

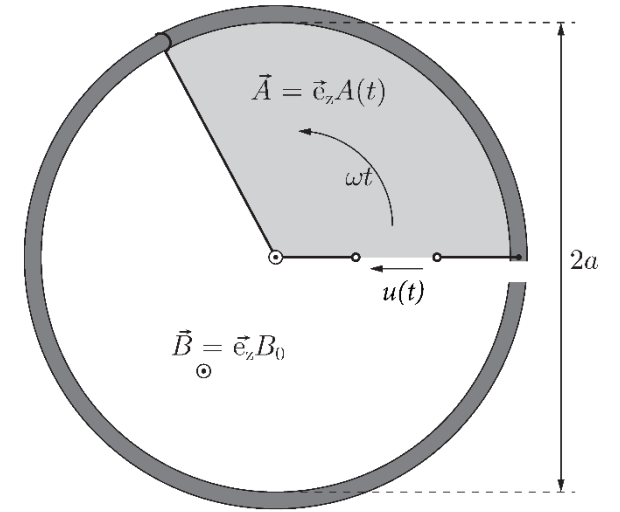
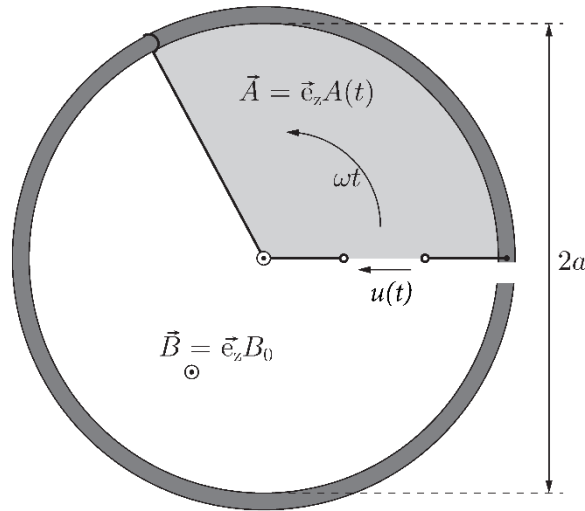
Übungsstunde 13 – Transformatoren

Nachbesprechung

Falsche Lösung in MC Aufgabe

Bei der Sternschaltung eines symmetrischen Drei-Phasen-Systems gilt:

	Richtig	Falsch	
Die Leiterspannung ist um den Faktor $\sqrt{3}$ grösser als die Strangspannung.	<input checked="" type="radio"/> ✓	<input type="radio"/> ✗	✓
Der Strom auf dem Null-Leiter beträgt 0 A	<input checked="" type="radio"/> ✓	<input type="radio"/> ✗	✓
Die Summe der Leiterströme im Sternpunkt beträgt 0 A	<input checked="" type="radio"/> ✓	<input type="radio"/> ✗	✓
Der Strangstrom ist auf allen Phasen nicht konstant.	<input checked="" type="radio"/> ✓	<input type="radio"/> ✗	✓

Achtung mit VorzeichenWie gross ist die Spannung $u(t)$ 

Transformatoren

Induktivität: Wieviel **magnetischer Fluss** durchsetzt die Leiterschleife **bei einem Strom** i

$$L_1 = N_1 \cdot \frac{\Phi_1}{i_1} \qquad L_2 = N_2 \cdot \frac{\Phi_2}{i_2}$$

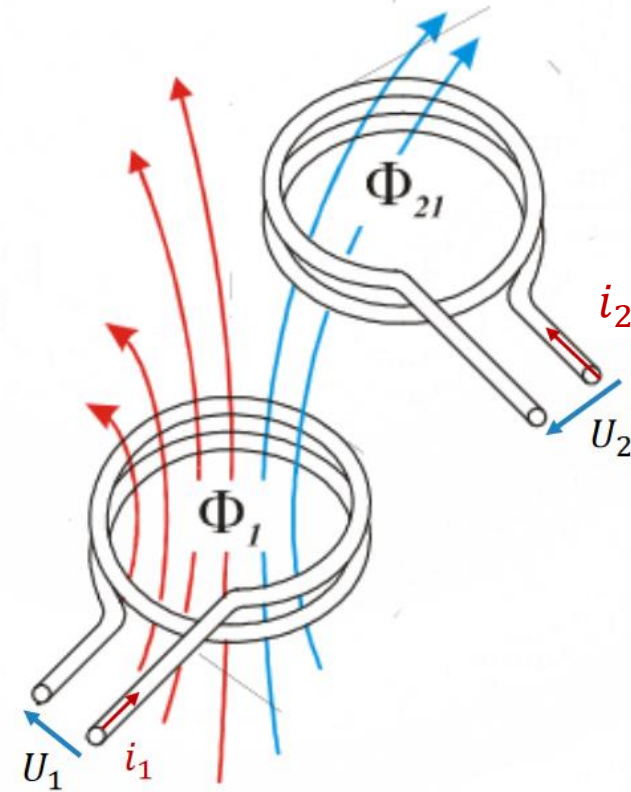
N_i da Fluss durch N_i Wicklungen geht

$$u_1(t) = L_1 \cdot \frac{d}{dt}(i_1(t)) \qquad u_2(t) = L_2 \cdot \frac{d}{dt}(i_2(t))$$

Gegeninduktivität: Wieviel **magnetischer Fluss** durchsetzt eine andere Leiterschleife **bei einem Strom** i

$$L_{21} = N_2 \cdot \frac{\Phi_{21}}{i_1} \qquad L_{12} = N_1 \cdot \frac{\Phi_{12}}{i_2}$$

$$u_2(t) = L_{21} \cdot \frac{d}{dt}(i_1(t)) \qquad u_1(t) = L_{12} \cdot \frac{d}{dt}(i_2(t))$$



Gegeninduktion

Änderungen des Flusses durch eine Leiterschleife induziert eine Spannung.

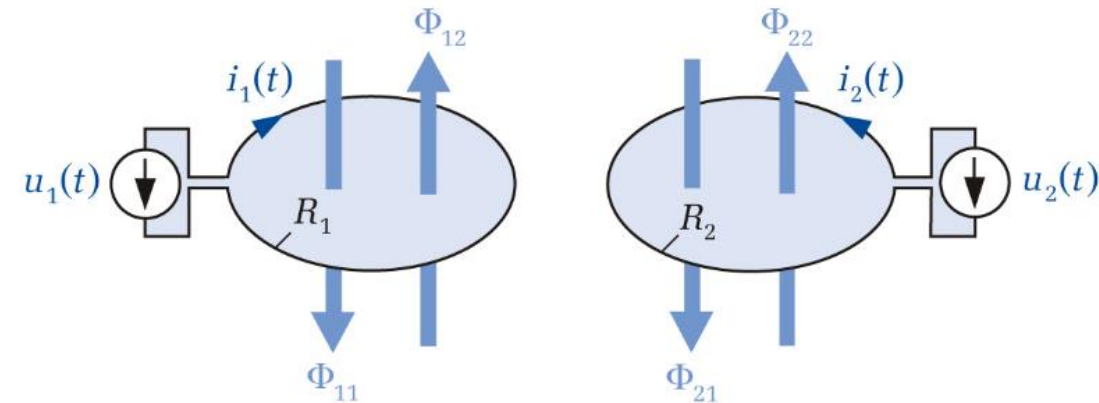
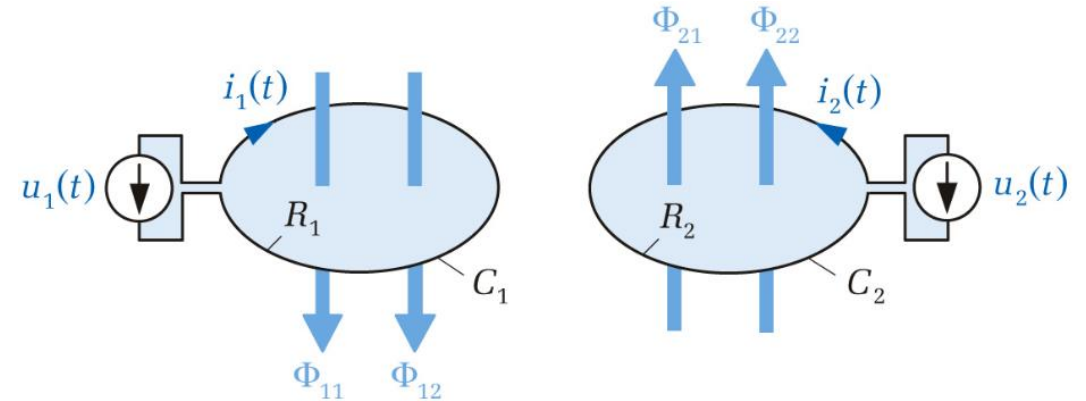
$$u_1 = R_1 \cdot i_1 + \frac{d}{dt} (\Phi_{11} + \Phi_{12}) = R_1 \cdot i_1 + L_{11} \frac{di_1}{dt} + L_{12} \cdot \frac{di_2}{dt}$$

$$u_2 = R_2 \cdot i_2 + \frac{d}{dt} (\Phi_{22} + \Phi_{21}) = R_2 \cdot i_2 + L_{22} \frac{di_2}{dt} + L_{21} \cdot \frac{di_1}{dt}$$

Abhängig der Flussrichtungen

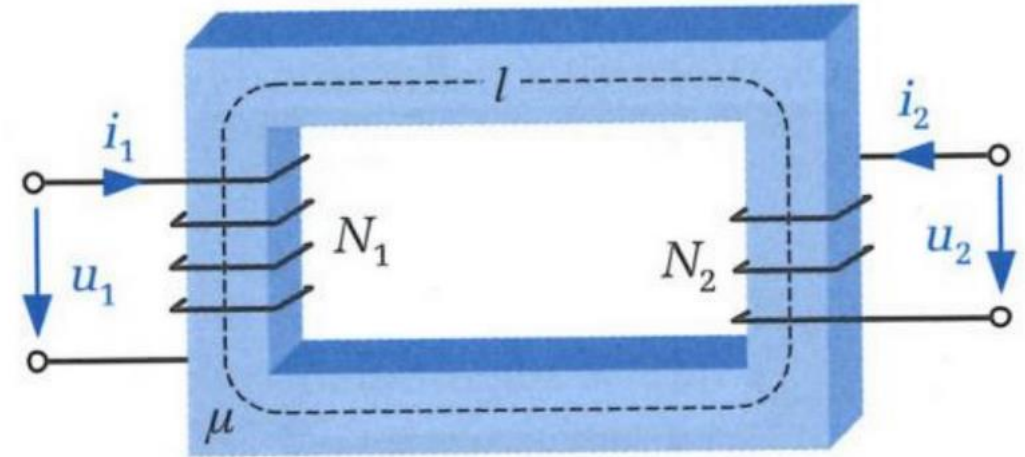
$$u_1 = R_1 \cdot i_1 + \frac{d}{dt} (\Phi_{11} - \Phi_{12}) = R_1 \cdot i_1 + L_{11} \frac{di_1}{dt} - L_{12} \cdot \frac{di_2}{dt}$$

$$u_2 = R_2 \cdot i_2 + \frac{d}{dt} (\Phi_{22} - \Phi_{21}) = R_2 \cdot i_2 + L_{22} \frac{di_2}{dt} - L_{21} \cdot \frac{di_1}{dt}$$



Beispiel

Für folgende Anordnung, sollen die Induktivitäten L_{11} , L_{22} und die symmetrische Gegeninduktivität M berechnet werden.



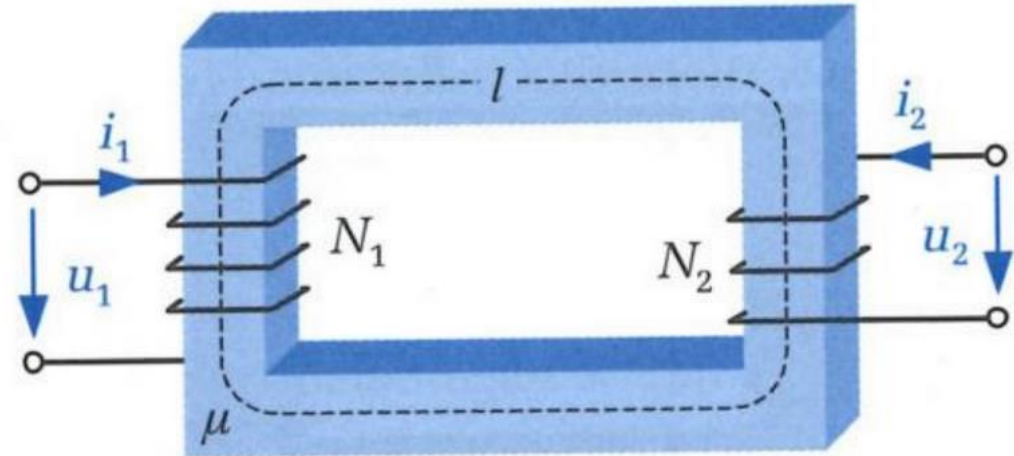
Wie können wir ein Transformator in einem Schaltbild darstellen?

$$u_1 = L_{11} \cdot \frac{d}{dt}(i_1(t)) - M \cdot \frac{d}{dt}(i_2(t))$$

$$u_2 = L_{22} \cdot \frac{d}{dt}(i_2(t)) - M \cdot \frac{d}{dt}(i_1(t))$$

L_{ii} = Selbstinduktivität

M = Gegeninduktivität = Magnetische Koppelung

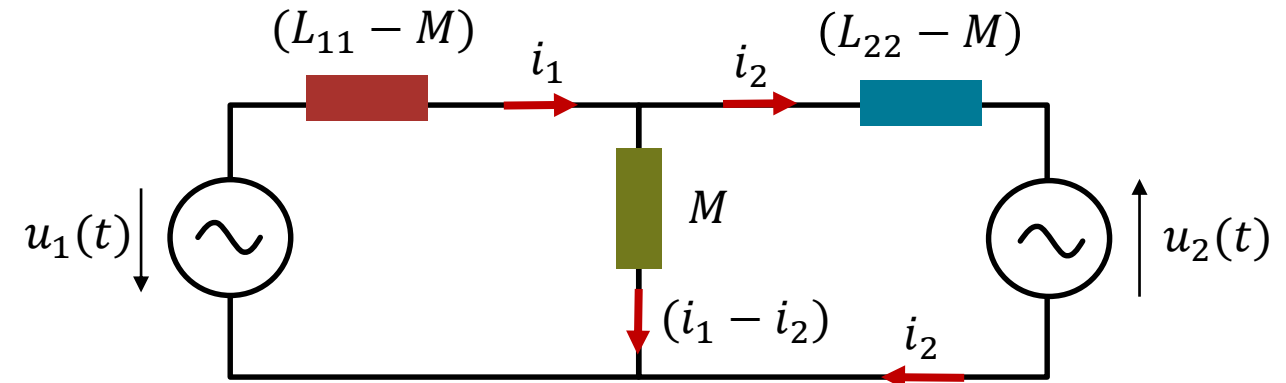
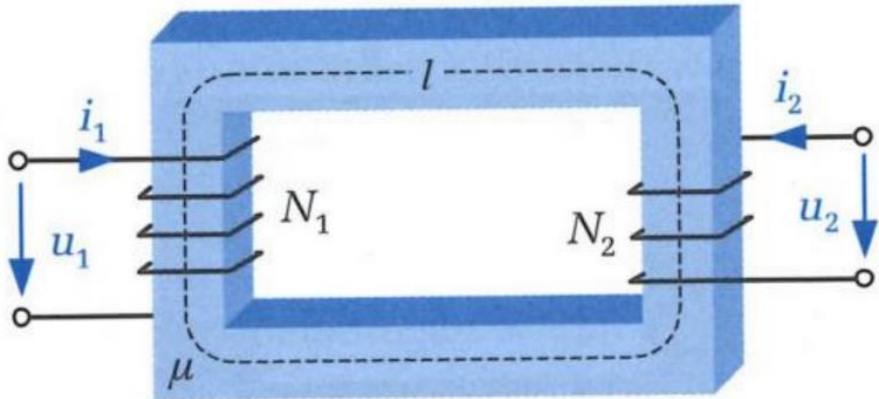


Wie können wir ein Transformator in einem Schaltbild darstellen?

$$\begin{aligned} u_1 &= L_{11} \cdot \frac{d}{dt}(i_1(t)) - M \cdot \frac{d}{dt}(i_2(t)) + \left[M \frac{d}{dt}(i_1(t)) - M \frac{d}{dt}(i_1(t)) \right] \\ &= (L_{11} - M) \cdot \frac{d}{dt}(i_1(t)) - M \frac{d}{dt}(i_2(t) - i_1(t)) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} u_2 &= L_{22} \cdot \frac{d}{dt}(i_2(t)) - M \cdot \frac{d}{dt}(i_1(t)) + \left[M \frac{d}{dt}(i_2(t)) - M \frac{d}{dt}(i_2(t)) \right] \\ &= (L_{22} - M) \cdot \frac{d}{dt}(i_2(t)) - M \cdot \frac{d}{dt}(i_1(t) - i_2(t)) \end{aligned}$$

Wie können wir ein Transformator in einem Schaltbild darstellen?



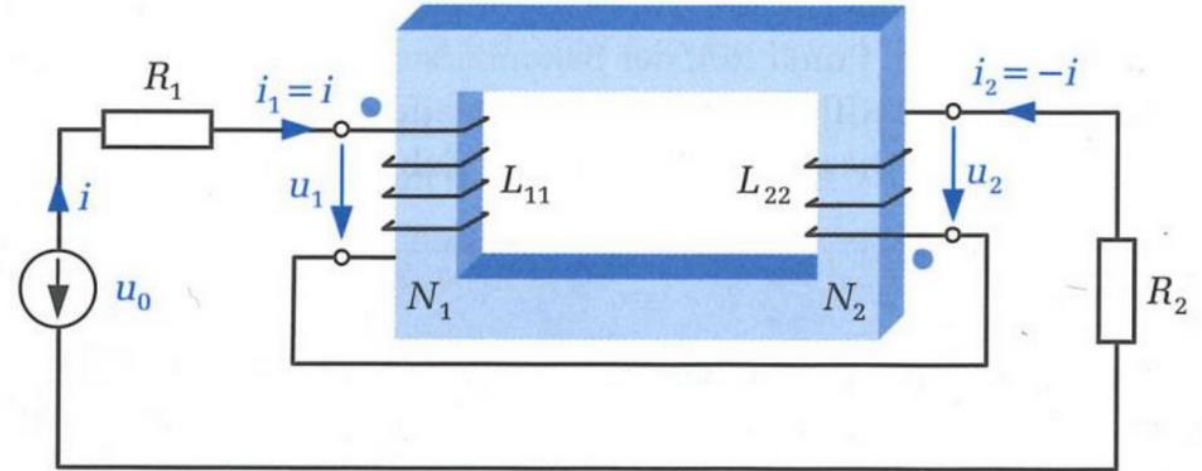
$$u_1 = (L_{11} - M) \cdot \frac{d}{dt}(i_1(t)) - M \frac{d}{dt}(i_2(t) - i_1(t))$$

$$u_2 = (L_{22} - M) \cdot \frac{d}{dt}(i_2(t)) - M \cdot \frac{d}{dt}(i_1(t) - i_2(t))$$

Beispiel

Gegeben sei folgender Transformator mit den Grössen L_{11} , L_{22} und M und den Widerständen R_1 , R_2

Fassen Sie die Anordnung zu einem einfachen ESB zusammen

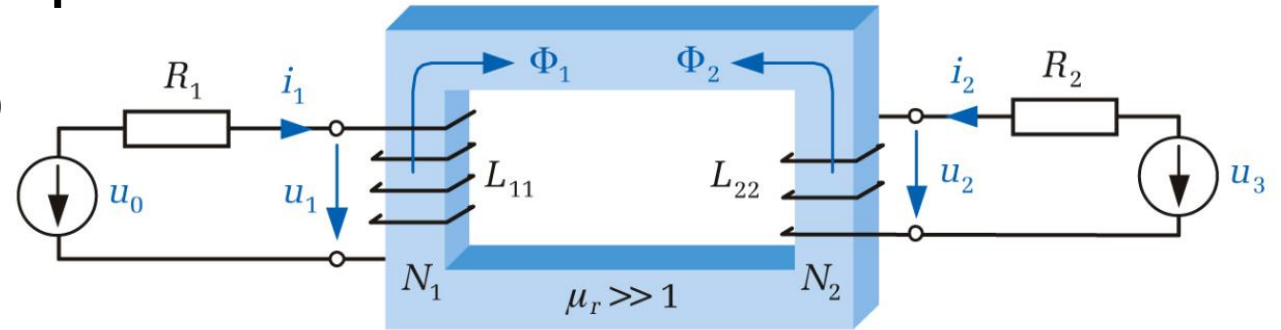


Verlustloser Übertrager

Annahme: **Gesamter Fluss** fließt durch andere Spule

$$u_1 = N_1 \frac{d}{dt} (\Phi_1 - \Phi_2) \quad u_2 = N_2 \frac{d}{dt} (\Phi_2 - \Phi_1)$$

$$u_1 = -\frac{N_1}{N_2} \cdot u_2$$



Übersetzungsverhältnis

$$\left(\pm \right) \ddot{u} := \frac{u_1}{u_2} = \frac{N_1}{N_2}$$

Abhängig der Wicklungsrichtungen

Idealer Übertrager

Falls Übertrager verlustfrei und $\mu_r \rightarrow \infty$

$$\ddot{u} \pm := \frac{u_1}{u_2} = \frac{N_1}{N_2}$$

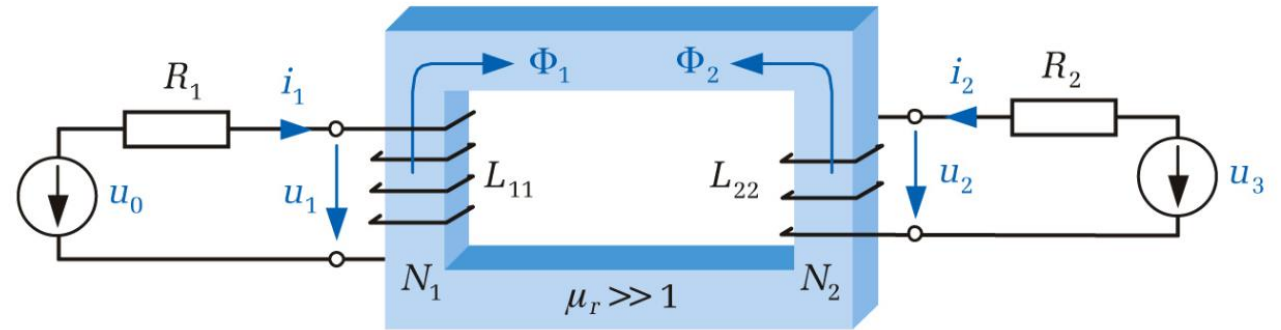
Leistungen müssen konstant bleiben

$$u_1 \cdot i_1 = u_2 \cdot i_2$$

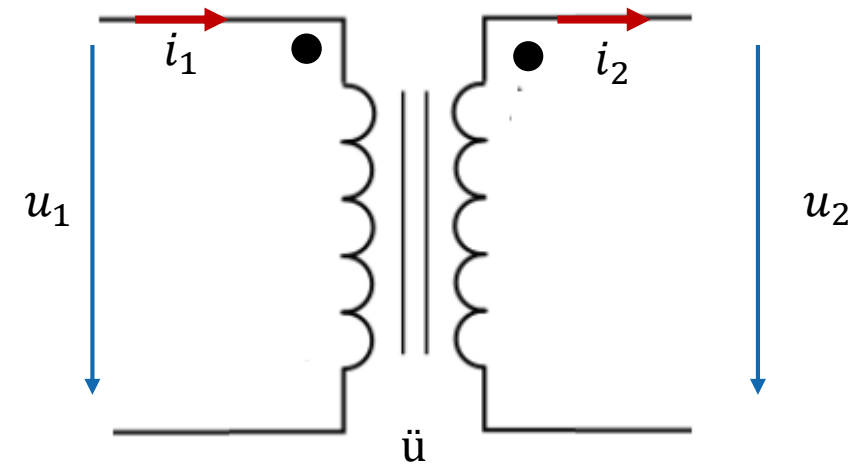
Ströme teilen sich umgekehrt zur Windungszahl auf

$$\frac{i_1}{i_2} = \frac{1}{\ddot{u}} = \frac{N_2}{N_1}$$

Da $\mu_r \rightarrow \infty$ ist das H-Feld im inneren des Kernes = 0 und es wird keine Energie im Material gespeichert

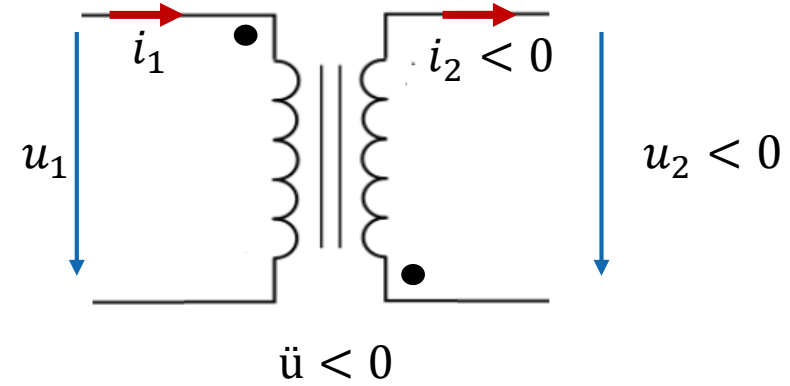
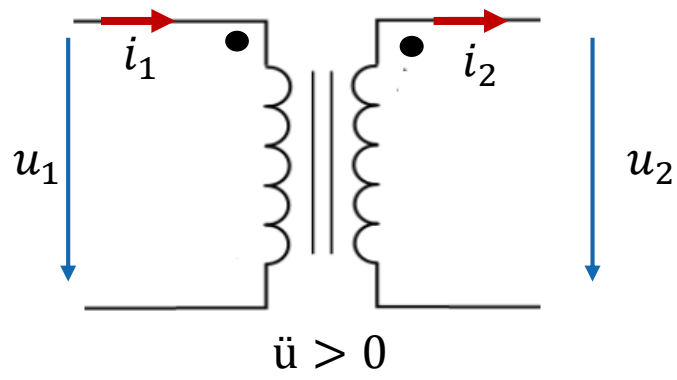


Schaltbild:



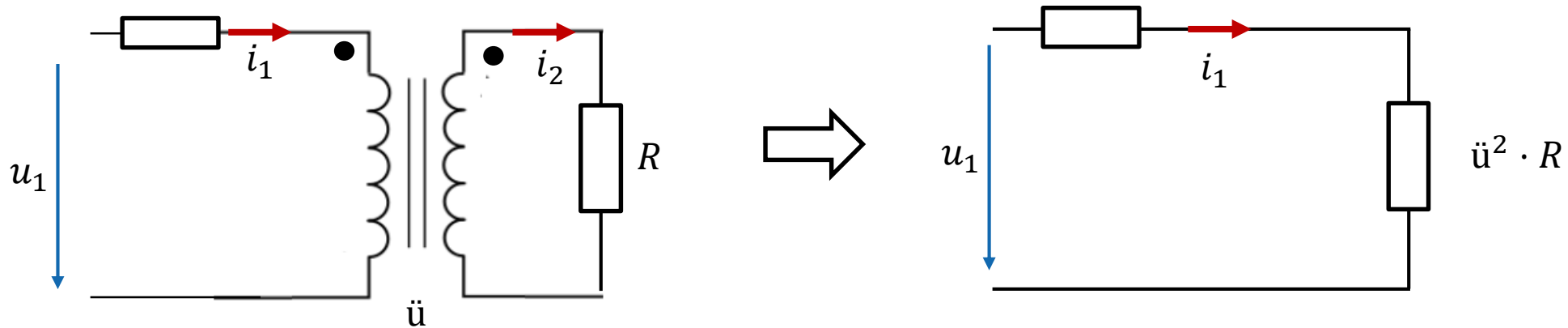
Punktconvention

Punkte geben an, in welche Richtung Spannung und Strom zeigen, abhängig der Primärseite



Idealer Übertrager - Widerstandstransformation

Befindet sich ein Widerstand hinter einem idealen Übertrage, so kann er mit $\ddot{u}^2 \cdot R$ ersetzt werden,



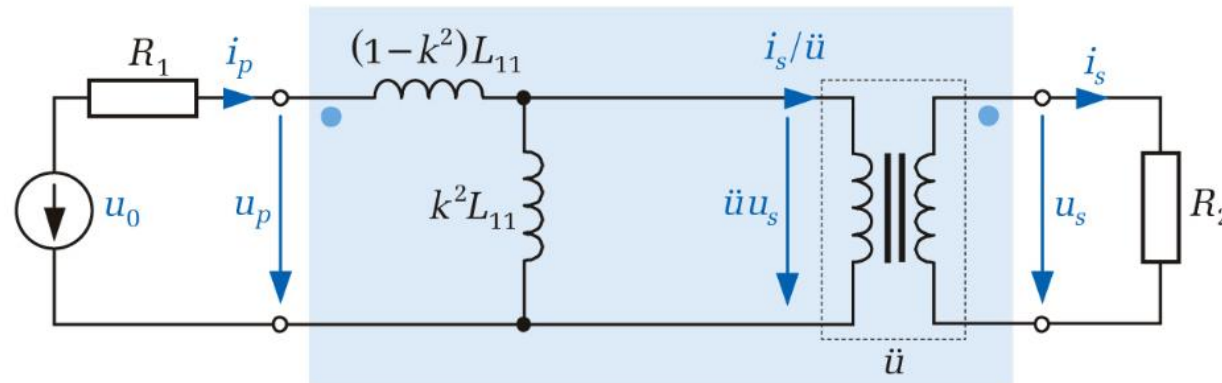
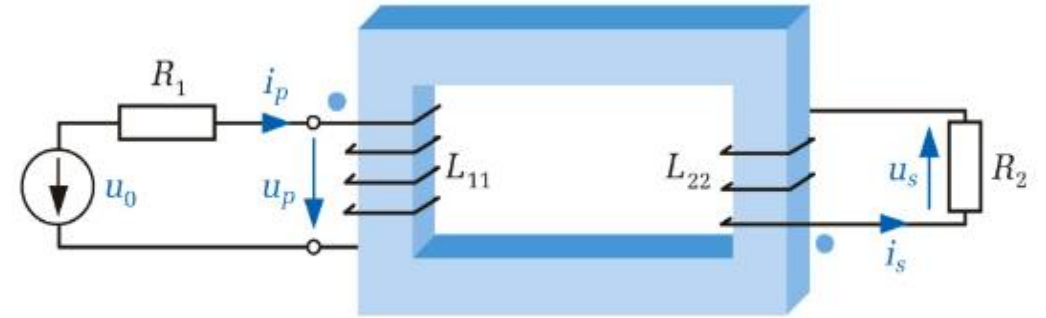
ESB – Verlustloser Übertrager

Wie gross ist die Gegeninduktivität im Vergleich zu den Selbstinduktivitäten?

$$\text{Koppelung } k = \frac{M}{\sqrt{L_{11} \cdot L_{22}}}$$

$k = 0 \rightarrow M = 0$, keine Koppelung möglich

$k = 1$ Koppelung ist Maximal



ESB – Verlustbehafteter Übertrager

Ersatzschaltbild falls die Koppelung nicht ideal ist (Nicht der gesamte Magn. Fluss fließt durch beide Schleifen)

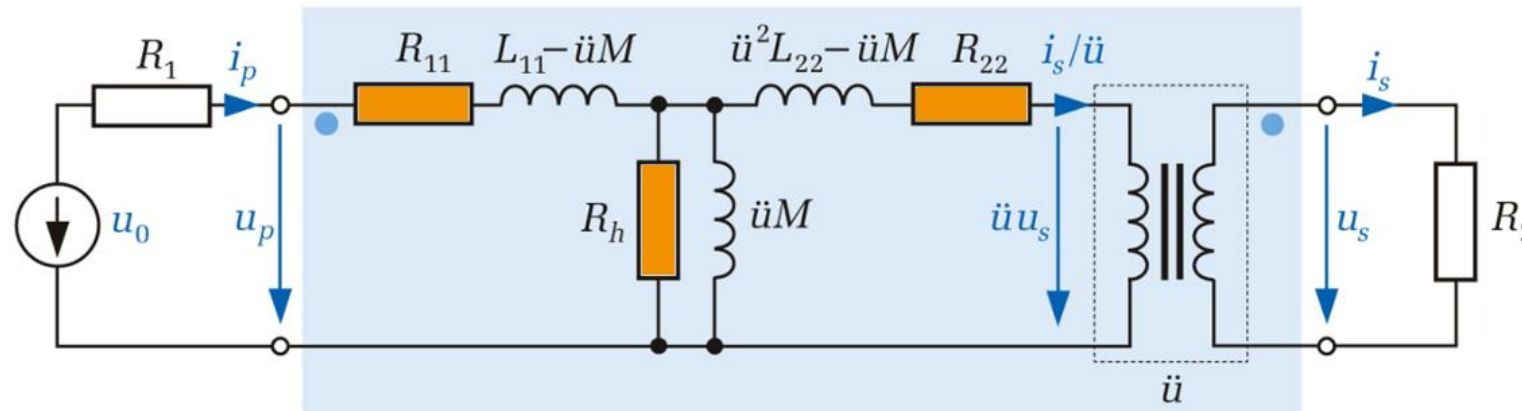


Abbildung 6.56: Ersatzschaltbild für den verlustbehafteten Übertrager

- R_x symbolisieren Verluste im Magneten
- Einige Induktivitäten mit \dot{u} , \dot{u}^2 multipliziert, um beliebige Windungszahlen ($= \dot{u}$) zu zulassen