

Übersicht

- Abstrakte und reale Maschinen
 - Speicher in realen Maschinen
 - Codeerzeugung für reale Maschinen
- CISC und RISC
- Codeselektion
- Optimale Auswertungsordnung
- Codeerzeugung mit Registerzuordnung
- Registerzuteilung durch Graphfärbung

Lernziele

- Die wichtigsten Unterschiede zwischen abstrakten und realen Maschinen benennen können
- Die wichtigsten Eigenschaften von CISC- und RISC-Architekturen und die daraus resultierenden Fragestellungen auflisten können
- Die Probleme der Codeselektion kennen und erklären können, wie man sie lösen kann
- Die wichtigsten Prinzipien und Algorithmen der Registerzuteilung skizzieren können

Thema

- Codeerzeugung für reale Maschinen
- Klassen realer Maschinen (mit unterschiedlichem Einfluss auf Codeerzeugung)
 - *CISC* (Complex Instruction Set Computer)
 - *RISC* (Reduced Instruction Set Computer)

Abstrakte und reale Maschinen

- Bisher: Codeerzeugung für imperative Sprachen auf einer abstrakten Maschine
- Analog: Codeerzeugung für andere Sprachparadigmen (funktional, logisch, objektorientiert) wiederum auf (geeigneten) abstrakten Maschinen
- Nun: zusätzliche Probleme (und ihre Lösungen) beim Übergang auf reale Maschinen

Zunächst

- *Charakteristika* abstrakter Maschinen und Zusammenhang mit realen Maschinen in Bezug auf
 - Speicherorganisation
 - Befehlsvorrat
 - Ausdrucksauswertung

Abstrakte Maschinen

- Auf spezielles Sprachparadigma (imperativ, funktional, logisch, ...) zugeschnitten
- Wechselseitige Verwendung schwierig (Sprachabhängigkeit!)
 - „Unpassende“, „Überflüssige“ oder „fehlende“ Maschinenbefehle
 - Unterschiedliche (Spezial-)Register

Charakteristika abstrakter Maschinen

- *Speicherorganisation*
 - Entsprechend der Lebensdauer verschiedener Klassen von Objekten
 - Keller
 - Für Objekte mit intervallartig geschachtelter Lebensdauer
 - Unterteilt in Rahmen mit statisch bestimmbarer Struktur
 - Halde: für übrige Objekte
 - Register für die Speicherorganisation (Kellerpegel, Haldenpegel, Rahmenzeiger)
- *Befehlsvorrat*
 - Komplexe Befehle zur einfachen (vollständigen oder teilweisen) Realisierung von Quellsprachenkonstrukten
- *Ausdruckauswertung*
 - Mithilfe eines „kleinen“ Kellers, in dem stets Operanden und Ergebnisse vorliegen

Z.B. mst, cupi, retp

Reale Maschinen

- Müssen „universell“ sein; insbesondere erforderlich
 - Effiziente Realisierung der Speicherorganisation jeder abstrakten Maschine
 - Effiziente Simulation der jeweiligen Befehlsvorräte

Gemeinsame Charakteristika gängiger realer Rechner

• Speicherorganisation

- Hierarchie verschiedener Speichertypen
 - *Prozessorregister* (üblicherweise auf dem Chip)
 - Cache
 - *Hauptspeicher* (Zugriff über Systembus/Speicherauswahllogik)
 - Hintergrundspeicher (Zugriff über Betriebssystem)

Schnellste Zugriffszeit

Verweildauer

Zugriffs-
Schnelligkeit

bestimmt durch Zugriffsschnelligkeit und Verweildauer der jeweiligen Inhalte

• Befehlsvorrat

- Unterschiedliche Größe (30 - 1000), je nach konkreter Architektur (s.u.)
- Verschiedene Befehlsarten (Berechnung, Transport, Sprünge, Kommunikation mit Peripherie,...)

• Ausdrucksauswertung

- Meiste aktuell relevante Maschinen sind Registermaschinen (keine Kellermaschinen!)
- Aufgabe der Codeerzeugung
 - Festlegung wo Zwischenergebnisse bei der Ausdrucksauswertung abgelegt werden
 - Geschickte Ausnutzung der Prozessorregister



Hauptspeicher

- I.a. linearer (ansonsten unstrukturierter) Speicher zur Realisierung konzeptioneller Strukturen (Programmspeicher, Keller und Halde)
- Adressierbare Speichereinheiten verschieden groß (Bytes, „Worte“ = 2 Bytes, Doppelworte)

Prozessorregister

- I.a. *verschiedene Klassen von Registern* (bestimmt durch speicherbare Objekte und ausführbare Operationen), z.B.
 - Universalregister (Arithmetische + logische Operationen, Adressoperationen)
 - Gleitkommaregister (Operationen auf Gleitkommazahlen)
 - Getrennte Daten- und Adressregister
 - Auf Adressregistern: volle Adresslänge
 - Auf Datenregistern auch schnellere Operationen für Teilwerte
 - Basisregister (relative Adressierung von Speichersegmenten, z.B. Kellerrahmen)
 - Indexregister (für die Kombination mit anderen Registerinhalten zur Feldindizierung)
 - Register, die implizit in Operationen verwendet werden
 - Befehlszähler (program counter, PC)
 - Bedingungscode (condition code, CC) zur Aufnahme impliziter Vergleiche mit 0

Ähnlichkeiten/Unterschiede in der Codeerzeugung

• *Kontrollstrukturen*

- Übersetzung: i.w. identisch
- Abstrakte Maschinen: Minimalsatz an bedingten und unbedingten Sprüngen
- Reale Maschinen: Fülle bedingter Sprünge (spezielle Situationen, kurze/lange Distanzen)

• *Verwaltung von Rekursion*

- Abstrakte Maschinen: Laufzeitkeller mit impliziter Verwaltung
- Reale Maschinen: Kellerverwaltung durch reale Befehle realisiert

• *Adressierung von Variablen und Parametern*

- Gemeinsam: Statisch vergebene Relativadressen, prinzipielle Zugriffsmechanismen
- Abstrakte Maschinen: Objekte aller Typen in einem Maschinenwort
- Reale Maschinen: Unterschiedliche Wortlängen, z.B.
 - Boolesche Werte und Zeichen: mehrere in ein Wort gepackt
 - Gleitkommawerte: i.a. mehrere Worte
 - Zeichenketten: in Halde abgelegt (dynamische Länge)

• *Auswertung von Ausdrücken*

- Abstrakte Maschinen: Geeigneter Befehlssatz, um Übersetzungsprozess zu erleichtern
- Reale Maschinen: Möglichst gute Ausnutzung der Leistungsfähigkeit der Prozessoren (bzgl. Registerzuteilung, Codeselektion, Instruktionsanordnung)

Wichtigste Teilaufgaben der Codeerzeugung

• Codeselektion

- Auswahl geeigneter Maschinenbefehlsfolgen für „abstrakte Befehle“
- Verwendung effizienterer Befehle für Spezialfälle

• Registerzuteilung

- Möglichst gute Ausnutzung der verfügbaren Register (Zugriffsschnelligkeit!) für
 - Speicherung von Variablenwerten und Zwischenergebnissen
 - Berechnung von Speicheradressen
 - Parameterübergabe
 - Rückgabe von Funktionswerten
- Wechselseitige Abhängigkeit von Registerzuteilung und Codeselektion

Optimale Registerzuteilung ist NP-vollständig

• Instruktionsanordnung und -umordnung

- Ausschöpfung der Möglichkeiten zur Parallelverarbeitung durch geschickte Anordnung unabhängiger Maschinenbefehle

Charakteristische Merkmale

- Viele, teilweise komplexe Befehle
 - Viele und komplexe Adressierungsarten für effizienten Zugriff auf Datenstrukturen (z.B. Felder, Verbunde, Listen, Kellerrahmen)
 - Viele Varianten von Operationen für verschieden lange Operanden und Kombinationen von Operanden- und Resultatsorten
 - Ca. 1000 erlaubte Kombinationen von Operationscodes, Adressierungsarten, Größenangaben
 - Unterschiedliche Instruktionslängen (bis zu 9 Bytes)
 - Unterschiedliche Ausführungszeiten für Befehle (evtl. mehrere Takte pro Instruktion)
- Wenige Prozessorregister
- Reale CISC-Prozessoren
Intel 80x86, Motorola 680x0, NSC 32xxx, ...

Wichtig bezüglich Codeerzeugung

- Gute Registereinteilung (schwierig!)
- Gute Codeselektion (basierend auf geeignetem Kostenmaß)

Charakteristische Merkmale

- Nur wenige, sehr einfache Befehle
(Erhöhte Ausführungsgeschwindigkeit durch Vereinfachung der einzelnen Instruktionen)
 - Einheitliche Instruktionslängen
 - Einheitliche Ausführungszeit: I.w. eine Maschineninstruktion pro Befehlszyklus
 - Bei länger dauernden Instruktionen: *Fließbandverarbeitung* (pipelining)
- Rechnende Operationen und Resultatablage nur auf Registern
- Wenige (1 bis 2) Adressierungsarten (Vereinfachung der Kontrolllogik)
- Kontrolle fest „verdrahtet“ (statt mikroprogrammiert)
- Viele Register (oft mehr als 100); gelegentlich mehrere Register gleichzeitig über „Registerfenster“ zugreifbar
- *Parallel arbeitende funktionale Einheiten* (und/oder Kommunikationslogik)
- Reale RISC-Prozessoren: SPARC, DEC Alpha, Power-PC, AMD 29k, ARC, ARM, Atmel AVR, Intel i860 and i960, MIPS, Motorola 88000,...

Wichtig bezüglich Codeerzeugung

- Registerzuteilung abhängig von Organisation der Register
- Codeselektion einfach



Befehlsfließband

- Pro Zeitpunkt: mehrere (aufeinander folgende) Befehle in versch. Ausführungsphasen, z.B.
 - 1. Befehl laden und decodieren (instruction fetch and decode)
 - 2. Operanden laden (operand fetch)
 - 3. Instruktion ausführen (instruction execution)
 - 4. Resultat in Zielregister schreiben

*Neuere Rechner
(z.B. Ultra SPARC III)
haben bis zu 14 Stufen*

- Verarbeitung
 - Für jede Phase im Fließband eine Stufe zuständig
 - Ausführungszeit pro Stufe: ein Zyklus
 - Aufteilung in Phasen ⇒ kleinere Zykluszeit

Ideal gefüttertes Fließband

- Beobachtungen
 - Alle Phasen sollten möglichst gleich lang sein
 - Ein Befehl pro Zyklus (nach „Anlaufzeit“ von 3 Zyklen)
 - Nur möglich, wenn keine „Kollisionen“, d.h.
 - Kein gleichzeitiger Zugriff aufeinander folgender Befehle auf dieselben Hardware-Ressourcen
 - Kein Befehl ein noch nicht bereitgestelltes Resultat eines vorangegangenen Befehls benötigt

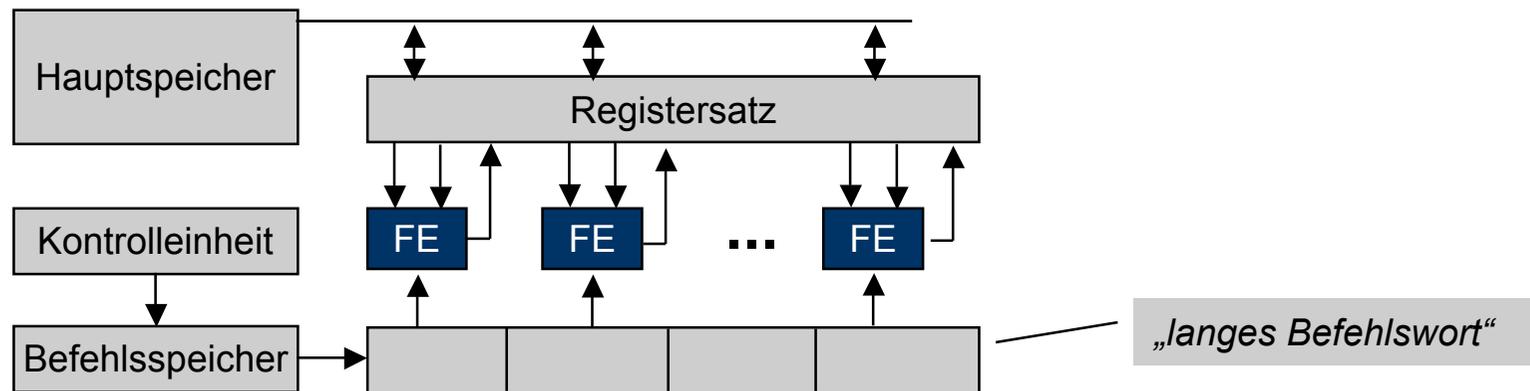
		Zyklus						
		1	2	3	4	5	6	7
Fließ- band- stufe	1	B ₁	B ₂	B ₃	B ₄			
	2		B ₁	B ₂	B ₃	B ₄		
	3			B ₁	B ₂	B ₃	B ₄	
	4				B ₁	B ₂	B ₃	B ₄

Aufgaben der Codeerzeugung

- (semantiktreue) Umordnung der Befehle, um o.g. Kollisionen zu vermeiden
- Evtl. Einfügen von NOP-Befehlen (no operation) zur Verzögerung der Befehlsauswertung

Parallel arbeitende funktionale Einheiten (FE)

- Mehrere parallel arbeitende FEs
- Registersatz (groß genug für gleichzeitiges Laden von Operanden durch alle FEs)
- Je zwei Eingabeverbindungen und eine Ausgabeverbindung zwischen FE und Registersatz
- „Lange Befehlswörter“ (mit je einem Befehl pro FE)
- Unabhängige Steuerung der FEs durch jeweilige Teilwörter des Befehlswords



Aufgabe des Übersetzers

- Packen der erzeugten Befehlsfolge in eine möglichst kurze Folge langer Befehlswörter, ohne Änderung der Semantik (schwierig; erfordert evtl. Datenabhängigkeitsanalyse)

CodeSelektion

- Überführung einer Zwischendarstellung des zu übersetzenden Programms (Code für eine abstrakte Maschine) in möglichst effiziente Befehlsfolge für konkrete Zielmaschine
- Wichtig bei CISC-Maschinen (meist mehrere Möglichkeiten der Codeerzeugung)

Beispiel

- Motorola 68000: 8 Datenregister, 8 Adressregister (jeweils 4 Byte groß)
- Adressierungsarten ([A] stehe für „Inhalt von Adresse A“)
 - D_n Datenregister direkt: $[D_n]$
 - A_n Adressregister direkt: $[A_n]$
 - (A_n) Adressregister indirekt: $[[A_n]]$
 - $d(A_n)$ Adressregister indirekt mit Adressdistanzwert: $[[A_n]+d]$ (d ist 16-Bit-Konstante)
 - $d(A_n, I_x)$ Adressregister indirekt mit Index + Adressdistanzwert: $[[A_n]+[I_x]+d]$ (d ist 8-Bit-Konstante)
 - x absolut kurz: $[x]$ (16-Bit-Konstante x ist Adresse einer Speicherzelle)
 - x absolut lang: $[x]$ (32-Bit-Konstante x ist Adresse einer Speicherzelle)
 - #x unmittelbar: x (x ist Konstante)
- 2-Adress-Befehle, z.B.
ADD D1, D2 (addiert Inhalte der Datenregister D1 und D2; speichert Resultat in D2)

Ausführungszeit eines Befehls

- Als Summe von
 - Ausführungszeiten für die Adressierung der Operanden und
 - Ausführungszeit für die Operation

Kurz: .B bzw. .W;
Ist auch Default

Kurz: .L

	Adressierungsart	Byte, Wort	Doppelwort
D_n	Datenregister direkt	0	0
A_n	Adressregister direkt	0	0
(A_n)	Adressregister indirekt	4	8
$d(A_n)$	Adressregister indirekt mit Adreßdistanzwert	8	12
$d(A_n, I_x)$	Adressregister indirekt mit Index und Adreßdistanzwert	10	14
x	absolut kurz	8	12
x	absolut lang	12	16
#x	unmittelbar	4	8

$= (A_n) + 4$

Beispiele

MOVE.B 8(A1, D1.W), D5

ADDA #8, A1 $12 = 4+8$

ADDA D1.W, A1 $8 = 0+8$

ADDA D1.W, A1 $8 = 0+8$

MOVE.B 8(A1), D5 $12 = 8+4$

MOVE.B (A1), D5 $8 = 4+4$

Kosten: $14 = 10 + 4$

Kosten: $28 = 8+20$

Kosten: $20 = 8+12$

Beachte

- Alternative Codesequenzen nur auf Speicher und Ergebnisregister D5 äquivalent;
- Endzustand bezüglich Bedingungscode und Register A1 unterschiedlich
⇒ Codeselektor muss sicherstellen, dass Kontext jeweilige Codesequenz erlaubt

Beispiel

- Geg.: Anweisung $b := a[i] + 2$ wobei
 - b, i : Integer-Variable; a : Feld $[0..]$ of integer
 - A5: Rahmenzeiger; Relativadressen 4, 6, 8, für b, i, a
- Mögliche Codesequenz

Integer braucht 2 Worte

$i \rightarrow D1$	MOVE	6(A5), D1	Kosten: 12 = 8 + 4
$2 * i \rightarrow D1$	ADD	D1, D1	Kosten: 4 = 0 + 4
Inhalt($a[i]$) $\rightarrow D2$	MOVE	8(A5, D1), D2	Kosten: 14 = 10 + 4
$D2 + 2 \rightarrow D2$	ADDQ	#2, D2	Kosten: 4 = 4 + 0
$D2 \rightarrow b$	MOVE	D2, 4(A5)	Kosten: 12 = 8 + 4

- Alternative Codesequenz

$A5 \rightarrow A1$	MOVE	A5, A1	Kosten: 4
$A1 + \text{Adr}(i) \rightarrow A1$	ADDA	#6, A1	Kosten: 12
Wert(i) $\rightarrow D1$	MOVE	(A1), D1	Kosten: 8
$2 * i \rightarrow D1$	MULU	#2, D1	Kosten: 44
$A5 \rightarrow A2$	MOVE	A5, A2	Kosten: 4
$A2 + \text{Adr}(a) \rightarrow A2$	ADDA	#8, A2	Kosten: 12
$\text{Adr}(a+2i) \rightarrow D2$	ADDA	D1, A2	Kosten: 8
Wert($a[2i]$) $\rightarrow D2$	MOVE	(A2), D2	Kosten: 8
$D2 + 2 \rightarrow D2$	ADDQ	#2, D2	Kosten: 4
$A5 \rightarrow A3$	MOVE	A5, A3	Kosten: 4
$A3 + \text{Adr}(b) \rightarrow A3$	ADDA	#4, A3	Kosten: 12
Zuweisung	MOVE	D2, (A3)	Kosten: 8

Gesamtkosten: 46

Gesamtkosten: 128

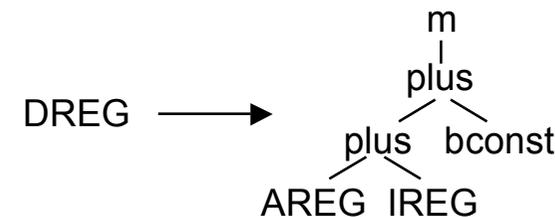




Beschreibung von Maschineninstruktionen

- Durch Regeln einer *regulären Baumgrammatik*
- Beispiel (Instruktion MOVE $d(A_n, I_x), D_m$)

DREG \rightarrow m(plus(plus(AREG, IREG), bconst))



Maschinengrammatik

- Menge von Regeln der obigen Form, wobei
 - Terminalsymbole (klein geschrieben): (Teil-) Operationen, die die Instruktion ausführt
 - Nichtterminale (groß geschrieben): Lokationen bzw. Ressourcenklassen
 - Linke Seite: gibt an, wo Ergebnis der Instruktion abgelegt wird
 - Rechte Seite: „Bedeutung“ der Instruktion
- „Wortschatz“ einer Maschinengrammatik
 - Zwischendarstellungen (in Baumform) für Ausdrücke

Ableitungsbaum (bestehend aus Regelbezeichnungen)

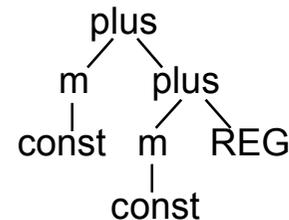
- Beschreibt eine Möglichkeit für zugehörigen Ausdruck Code zu erzeugen
- \Rightarrow Instruktionsauswahl umfasst:
Analyseproblem für Zwischendarstellungsbäume bezüglich einer Maschinengrammatik



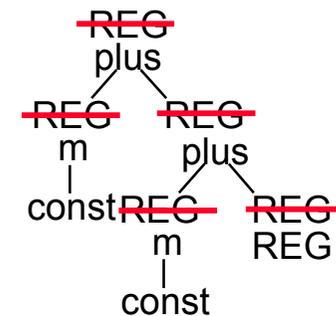
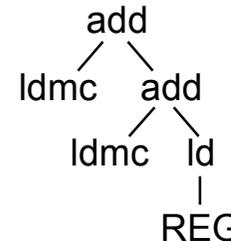
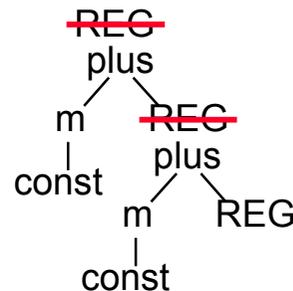
Beispiel

- Geg.: Regeln einer Baumgrammatik, Baum gemäß dieser Grammatik

`addmc: REG → plus(m(const), REG)`
`addm: REG → plus(m(REG), REG)`
`add: REG → plus(REG, REG)`
`ldmc: REG → m(const)`
`ldc: REG → const`
`ld: REG → REG`



- Ableitungsbäume



Es gilt

- Maschinengrammatik i.a. mehrdeutig (d.h. verschiedene Instruktionsfolgen möglich)

Auswahl günstiger Instruktionsfolgen

- Annotation der Regeln mit Kosten (z.B. Anzahl der Maschinenzyklen)
- Auswahl des Ableitungsbaumes (= Instruktionsfolge) mit geringsten Kosten

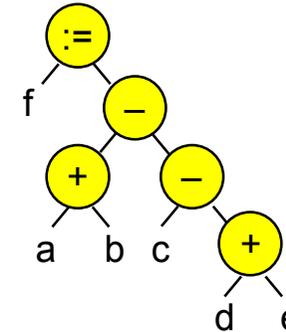


Problem

- Möglichst kurzer Code für Ausdrucksbäume
(leicht auf Wertzuweisungen oder Basisblöcke erweiterbar)

Beispiel

- Baum für Wertzuweisung $f := (a+b)-(c-(d+e))$



Unterstelltes Maschinenmodell (RISC-Klasse)

- r allgemeine Register R_0, R_1, \dots, R_{r-1}
- Direkte Korrespondenz zwischen Operationen im Ausdrucksbaum und Instruktionen
(\Rightarrow Codeselektion trivial)
- 2-Adress-Befehle mit folgendem Format (wobei V : Adresse einer Variable)

- $R_i := M[V]$ **Laden**
- $M[V] := R_i$ **Speichern**
- $R_i := R_i \text{ op } M[V]$ **Berechnen**
- $R_i := R_i \text{ op } R_j$

$R_0 := M[a]$
 $R_0 := R_0 + M[b]$
 $R_1 := M[d]$
 $R_1 := R_1 + M[e]$
 $M[t_1] := R_1$
 $R_1 := M[c]$
 $R_1 := R_1 - M[t_1]$
 $R_0 := R_0 - R_1$
 $M[f] := R_0$

$R_0 := M[c]$
 $R_1 := M[d]$
 $R_1 := R_1 + M[e]$
 $R_0 := R_0 - R_1$
 $R_1 := M[a]$
 $R_1 := R_1 + M[b]$
 $R_1 := R_1 - R_0$
 $M[f] := R_1$

Beispiel (für $r = 2$)

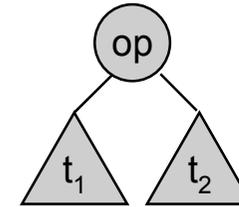
**Befehlsfolge
mit einer
Zwischenspeicherung**

**Befehlsfolge
mit keiner
Zwischenspeicherung**



Prinzip des allgemeinen Registerzuteilungsalgorithmus

- Geg.:
 - Baum t für Ausdruck $e_1 \text{ op } e_2$ mit Teilbäumen t_1 für e_1 und t_2 für e_2
 - Benötigte Registeranzahl für t_1 : r_1
 - Benötigte Registeranzahl für t_2 : r_2



Insgesamt benötigte Register

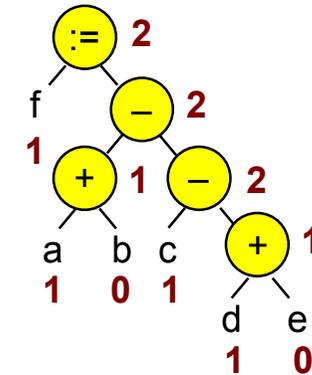
- Falls gesamte Registeranzahl $r \geq r_1 > r_2$, dann
 - Nach Auswertung von t_1 : $r_1 - 1$ Register frei (1 Register hält das Ergebnis)
 - Genügend Register für Auswertung von t_2
 - Gesamtzahl r_t benötigter Register: r_1
- Falls gesamte Registeranzahl $r \geq r_1 = r_2$, dann
 - Gesamtzahl r_t benötigter Register: $r_1 + 1$
- Falls gesamte Registeranzahl $r_t > r$, dann
 - Ablegen von Zwischenergebnissen in Speicherzellen

Algorithmus arbeitet in 2 Phasen

- **Markierungsphase** (Ermittlung des Speicherbedarfs der Teilbäume)
- **Generierungsphase** (Codeerzeugung durch berechneten Registerbedarf gesteuert)

Markierungsphase

- Markierung der Knoten des Baums mit ihrem **Registerbedarf** (Gesamtzahl der Register wird ignoriert) in einem bottom-up Durchlauf
 - „Linke Blätter“ (linke Knoten binärer Operationen): mit 1 markiert (da sie in ein Register geladen werden müssen)
 - „Rechte Blätter“: mit 0 markiert (da als Operanden benutzt)
 - Registerbedarf für innere Knoten $op(t_1, t_2)$
 - $\max(r_1, r_2)$, falls $r_1 \neq r_2$ ($r_i =$ Registerbedarf für t_i)
 - $r_1 + 1$, falls $r_1 = r_2$



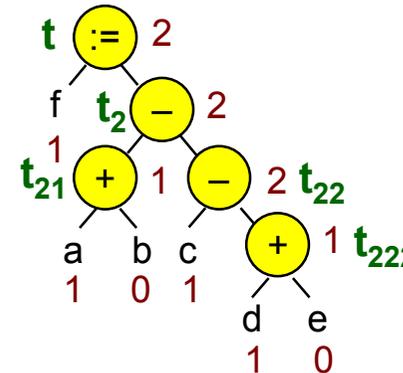
Generierungsphase

- Erzeugung **optimalen Codes** in einem (post-order) Baumdurchlauf
 - (1) Befehl **Op** (für Operation op an der Wurzel des Baums $op(t_1, t_2)$) wird nach dem Code für t_1 und t_2 erzeugt
 - (2) Reihenfolge der Bearbeitung der beiden Teilbäume entsprechend Registerbedarf
 - (3) Invariante für **Op**: Wert von t_1 liegt in einem Register vor (wird dann Operand in **Op**)
 - (4) Zwischenergebnisse für Teilbäume mit zu hohem Registerbedarf werden zwischengespeichert und wieder geladen

Algorithmus Gen_Opt_Code

```

var R: register; T: address;
var RST: stack of register; TST: stack of address;
proc GC (t: tree);
  case t of
    (leaf a, 1):          (* linkes Blatt *)
      emit(top(RST)) := a);
    op((t1, r1), (leaf a, 0)):  (* rechtes Blatt *)
      GC(t1); emit(top(RST) := top(RST) Op a);
    op((t1, r1), (t2, r2)):
      cases
        r1 < min(r2, r):
          begin exchange(RST);
                GC(t2); R := pop(RST);
                GC(t1); emit(top(RST) := top(RST) Op R);
                push(RST, R); exchange(RST) end;
        r1 ≥ r2 ∧ r2 < r:
          begin GC(t1); R := pop(RST);
                GC(t2); emit(R := R Op top(RST));
                push(RST, R) end;
        r1 ≥ r2 ∧ r2 ≥ r:
          begin GC(t2); T := pop(TST); emit(M[T] := top(RST));
                GC(t1); emit(top(RST) := top(RST) Op M[T]);
                push(TST, T) end endcases endcase;
  
```



Ausdruck

R = R₁
T =
RST = R₀ R₁ R₂
TST = X₀ X₁ X₂

Keller für Register und
Zwischenspeicher

Keller + Variable

Komplexitätsanalyse

- Algorithmus optimal bzgl. Anzahl erzeugter Befehle
 - innere Knoten: 1 Befehl
 - linke Blätter: 1 Befehl
 - Zwischenspeicherung, nur wenn nötig
- Allerdings: Mehrfachauswertung gemeinsamer Teilausdrücke

Erzeugter Code

```

R0 := c
R1 := d
R1 := R1 + e
R0 := R0 - R1
R1 := a
R1 := R1 + b
R1 := R1 - R0
R0 := f
R0 := R0 := R1
  
```

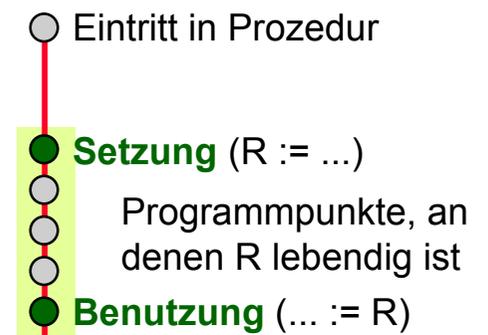


Zielsetzung

- Bisher: Geschickte Registerverteilung für Ausdrucksbäume
- Nun: Globale Registervergabe für alle Berechnungen innerhalb einer Prozedur
- Eingabe
 - Zwischensprachenprogramm, in dem jeder Operation und jeder modifizierten Variablen ein *symbolisches Register* zugeteilt ist
- Aufgabe
 - Zuordnung der (im Prinzip unendlich vielen) symbolischen Register zu (beschränkt vielen) Registern der realen Maschine
- Problem
 - Ein reales Register kann nicht zwei verschiedenen symbolischen Registern zugeteilt werden, wenn beide gleichzeitig „lebendig“ sind (und nicht denselben Wert enthalten)

Lebendiges (symbolisches) Register R

- R **lebendig** an Programmpunkt p
 - p liegt auf Ausführungspfad zwischen **Setzung** und **Benutzung**
 - Zwischen p und **Benutzung** keine weitere **Setzung**
- **Lebensspanne** von R = {Punkte, an denen R lebendig ist}



Kollisionsgraph

- Darstellung von Einschränkungen für die Zuteilung symbolischer Register an reale
- Zwei Lebensspannen symbolischer Register **kollidieren**, wenn eines der Register in der Lebensspanne des anderen gesetzt wird
- **Registerkollisionsgraph**
 - Knoten: Lebensspannen von symbolischen Registern
 - (ungerichtete) Kanten: zwischen kollidierenden Lebensspannen

Damit

- Registerzuteilung \Rightarrow Graphfärbungsproblem
 - Kollisionsgraph mit k Farben färben (k = Anzahl der realen Register), wobei
 - Direkt durch Kante verbundene Knoten dürfen nicht dieselbe Farbe zugeteilt bekommen

Graphfärbungsproblem

- Für $k > 2$: NP-vollständig
- Bei der Registerzuteilung: heuristische Verfahren

Idee des Graphfärbungsalgorithmus

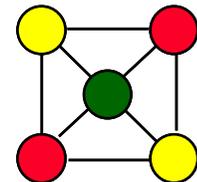
- Suche in Graph G Knoten n mit $\text{Grad} < k$
 - Entferne n und seine Kanten aus G
 - Wende Verfahren rekursiv auf reduzierten Graphen an, bis Graph leer (d.h. G ist k -färbbar)
 - Vergabe von Farben umgekehrt zur Reihenfolge des Knotenentfernens
- Falls kein Knoten mit $\text{Grad} < k$ zu finden ist
 - Wähle (mit *Heuristik* ) einen Knoten aus, entferne ihn und seine Kanten und versuche so reduzierten Graphen mit k Farben zu färben
 - Entfernen des Knotens entspricht Zwischenspeichern des zugehörigen symbolischen Registers (für dieses Register: entsprechende Speicher-/ Ladeoperationen in das Programm einfügen)

Für n bleibt eine Farbe übrig, unabhängig davon, wie die seiner Nachbarn sind



Bemerkungen

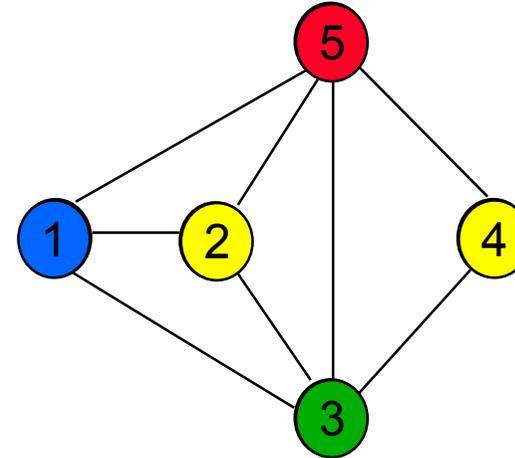
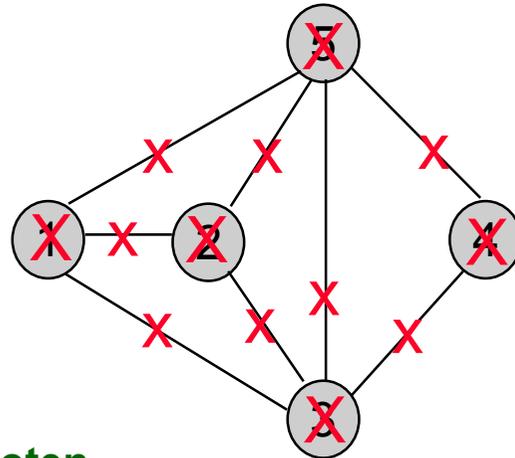
- Knotengrad als Auswahlkriterium für Färbbarkeit nur hinreichend (Es gibt Graphen, die das Kriterium nicht erfüllen und doch k -färbbar sind)
- *Auswahl-Heuristik* berücksichtigt
 - Grad der Knoten (hoher Grad steigert Chancen auf k -Färbbarkeit des reduzierten Graphen)
 - Kosten für die Zwischenspeicherung



Mögliche Verbesserungen des Graphfärbungsalgorithmus

- Verschmelzen und Aufspalten von Lebensspannen (durch Änderungen im Programm)

Beispiel ($k = 4$)



Entfernte Knoten

- 1 
- 2 
- 3 
- 4 
- 5 

