

Übungen

1. Zeichne folgende Funktionen in ein Koordinatensystem:

$$y_1 = x^2 - 6x + 8$$

$$y_4 = x^2 - 3$$

$$y_2 = (x - 4)^2 + 2$$

$$y_5 = -x^2 + 2$$

$$y_3 = (x + 2)^2$$

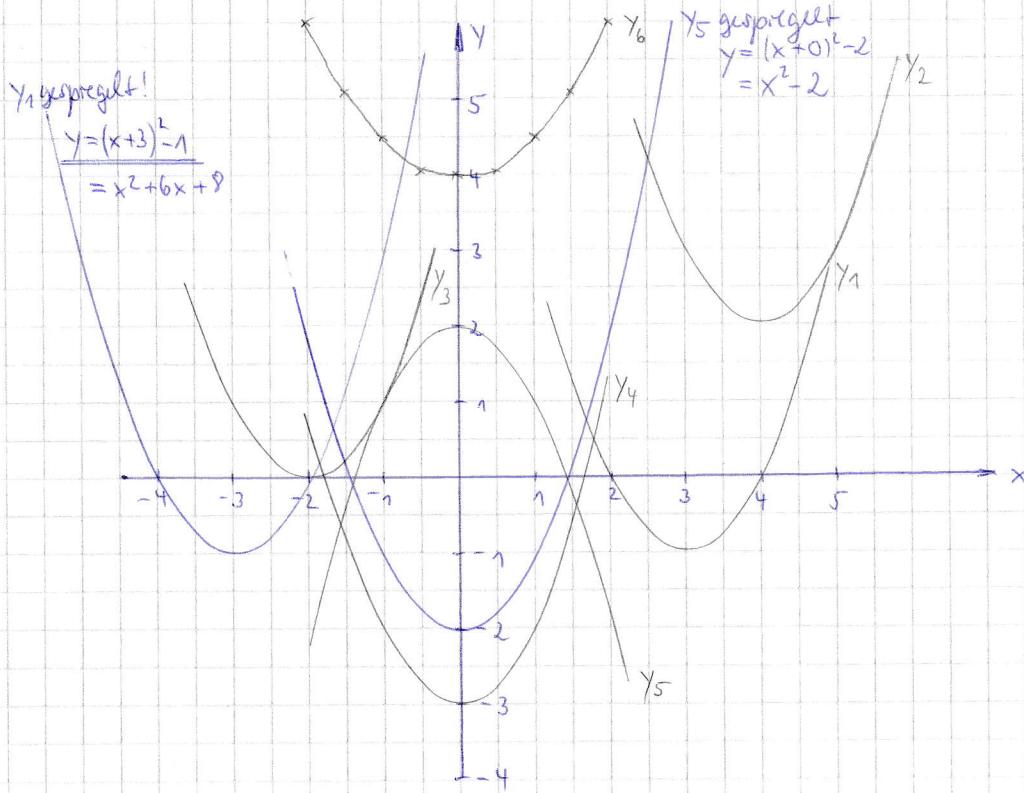
$$y_6 = \frac{1}{2}x^2 + 4 \text{ im Intervall } -2 < x < 2$$

2. Berechne die Nullstellen von y_1 , y_3 und y_4 !
3. Führe eine Kurvendiskussion für y_1 und y_5 durch!
4. Spiegel y_1 an der Ordinatenachse und gib die neue Funktionsgleichung in der Scheitelpunktform und in der Normalform an!
5. Spiegel y_5 an der Abszissenachse und gib die neue Funktionsgleichung in der Scheitelpunktform und in der Normalform an!

Lösung Übungsaufgabe

1. 4.5. $y_1 = x^2 - 6x + 8$
 $= (x - 3)^2 - 9 + 8$
 $= (x - 3)^2 - 1$

$y_6 = \frac{1}{2}x^2 + 4 \rightarrow \begin{array}{c|cccccc} x & 0 & 0,5 & 1 & 1,5 & 2 \\ \hline y & 4 & 4,1 & 4,5 & 5,1 & 6 \end{array}$



2. Nullstellen von

$y_1: x_{1,2} = -\frac{(-6)}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{-6}{2}\right)^2 - 8}$
 $= 3 \pm 1$

$x_1 = \underline{\underline{4}} \quad x_2 = \underline{\underline{2}}$

$y_4: x_{1,2} = -\frac{0}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{0}{2}\right)^2 - (-3)}$
 $= 0 \pm 1,7$

$x_1 = \underline{\underline{1,7}} \quad x_2 = \underline{\underline{-1,7}}$

$y_3: y = (x+2)^2$
 $= x^2 + 4x + 4$

$x_{1,2} = -\frac{4}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{4}{2}\right)^2 - 4}$
 $= -2 \pm 0$

$\underline{\underline{x_1 = -2}}$

3. DB W3 Monotonie Nullst. S rel. Flk.-wrt

$y_1: x \in \mathbb{R} \quad y \in \mathbb{R} \quad x < 3 \text{ fall} \quad x_1 = 4 \quad S(3; -1) \quad f(3) = -1$
 $y > -1$
 $x > 3 \text{ steigt} \quad x_2 = 2$
 gr. Flk.-wrt

$y_5: x \in \mathbb{R} \quad y \in \mathbb{R} \quad x < 0 \text{ steigt} \quad x_1 = -1,4 \quad S(0; 2)$
 $y \leq 2 \quad x > 0 \text{ fall} \quad x_2 = +1,4$
 $f(0) = 2$