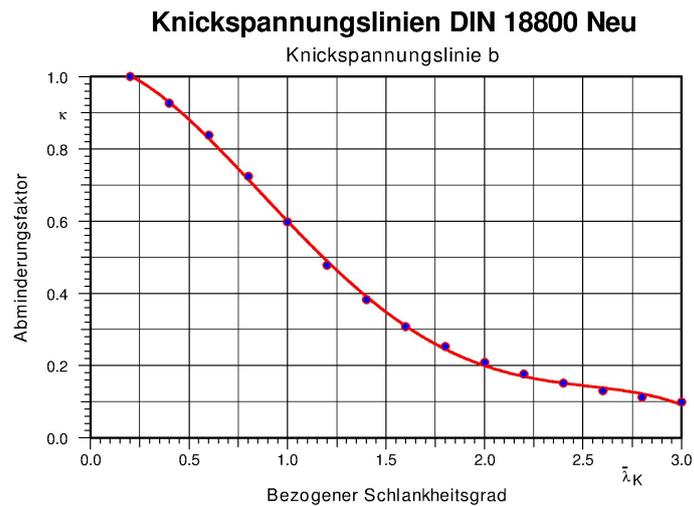
⇒



- Knickspannungslinie b

$$\kappa_b \approx 1,0364 - \frac{\bar{\lambda}_K}{25,0772} - \frac{\bar{\lambda}_K^2}{1,1827^2} + \frac{\bar{\lambda}_K^3}{1,3895^3} - \frac{\bar{\lambda}_K^4}{2,0641^4}$$

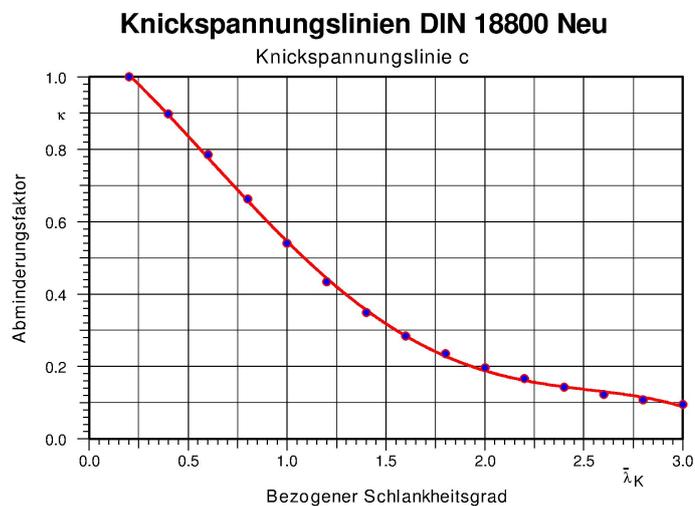
⇒



- **Knickspannungslinie c**

$$\kappa_c \approx 1,0989 - \frac{\bar{\lambda}_K}{2,4341} - \frac{\bar{\lambda}_K^2}{1,7233^2} + \frac{\bar{\lambda}_K^3}{1,6303^3} - \frac{\bar{\lambda}_K^4}{2,2837^4}$$

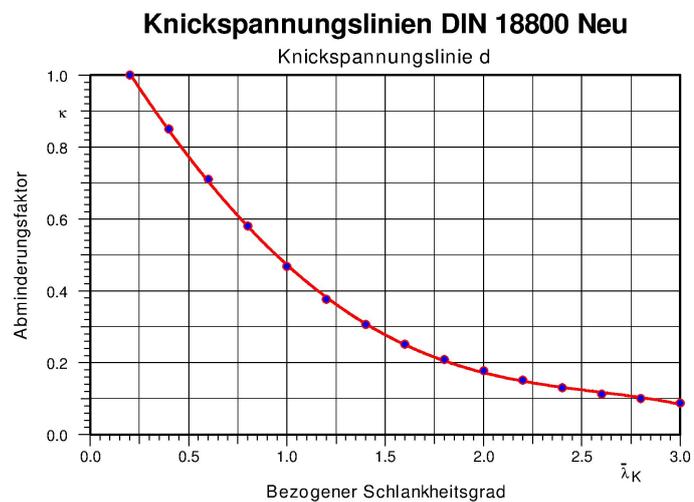
⇒



- **Knickspannungslinie d**

$$\kappa_d \approx 1,1789 - \frac{\bar{\lambda}_K}{1,0995} + \frac{\bar{\lambda}_K^2}{2,3558^2} + \frac{\bar{\lambda}_K^3}{3,1041^3} - \frac{\bar{\lambda}_K^4}{3,0883^4}$$

⇒



Für $\bar{\lambda}_K \rightarrow 3$ treten größere Abweichungen auf!

L^AT_EX 2_ε